内容简介

本书讲述 MATLAB 在金融计算方面的应用。首先深入进出地介绍相关的金融理论及模型、然后重点 然和TLAB 的金融、衍生品。固定收益工具箱中的函数。并通过大量的应用实例。帮助读者快速、熟 练掌器使用 MATLAB 来解决金单中的计算和分析问题。

本书由 MATLAB 入门篇、MATLAB 金融计算及密例篇和 MATLAB 金融类工具和函数详解简组宏。 MATLAB 入门源分部 MATLAB 软件、基本运算、数据可视化和数据较取及编程基础。金融计算及实例 简详述 MATLAB 金融计算的主要内容,具体包括金融类工具和的介绍。金融数据的效率。同定设益证券 计算、利率期限结构和利率模型、金融衍生品计算、按理组合管理与风险控制。分异期权和利率期权定 价等,MATLAB 金融类工具相函数详解简组全融、衍生品和固定收益证为、工具和中的全部函数一进 行详解。包括高数的功能、输入和输出参数的说明,以帮助读者按该等继工具由中函数的使用。

本书实例丰富、语言简练、上手快,可供金融、经济等专业的大学本科和研究生作为辅助教材和参 考书,也可供金融机构从业人员参考使用。

未经许可,不得以任何方式复制或抄袭本书之部分或全部内容。 版权所有,侵权必究。

图书在版编目 (CIP) 數据

精通 MATLAB 金融计算/金龙, 王正林编纂. 一北京; 电子工业出版社, 2009.6 (MATLAB 精品丛书) ISBN 978-7-121-08779-0

I. 精… II. ①金… ②王… III. 金融一计算机辅助计算一软件包,MATLAB IV. F830.49-39

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2009) 第 071366 号

责任编辑: 頭慧芳

印 刷:北京智力达印刷有限公司

装 订:北京中新伟业印刷有限公司

出版发行: 电子工业出版社

北京市海淀区万寿路 173 信箱 邮编 100036

开 本: 787×1092 1/16 印张: 25.75 字數: 582.2 千字

印 次: 2009年6月第1次印刷

印 数: 4000 册 定价: 59.00 元 (含光盘1张)

凡所购买电子工业出版社图书有缺损问题,请向购买书店调换。若书店售缺,请与本社发行部联系。 联系及郵购电话:(010)88254888。

质量投诉请发邮件至 zlts@phei.com.cn,盗版侵权举报请发邮件至 dbqq@phei.com.cn。

服务热线: (010) 88258888。

前言

MATLAB 软件不仅在科学、工程及学术研究领域普遍应用,而且近年来日益受到美国 华尔街金融专业人士推崇,以及金融界从业人员的重视。目前,全球有超过 2000 家金融机 特运用 MATLAB 来管理公司资产。国际货币基金组织、庫根斯坦利等顶级金融机构都在使 用 MATLAB,利用 MATLAB 强大的运算平台实现与其他软件之间的数据交换,显示出了非 常优良的通融性。可见,MATLAB 现已成为金融工程人员不可或缺的软件工具。

写作目的

MATLAB 已成为国际公认的最优秀的科技应用软件,具有编程简单、数据可视化功能 强、可操作性强等特点,而且包括功能强大、专业函数丰富的三大金融方面的工具箱,是 进行金融计算工作必备的软件工具。

MATI.AB 在金融数据分析、金融模型构建及仿真计算等金融服务实务工作上,都能发 摆强大的作用。包括新型金融产品的设计与风险管理。

本书将全面、系统地讲述应用 MATLAB 进行金融方面的计算,旨在推动金融工程及 金融计算相关领域的 MATLAB 应用。

主要特色

本书内容围绕 MATLAB 在金融计算中的应用,通过翔实、丰富的实例讲解,一步一步带领读者进入 MATLAB 的金融计算的强大世界。本书主要的特点可以概括为以下几点;

1. 内容由浅入深、层次性强

本书采用 3 篇结构,MATLAB 入门篇将带领读者快速掌握 MATLAB 的基本使用;金 融计算及实例篇, 循序渐进地讲述 MATLAB 的金融计算功能,这也是全书的重点;最后 在 MATLAB 金融类工具箱函数详解篇中,详细讲述三大工具箱的全部函数。层次结构简 洁明了,非常适合不同层次的读者选择性地学习,提高学习效率。

2. 实例典型丰富。实用性强

本书打破了通常金融美书籍理论多、模型多、实例少的弊病,对复杂的理论及算法一 带而过,重点放在应用 MATLAB 的函数实现,重在实例,所以本书精心挑选了最具代表 性和实用性的大量实例,悉数进行全面、翔实的算法分析、程序编写和结果分析,并提供 了全部源代码,非常便于举习和参考。

3. 理论联系实际、应用性强

本书既介绍了相关的金融理论、模型和思想,又讲述了利用 MATLAB 金融、衍生品 固定收益、金融时间序列等工具箱中的函数,而且结合了函数的代码分析,以及编程将抽 愈的金融模型,通过 MATLAB 的数据处理和图形形式来加以解释、验证和求解。这样, 本书便既能使读者熟悉当前的金融理论、模型和思想,又能够熟练应用 MATLAB 软件来 分析、解决相关的金融问题。

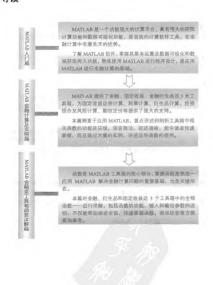
4. 函数讲解翔实,工具性强

金融类工具箱函数详解篇采用大量的篇幅,对金融、衍生品和固定收益这3大工具箱的函数全部进行了翔实具体的使用说明,能帮助读者快速高效地掌握这些函数,而且还非常方便进行查询和参考,提高了本书的实用性和工具性。

5. 语言简洁精练,可读性强

本书以简洁、通俗的语言来说明金融计算的相关理论和模型、避免过于复杂的数学推 等,提高了可读性。在 MATLAB 的实例程序中,本书对关键的程序进行点睛式的注释, 计读者在程序中快速有效此業卿 MATLAB 的应用。

本书导读



光盘使用说明

本书附带光盘中包括了全书所有实例对应的 MATLAB 的 M 文件。所有代码按照章节 存放在各个文件夹下,如"第6章"文件夹下存放了本书第6章所有的程序代码或实例代码。"第7章"文件夹下存放了第7章阶有的实例代码。像此类推。在每一个文件夹下的 M 文件,其名称和书中的实例编号——对应,如 ex_6_1.m 文件对应于例 6-1 的实例。 ex_7.1.m 文件对应于例 7-1 的实例。依此类推。

读者可以通过运行光盘提供的代码文件,体会本书所有实例的效果。由于所有代码都 是在 MATLAB R2008b 下编写并调试通过、因此,使用本光盘中实例前,读者需要安装 MATLAB R2008b,并将包含待运行.m. 文件的文件夹添加到 MATLAB 路径或设置为 MATLAB 当前目录。如读者需要运行 ex_6_l.m.,那么就需要将包含此 M 文件的"第6章" 文件夹添加到 MATLAB 路径,或者将其设置为 MATLAB 当前目录,然后通过命令雷口调 用文件名,或者在 M.Edioto 窗口打开并运行代码文件等方式来运行此 M 文件。

本光盘内容的著作权属本书作者所有。所有源程序仅供本书读者学习和研究之用,任何人未经授权不得擅自复制、传播或用干商业用涂。

本书读者

金融、经济等专业的大学本科和研究生作为辅助教材和参考书,也可供金融机构相关 的从业人员参考使用。

作者致谢

感谢父母和朋友们的支持与鼓励,使得本书的创作过程得以坚持下去;感谢朱沭红老师、顾慧芳老师的大力支持和辛勤劳动!

由于作者水平和经验有限,书中错漏之处在所难免,还望得到专家、读者和业内人士的批评指正,我们的邮箱是: wa 2003@126.com。

编著者, 2009年4月8日于清华园



目 录

第	1 篇	MATLAB	入门篇	3.3	多维	数据绘图	3
					3.3.1	二维图形	3:
第1:	章 MA	TLAB 概述	2		3.3.2	三维图形	31
1.1	MAT	LAB 的产生与发	· in	3.4	图形	的修饰	3
1.3		LAB 的优势与特		3.5	本章	小结	4
1.3		LAB 系统的构成		第4章	MA	TLAB 编程基础········	
1.4		LAB 桌面操作环		30 T.W.			
1	1.4.1	MATLAB 启动和		4.1		LAB 编程概述	
		MATLAB 主菜单		4.2		LAB 程序设计原则…	
		MATLAB 命令官		4.3	M文	件	45
		MATLAB 工作空		4.4	MAT	LAB 程序流程控制···	47
		M文件编辑/调试		4.5	MAT	LAB 中的函数及调用	50
		图形窗口			4.5.1	函数类型	50
		MATLAB 文件管:			4.5.2	函数参数传递	53
		MATLAB 帮助使力		4.6	函数位	句柄	57
1.5		AB 的工具箱…		4.7	MATI	LAB 程序调试	59
1.6		-AB 的工共相… k结			4.7.1	常見程序错误	59
		1,30	18		4.7.2	调试方法	62
第2章	MAT	LAB 基本运算 ··	19		4.7.3	调试工具	62
2.1	MATI	AB 数据类型	19	4.8	本章	卜结	64
2.2	数组》	及其运算	21	Ander			
	2.2.1	数组的创建	21	第	2篇	MATLAB 金	融
	2.2.2	数组的运算	23			计算及实例篇	畜
2.3	矩阵及	及其运算	24	400 m 200	A 114	*	
	2.3.1	矩阵的创建	24	第5章	本概	类工具箱	66
	2.3.2	矩阵的运算	26	5.1	瑞士科	耳保险公司的案例	66
2.4	符号运	章	27	5.2	金融コ	_具箱	67
	2.4.1	符号运算概述	27		5.2.1	主要功能	68
	2.4.2	常用的符号运算…	29		5.2.2	体系结构	68
2.5	关系运	算和逻辑运算-	31		5.2.3	主要函数	69
2.6	本章小	结	32		5.2.4	GUI 工具	70
第3章	MAAT	LAB 数据可视化	try vit	5.3	金融和	· 古生品工具箱	71
売り売					5.3.1	主要功能	71
3.1	数据线	图的基本步骤…	33		5.3.2	体系结构	72
3.2	在工作	空间直接绘图…	34		5.3.3	主要函数	73

	5.3.4 GUI 工具 ··········73		7.1.4	报价和交割价115
5.4	固定收益工具箱75	7.2	基本	固定收益工具和利率116
	5.4.1 主要功能75		7.2.1	基本固定收益工具116
	5.4.2 体系结构75		7.2.2	利率的计量116
	5.4.3 主要函数76	7.3	日期	计量的 SIA 标准117
5.5	本章小结77		7.3.1	中长期国债的定价118
00 o 20	A STATE OF THE STA		7.3.2	市政债券的定价 120
第6章	金融数据可视化和数据获取78		7.3.3	大额存单国库券的定价 121
6.1	日期和货币数据处理78	7.4	固定	枚益证券的属性 121
	6.1.1 日期數据格式78		7.4.1	固定收益证券数据的属性 121
	6.1.2 日期型數据处理函数79		7.4.2	1
	6.1.3 非交易日数据87			价格计算128
	6.1.4 货币格式转换88			敏感性分析137
6.2	MATLAB 图表操作89	7.5		收益证券的数据管理······· 140
	6.2.1 图表窗口的创建89		7.5.1	
	6.2.2 图表数据的保存和载入90			Excel 数据的读写146
	6.2.3 图表窗口的坐标92			其他格式数据的读写149
6.3	线型图的含义和绘制94	7.6	本章	小结151
	6.3.1 裁型图的含义94	第8章	利率	期限结构和利率模型 152
	6.3.2 线型围函数95	8.1	at all sales in	朝限结构计算152
6.4	烛型图96	8.1	利用。 8.1.1	
	6.4.1 效型图的含义96			利息债券收益率
	6.4.2 烛型图画数97			Bootstrapping 算法154
6.5	移动平均线98			利率期限结构计算函数 157
	6.5.1 移动平均线的含义98			远期利率计算
	6.5.2 移动平均线的计算98			期限结构曲线插值162
6.6	布林带99	8.2		率期限结构
	6.6.1 布林带的计算100	0.0		技术163
	6.6.2 布林带的函数102			利率期限结构的表示 163
6.7	动态数据获取103			债券定价技术 166
	6.7.1 创建定时器103			現金流定价技术 167
	6.7.2 Callback 函数的参数 ···········106		8.2.4	
	6.7.3 定时器使用实例107		8.2.5	产品定价函数及敏感性
6.8	本章小结110			分析函数 171
intr = atc	the straight and the size of the		8.2.6	Instrument 型数据的构建 ····· 172
第7章	固定收益证券计算111	8.3		模型175
7.1	债券的基本概念111		8.3.1	利丰模型分类 175
	7.1.1 現金流的計同价值111		8.3.2	HL 模型 175
	7.1.2 现值和终值的计算112			变方差 HL 模型 179
	7.1.3 債券报价方式114			HL 模型意义185

8.4	BDT 模型186	9.5.4 希腊字母计算	23
	8.4.1 BDT 模型的构建186	9.6 MATLAB 中的 EQP 模型 ·········	23
	8.4.2 BDT 模型的实现189	9.6.1 資产价格二叉树	23
8.5	HW 和 BK 模型190	9.6.2 二叉树的等价式	23.
	8.5.1 三叉树的基本形态191	9.6.3 定价函数	23
	8.5.2 HW模型的构建191	9.6.4 其他定价函数	23
	8.5.3 HW 模型的 Q 参数196	9.7 有限差分法定价	23
	8.5.4 BK 模型简介197	9.7.1 有限差分法简介	23
	8.5.5 HW和BK模型的实现198	9.7.2 自变量的离散化	24
8.6	HJM 模型200	9.7.3 隐式差分解法	24
	8.6.1 HJM 模型简介200	9.7.4 方程的边界条件	24
	8.6.2 HJM 模型的实现200	9.8 本章小结	24
8.7	利率模型定价202	第 10 章 投资组合管理与风险控制…	24
	8.7.1 利半模型的输入变量202		
	8.7.2 产品的定价204	10.1 投资组合基础概念	24.
8.8	本章小结208	10.1.1 价格序列和收益率	
第9章	金融衍生品计算209	序列间的相互转换	
* 9 *	金融7/1王阳7/14	10.1.2 方差、协方差与相关系数…	24
9.1	无套利和 Black-Scholes 方程 ···· 209	10.1.3 线性规划问题的提出和	
	9.1.1 单步二叉树模型209	标准化	
	9.1.2 风险中性定价210	10.2 资产组合风险-收益计算	25
	9.1.3 套利的数学模型211	10.2.1 资产组合的收益单和	
	9.1.4 Black-Scholes 模型假设211	方差	
	9.1.5 Black-Scholes 方程212	10.2.2 收益率和标准差的计算	
9.2	欧式期权的影响因素214	10.2.3 VaR 的计算	
	9.2.1 歐式期权定价函数214	10.3 资产组合有效前沿	
	9.2.2 歐式期权的希腊字母215	10.3.1 資产有效前沿概念	25
9.3	欧式期权的风险度量217	10.3.2 简单约束条件下的资产	
	9.3.1 歐式期权希腊字母函数217	组合有效前沿	25
	9.3.2 期貨期权定价函数219	10.3.3 复杂约束条件下的	
	9.3.3 隐含波动单计算220	贵产组合有效前沿	25
9.4	期权价格的数值求解221	10.3.4 随机模拟法确定资产	
	9.4.1 多期二叉树模型221	组合有效前沿	
	9.4.2 CRR 模型 ·······223	10.4 资产配置	26
	9.4.3 EQP 模型224	10.4.1 贵产配置问题概述	
	9.4.4 ITT 模型 ······225	10.4.2 贵产配置问题求解	
9.5	MATLAB 中的 CRR 模型225	10.5 本章小结	26
	9.5.1 黄产价格二叉树225	第 11 章 奇异期权和利率期权定价 …	- 26
	9.5.2 定价函数228		
	9.5.3 其他定价函数231	11.1 普通香草期权	26

	11 67	* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *			AR
11.2	执行	条件不同的奇异期权265		11.7.1	障碍期权简介 288
	11.2.1	百慕大期权266		11.7.2	障碍期权定价实例及程序…290
	11.2.2	复合期权266	11.8	二值	期权 292
11.3	Shou	t Options267		11.8.1	二值期权简介 292
	11.3.1	Shout Options 简介267		11.8.2	二值期权定价程序 293
	11.3.2	Shout Options 估值268	11.9	基于	多资产的期权 294
	11.3.3	Shout Options 定价程序269		11.9.1	蒙特卡罗模拟294
11.4	亚式	期权271		11.9.2	相关随机变量的路径
	11.4.1	亚式期权简介和分类271			生成和 Cholesky 分解 298
	11.4.2	亚式期权的解272		11.9.3	价差期权 299
11.5	亚式	期权数值解法274		11.9.4	彩虹期权301
	11.5.1	二叉树的路径函数275	11.10	本章	f小结302
	11.5.2	平均价格的确定276			
	11.5.3	回溯法计算期权价格276	第3	篇	MATLAB 金融类
	11.5.4	定价实例277			工具箱函数详解篇
	11.5.5	亚式期权定价程序279			
11.6	回望	期权281	附景A	金融	工具箱函数详解304
	11.6.1	四望期权简介281	附录B	金融往	行生品工具箱函数详解… 347
	11.6.2	定价的二叉树方法283			
	11.6.3	回望期权定价程序287	附录C	固定	枚益工具箱函数详解 384
11.7	障碍:	期权288	参考文献	ž	399



第 1 篇

MATLAB 入门篇

第1章 MATLAB 概述

第2章 MATLAB基本运算

第3章 MATLAB 数据可视化基础

第4章 MATLAB 編程基础



第 1 章 MATLAB 概述

本意导读

经过20余年的补充与完善以及多个版本的升级换代,MATLAB已发展至R2008B版本。 MATLAB是一个包含众多科学、工程计算的庞大系统,是目前世界上最流行的计算软件之一。

1.1 MATLAB 的产生与发展

MATLAB 语言的产生是与数学计算紧密联系在一起的。1980 年,美国新墨西哥州大 学计算机系主任 Cleve Moler 在给学生讲授发性代数课程时,发现学生在高级语言编程上 花费很多时间,于是着手编写供学生使用的 FOTTAB 子程序库接口程序,他将这个接口程 序取名为 MATLAB (即 Matrix Laboratory 的前三个字母的组合,意为"矩阵实验室")。这 个程序获得了很大的成功,受到学生的广泛欢迎。

20 世纪 80 年代初期,Moler 等一批數学家与软件专家组建了 MathWorks 软件开发公司,继续从事 MATLAB 的研究和开发,1984 年推出了第一个 MATLAB 商业版本,其核心是用 C 语言编写的。而后,它又添加了丰富多彩的图形图像处理、多媒体、符号运算以及与其他流行软件的接口功能,使得 MATLAB 的功能越来越强大。

MathWorks 公司正式推出 MATLAB 后,于 1992 年推出了具有划时代意义的 MATLAB 4.0 版本,之后陆续推出了几个改进和提高的版本,2004 年9月正式推出 MATLAB Release 14,即 MATLAB 7.0,其功能在原有的基础上又有了进一步的改进,2008 年9月推出了 R2008 上。它是目前 MATLAB 最新的版本。

MATLAB 经过 20 余年的研究与不断完善,现已成为国际上最为流行的科学计算与工程计算软件工具之一,现在的 MATLAB 已经不仅仅是一个最初的"矩阵实验室"了,它 已发展成为一种具有广泛应用前景、全新的计算机高级编程语言,可以说,它是"第四代" 计量机语言。

自 20 世纪 90 年代起,美国和欧洲的各大学特 MATLAB 正式列入研究生和本料生的教学 计划, MATLAB 软件已成为数值计算。数理统计、信号处理。时间序列分析、动态系统仿真 等课程的基本教学工具,成为学生必须掌握的基本软件之一。在研究单位和工业界, MATLAB 也成为工程师们必须掌握的一种工具。被认为进行查数研究与开发的首选软件工具。

1.2 MATLAB 的优势与特点

MATLAB 在学术界和工程界广受欢迎、其主要优势和特点有如下几方面。

◆ 友好的工作平台和编程环境

MATLAB 由一系列工具组成,其中许多工具采用的是图形用户界面,包括 MATLAB 桌面和命令窗口、历史命令窗口、编辑器和调试器、路径搜索和用于用户浏览帮助、工作 空间、文件的浏览器。这些图形化的工具方便用户使用 MATLAB 的函数和文件。

随着 MATLAB 的商业化以及软件本身的不断升级,MATLAB 的用户界面也越来越精致,更加接近 Windows 的标准界面,人机交互性更强,操作更简单。

同时, MATLAB 提供了完整的联机查询、帮助系统, 极大地方便了用户的使用。

MATLAB 简单的编程环境提供了比较完备的调试系统,程序不必经过编译就可以直接 运行,而且能够及时地报告出现的错误并进行出错原因分析。

◆ 简单易用的编程语言

MATLAB 语言是一种高级的矩阵语言,它包含控制语句、函数、数据结构、输入和输 出和面向对象编程特点。用户可以在命令窗口中将输入语句与执行命令同步,也可以先编 写好一个较大的复杂的应用程序(M文件)后再一起运行。

MATLAB语言是基于流行的C++语言基础上的,因此语法特征与C++语言极为相似,而且更加简单,更加符合科技人员对数学表达式的书写格式。使之更利于非计算机专业的 科技人员使用。而且这种语言可移植性好、可拓展性强,这也是 MATLAB 能够深入到科学研究及工程计值条个领域的重要原因。

◆ 强大的科学计算机数据处理能力

MATLAB 是一个包含大量计算算法的集合,其拥有 600 多个工程中要用到的数学运算 函数,可以方便地实现用户所需的各种计算功能。

这些函数集包括从最简单最基本的函数到诸如矩阵、特征向量、快速傅里叶变换的复 杂函数。

函数所能解决的问题大数包括矩阵运算和线性方程组的求解、微分方程及偏微分方程 组的求解、符号运算、傅里叶变换和数据的统计分析、工程中的优化问题、稀疏矩阵运算、 复数的条种运算、三角函数和其他初等数学运算、多维数组操作以及建模动态优真等。

函数中所使用的算法都是科研和工程计算中的最新研究成果,而前经过了各种优化和 容错处理。

在通常情况下,可以用 MATLAB 来代替底层编程语言,如 C 和 C++。在计算要求相同的情况下,使用 MATLAB 的编程工作量会大大减少。

◆ 出色的图形处理功能

MATLAB 自产生之日起就具有方便的数据可视化功能,能够将向量和矩阵用图形的形式表现出来,并且可以对图形进行标注和打印。

高层次的作图包括二维和三维的可视化、图像处理、动画和表达式作图,可用于科学 计算和工程绘图。

MATLAB 对整个图形处理功能进行了很大的改进和完善,使它不仅在一般数据可视化 软件都具有的功能(例如二维曲线和三维曲面的绘制和处理等)方面更加完善,而且对于

牆浦 MATLAB 宇軸计算

一些其他软件所没有的功能(例如图形的光照处理、色度处理以及四维数据的表现等), MATI.AB 同样表现了出色的处理能力。

同时对一些特殊的可视化要求,例如图形对话等,MATLAB 也有相应的功能函数,保证了用户不同层次的要求。MATLAB 还着重在图形用户界面(GUI)的制作上做了很大的改善,对这方面有特殊要求的用户也可以得到满足。

◆ 应用广泛的模块集和工具箱

MAIT.AB 对许多专门的领域都开发了功能强大的模块集和工具箱。一般来说,它们都 是由特定领域的专家开发的,用户可以直接使用工具箱学习、应用和评估不同的方法而不 需要自己编写代码。

目前,MATLAB 已经把工具箱延伸到了科学研究和工程应用的诸多领域,如优化算法, 特条拟合、概率统计、偏微分方程求解、神经网络、小波分析、信号处理、图像处理、模 物逻辑、金融分析等、都在工具箱(Toolbox)富族中有了自己的一席之地。

◆ 实用的程序接口和发布平台

MATLAB 可以利用 MATLAB 编译器和 C/C++数学库和图形库,将自己的 MATLAB 程序自动转换为独立于 MATLAB 运行的 C 和 C++代码。允许用户编写可以和 MATLAB 进行交互的 C 或 C++语言程序。另外,MATLAB 网页服务程序还容许在 Web 应用中使用自己的 MATLAB 数学和图形程序。

1.3 MATLAB 系统的构成

MATLAB 系统由 MATLAB 开发环境、MATLAB 数学函数库、MATLAB 语言、MATLAB 图形处理系統和 MATLAB 应用程序接口(API)五大部分构成。

◆ MATLAB 桌面工具和开发环境

这部分是一套方便用户使用 MATLAB 函数和文件的工具集,其中许多工具是友好的, 交互式的图形化用户接口。它是一个集成化的工作空间,可以让用户输入,输出数据, 提供了 M 文件的集成编译和调试环境。它包括 MATLAB 桌面、命令窗口、M 文件编辑调试器,代码分析器(code analyzet),查看帮助、工作空间、文件和其他工具的浏览器。

◆ MATLAB 数学函数库

MATLAB 數学函数库包括了大量的计算算法,从基本运算(如加法、正弦函数等)到 复杂算法,如矩阵求逆、矩阵求特征值、贝塞尔函数、快速傅里叶变换等。

◆ MATLAB 语言

MATLAB 语言是一个高级的基于矩阵敷组的语言,它有程序流控制、函数、数据结 物、输入价输出和面向对象编程等特色。用户既可以用它来快速编写简单的程序,也可以用 它来编写庞大复杂、重用性高的应用程序。

◆ MATLAB 图形处理系统

图形处理系统使得 MATLAB 能方便使图形化见示向量和矩阵,而且能对图形添加标 注和打印。MATLAB 提供两个层次的绘图操作,一种是对图形句柄进行的底层绘图操作, 另一种悬建立在底层绘图操作之上的高层绘图操作。

◆ MATT.AR 外部接口

MATLAB 外部接口是一个使 MATLAB 与 C、Fortran 等其他高級编程语言进行交互的 函数库,该函数库的函数通过调用动态链接库(DLL)实现与 MATLAB 文件的数据交换, 其主要功能包括在 MATLAB 中调用 C 和 Fortran 程序,以及在 MATLAB 与其他应用程序 之间建立客户服务器关系。

1.4 MATLAB 桌面操作环境

MATLAB 为用户提供了全新的桌面操作环境,了解并熟悉这些桌面操作环境是使用 MATLAB 的基础,下面介绍 MATLAB 的启动、主要功能菜单、命令窗口(Command Window)、工作空间(Workspace)、文件管理和帮助管理等。

1.4.1 MATLAB 启动和退出

以 Windows 操作系统为例,进入 Windows 后,选择"开始"→"程序"→"MATLAB R2008b",便可以进入如图 I-I 所示的 MATLAB 默认主書口。如果安装时选择在桌面上生成快捷方式,也可以双击快捷方式直接启动。



图 1-1 MATLAB 主管口

MATLAB 主窗口是 MATLAB 的主要工作界面。主窗口除了嵌入一些子窗口外,还主

緒誦 MATLAB 金融计算

要包括菜单栏和工具栏。

主窗口的工具栏共提供了 11 个命令按钮。这些命令按钮均有对应的菜单命令,但比 菜单命令使用起来更快捷、方便。

单击主窗口左下角的 Start 按钮,该按钮会弹出一个菜单,如图 1-2 所示。选择其中的命令可以执行 MATLAB 产品的各种工具,并且可以查阅 MATLAB 包含的各种资源。

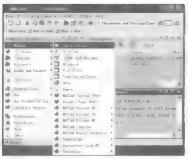


图 1-2 Start 按钮的弹出菜单

从图 1-2 中可以看出,MATLAB 的主要资源有:

- MATLAB主体:由 MATLAB 的编程集成环境、程序开发工具组成和与其他软件的 扩展接口组成:
- 工具箱(Toolboxes)工具箱是MATLAB函数的子程序库,每一个工具箱都是为某 一类学科专业和应用而定制的,主要包括最优化计算、遗传算法、神经网络等方面的应用;
- Simulink·Simulink·是 MATLAB 最重要的组件之一,它提供一个动态系统建模、仿 真和综合分析的集成环境。它是一种可视化仿真工具,是一种基于 MATLAB 的框 图设计环境,在该环境中,无须大量书写程序,而只需要通过简单直观的服标操作, 就可构造出复杂的系统。Simulink广泛应用于线性系统、非线性系统、数字控制及 数字信号处理的建模和仿真中。
- 模块集 (Blocksets) 模块集是一个个的数学软件包,是系统仿真的关键部件。
- 自动代码生成工具(Links and Targets)将 MATLAB中的 Simulink 程序框图自动转换成嵌入式 ANSI C 的代码,是第三方软件和硬件应用 Simulink 的工具。

常用的退出 MATLAB 系统的方式有以下三种

- (1) 在文件菜单(File) 中选择 "Exit MATLAB";
- (2) 在命令窗口输入 "exit";
- (3)用鼠标单击窗口右上角的关闭图标。

1.4.2 MATLAB 主菜单及功能

打开 MATLAB 主會口后, 即賽出其主業单栏, 共包含 File、Edit、Debug、Parallel、 Desktop、Window 和 Help 共 7 个票单项。主聚单栏的各聚单项及其下拉聚单的功能简要 介绍如下。

1. File 主菜单项

File 菜单项实现有关文件的操作,其下拉菜单包括如下。

- (1) New: 用于建立新的.m 文件、图形、模型和图形用户界面。
- (2) Open:用于打开 MATLAB的.m 文件、.fig 文件、.mat 文件、.mdl 文件、.cdr 文件等,也可通过快捷键 "Ctrl+O"来实现此项操作。
 - (3) Close Command Window: 关闭命令窗口。
- (4) Import Data: 用于从其他文件导入数据,单击后弹出对话框,选择导入文件的路径和位置。
 - (5) Save Workspace As 用于把工作空间的数据存放到相应的路径文件中。
 - (6) Set Path: 设置工作路径。
 - (7) Preferences: 用于设置命令窗的属性, 单击该选项弹出一个属性画面。
 - (8) Page Setup: 用于页面设置。
 - (9) Print: 用于设置打印属性。
 - (10) Print Selection:用于对选择的文件数据进行打印设置。
 - (11) Exit MATLAB: 退出 MATLAB 桌面操作环境。

Edit 主菜单項

Edit 菜单项用于命令窗口的编辑操作,其下拉菜单如下。

- (1) Undo·用于撤销上一步操作。
- (2) Redo: 用于重新执行上一步操作。
- (3) Cut: 用于剪切选中的对象。
- (4) Copy: 用于复制选中的对象。
- (5) Paste·用于粘贴剪贴板上的内容。
- (6) Paste to Workspace:用于打开 Import Wizard(輸入向导)对话框,将剪贴板上的数据粘贴到 MATLAB 的工作空间中。
 - (7) Select All: 用于全部选择。
 - (8) Delete: 用于删除所选的对象。
 - (9) Find: 用于查找所需选择的对象。

請頒 MATLAB 金融计算

- (10) Find Files 用于查找所需文件。
- (11) Clear Command Window: 用于清除命令窗口区的对象。
- (12) Clear Command History 用于清除命令窗口区的历史记录。
- (13) Clear Workspace: 用于清除工作区的对象。

3. Debug 主菜单项

用户可以通过 Debug 菜单进行程序调试时的各种设置,其下拉菜单如下。

- (1) Open M-Files when Debugging 用于调试时打开 M 文件。
- (2) Step·用于单步调试程序。
- (3) Step In: 用于单步调试进入子函数。
- (4) Step Out: 用于单步调试从子函数中跳出。
- (5) Continue 程序执行到下一断点。
- (6) Clear Breakpoints in All Files 清除所有打开文件中的断点。
- (7) Stop if Errors/Warnings: 在程序出错或报警处停止往下执行。
- (8) Exit Debug Mode: 退出调试模式。

4. Parallel 主菜单项

Parallel 菜单,用来进行并行计算方面的设置,其下拉菜单如下。

- (1) Select Configuration: 选择并行计算的配置类型
- (2) Manage Configuration: 对配置进行管理
- (3) Admin Center: 打开并行计算的管理中心。
- 并行计算的设置,比较专业,一般不去进行设置。

5. Desktop 主葉单項

Desktop 菜单,用来设置主窗口中需要打开的窗口,其下拉菜单如下。

- (1) Desktop Layout·单击该项后,弹出一个子菜单、用于桌面显示方式的设置,其设置选项包括系统献认设置项(Default)、单独命令官口项(Command Window Only)、命令历史會口和命令會口项(History and Command Window)、全部标签项显示(All Tabbed)。
 - (2) Save Layout·保存选定的桌面显示方式设置。
 - (3) Organize Layouts,管理保存的桌面显示方式设置。
 - (4) Command Window: 控制在桌面系统中显示或隐藏命令窗口。
 - (5) Command History·控制在桌面系统中显示或隐藏历史命令窗口。
 - (6) Current Directory 控制在桌面系统中显示或隐藏当前路径浏览器窗口。
 - (7) Workspace·控制在桌面系统中显示或隐藏工作空间窗口。
 - (8) Help 控制在桌面系统中显示或隐藏帮助界面。
 - (9) Profiler 控制在桌面系统中显示或隐藏调试器界面。

- (10) Editor·控制在桌面系统中显示或隐藏 M 文件编辑窗口。
- (11) Figures 控制在桌面系统中显示或隐藏图形窗口。
- (12) Web Brower: 控制在桌面系统中显示或隐藏 Web Brower 窗口。
- (13) Variable Editor: 控制在桌面系统中显示或隐藏工作空间变量编辑窗口。
- (14) File and Directory Comparisons: 控制在桌面系统中显示或隐藏文件和目录比较 實口。
 - (15) Toolbar·控制在桌面系统中显示或隐藏工具栏洗项。
 - (16) Titles·控制在桌面系统中显示或隐藏标题栏选项。

6. Window 主菜单项

Window 菜单能够在所打开的文件或者窗口中,重新设置它们的位置和大小,还可以 实现它们之间的快速切换,其下拉菜单如下。

- (1) Close All Documents 关闭所有文档,包括 M-file、Figure、Model 和 GUI 實口。
- (2) @ Command Window 选定命令會口为当前活动窗口。
- (3) 1 Command History 选定命令历史窗口为当前活动窗口。
- (4)2 Current Directory· 选定当前路径窗口为当前活动窗口。
- (5) 3 Workspace: 选定工作空间窗口为当前活动窗口。

7. Help 主義单项

Help 菜单项用于提供帮助信息,其下拉菜单如下。

- (1) Product Help. 显示所有 MATLAB 产品的帮助信息。
- (2) Function Browser: 启动 MATLAB 帮助。
- (3) Using the Desktop 启动 Desktop 的帮助。
- (4) Using the Command Window·启动命令窗口的帮助。
- (5) Web Resources: 显示 Internet 上一些相关的资源网址。
- (6) Get Product Trials。申请试用版的 MATLAB 软件
- (7) Check for Updates: 检查软件是否更新。
- (8) Licensing:: 授权文件的一些相关操作
- (9) Demos 调用 MATLAB 所提供的范例程序。
- (10) Terms of Use:显示 MATLAB 软件中使用的术语
- (11) Patents: 曼示 MATLAB 软件的专利信息
- (12) About MATLAB: 显示有关 MATLAB 的信息。

1.4.3 MATLAB 命令窗口

MATLAB 的命令審口(Command Wondow)如图 1-3 所示,它用于 MATLAB 命令的 交互操作。



图 1-3 MATLAB 約命令窗口

1. 命令窗口的主要功能和操作

命令曾口具有两大主要功能:

- (1)提供用户输入命令的操作平台,用户通过该窗口输入命令和数据;
- (2) 提供命令执行结果的显示平台,该窗口显示命令执行的结果。 在命令窗口内执行的 MATLAB 主要操作如下。
- 运行函数和输入变量:
- 控制输入和输出,
- 执行程序,包括 M 文件和外部程序;
- 保存一段日志:
- 打开或关闭其他应用窗口:
- 各应用窗口的参数洗择。

计算机安装好 MATLAB 之后,双击 MATLAB 图标,就可以进入命令窗口,此时意味 着系统处于准备接受命令的状态,可以在命令窗口中直接输入命令语句。

MATLAB 语句形式为: 变量=表达式。

通过等号将表达式的值赋予变量。当输入回车键时,该语句被执行。语句执行之后, **窗**口自动显示出语句执行的结果。

使用方向键和控制键可以编辑、修改已输入的命令,↑键回调上一行命令,↓键回调下一行命令。使用"more off"表示不允许分页,"more on"表示允许分页,"more (n)"表示指定每页输出的行数。回车前进一行,空格键显示下一页,"q"结束当前显示。

如果命令语句超过一行或者太长希望分行输入,则可以使用多行命令继续输入。例如, 输入下列式子时,可以通过两行输入。

>> S=1-12+13+4+... 9+4+18; >> S S = 37

後號 三个小黑白是"進行号",分号";"作用是:指令執行結果將不易示在屏幕上,但受量 S 将驻留在內存中。

注意, MATLAB R2008B 版本中在输入符">>"之前新增了函数浏览器(Browse for functions) 条,可以方便地进行函数查找以及函数参数的自动帮助。

2. 命令窗口的常用命令

MATLAB 提供了一组可以在命令會口中輸入的命令,以执行相应的操作,常用的命令 及功能如表 1.1 所示。

* *	TO ME	* *	70 ME
cle	#去一页命令曾口, 光标回屏幕左上角	pack	鹽理 I 作空间内存
clear	清除工作空间中所有的变量	size(变量名)	显示当前工作空间中变量的尺寸
clear all	从工作空间清除所有变量和函数	length(变量名)	显示当前工作空间中变量的长度
clear 变量名	清除指定的变量	disp(变量名)	显示当前工作空间中变量
clf	清除图形窗口内容	* ↑ * 说 "Ctrl+P"	调用上一次的命令
delete <文件名>	从磁盘中崩除指定文件	"↓" 或 "Ctrl+N"	调用下一行的命令
help <命令名>	查询所列命令的帮助信息	"←" 现"Ctrl+B"	退后 格
which <文件名>	查找指定文件的跨径	" +" 或 "Ctrl+F"	前移一格
who	贾示当前工作空间中所有变量的一个简单列表	Home 极 "Ctrl+A"	光标移到行首
whos	列出变量的大小、数据格式等详细信息	End 或 "Ctrl+E"	光标等到行尾
what	列出当前目录下的 ma 文件和 mad 文件	Esc 说 "Ctrl+U"	清除一行
load name	下载'name'文件中的所有变量到工作空间	Del 或 "Ctrl+D"	清除光标后字符
load name x y	下载'name'文件中的变量 x,y 到工作空间	Backspace 晚 "Ctri+H"	清除光标前字符
save name	保存工作空间变量到文件 name.mat 中	*Ctrl+K*	清除光标至行尾字
save name x y	保存工作空间变量 x y 到文件 marme_max 中	"Ctrl+C"	中断程序运行

衰 1.1 命令窗口中常用的命令及功能

1.4.4 MATLAB 工作空间

MATLAB 的工作空间如图 1-4 所示。



图 1-4 MATLAB 的工作空间

編編 MATLAB 電劃计算

工作空间中的变量以变量名(Name)、数值(Value)和类型(Class)的形式显示出来, 双击某个变量,将进入变量编辑器(Variable Editor),可以直接观察变量中具体元素的值, 也可以直接保险议运元素。

1. 工作空间的工具条

MATLAB 7.0 的工作空间中还有一个工具条,可快捷地在工作空间中进行许多操作, 这些操作在图 1.4 中标注出来了,简单介绍如下。

- (增加新变量): 在工作空间中增加一个新的变量,并可对此变量进行赋值、修 改等操作。
- (打开选定的变量),将工作空间中选定的变量在变量编辑器(Variable Editor)中打开,可对此变量进行修改等操作。
- (导入数据): 将 MATLAB 支持格式的数据导入到工作空间中。
- 【将变量保存为文件】: 将工作空间中洗定的变量以文件的形式保存起来。
- 省(删除变量) 将工作空间中选定的变量删除。
- 图 (将变量绘制成图形). 将工作空间中选定的变量绘制成图形,支持的绘图函数有 plot、bar、stem、stairs、area、pie、hist 和 plot3 等。若在工作空间选择某变量后,再点击该图标、便可实现对该变量的曲线、曲面等图形的绘制。

2. 工作空间的变量编辑器

变量编辑器(Variable Editor)是编辑数组变量的工具,其型式有如 Excel 电子表格,只是它仅能修改及显示,没有计算的功能。在工作空间中选定变量,然后双击,便可进入如图 1-5 所示的变量编辑器窗口。



图 1-5 **专量编辑器窗口**

在编辑器中,可以对变量进行修改、删除、增加等操作,非常方便。

需要注意的是:由于大型矩阵不容易由命令會口輸入,因此采用变量编辑器更为方便。 变量编辑器可与 Ricel 表格的数据相通。只要将 Excel 表格中的数据复制。即可复制到编 辑器中的某一变数内。原则上,变量的输入以行向为主,要增加一行,只要将其中一元素 之位置增加即可,如此即可增加另一行。其余未有数据之空间则以零取代。

3. 工作空间相关的常用命令

MATLAB 还有几个常用的工作空间操作的命令,分别是 who、whos、clear、size、length, 其名自功能描述如下。

- ◆ who 显示当前工作空间中所有变量的一个简单列表。
- whos: 列出变量的大小、数据格式等详细信息。
- clear · 清除工作空间中的所有变量。
- clear 变量名:清除指定的变量。
- size(a) 获取向量 a 的行数与列数。
- length(a): 获取向量 a 的长度,并在屏幕上显示。如果 a 是矩阵,则显示的参数为 行数中的最大值。

4. 工作空间的数据存取函数

MATLAB 提供了以下保存(save)和载入(load)工作空间的函数。

(1) save 過程

save 命令是将 MATLAB 工作空间中的变量存入磁盘,具体格式介绍如下。

- save: 将当前 MATLAB 工作空间中所有变量以二进制格式存入名为 matlab.mat (默 认的文件名)的文件中。
- save dfile (文件名)· 格当前工作空间中所有变量以二进制格式存入名为 dfile.mat 文件, 扩展名自动产生。
- save dfile x · 只把变量 x 以二进制格式存入 dfile.mat 文件、扩展名自动产生。
- save dfile.dat x -ascii· 将变量 x 以 8 位 ASCII 码形式存入 dfile.mat 文件。
- save dfile.dat x -ascii -double 将变量 x 以 16 位 ASCII 码形式存入 dfile.mat 文件。
- save (fname, 'x', '-ascii'): fname 是一个预先定义好的包含文件名的字符串,该用 法将变量 x 以 ASCII 码形式存入由 fname 定义的文件中,由于在这种用法中,文件 名易一个字符变量,因此可以方便地通过编程的方法存储一系列数据文件。

(2) load 函数

load 命令是将磁盘上的数据读入到工作空间,具体格式介绍如下。

- load. 把磁盘文件 matlab.mat(默认的文件名)的内容读入内存,由于存储.mat 文件时已包含了变量名的信息,因此调回时已直接将原变量信息带入,不需要重新就值变量。
- load dfile 把磁盘文件 dfile.mat 的内容读入内存。
- load dfile.dat 把磁盘文件 dfile.mat 的内容读入内存,这是一个 ASCII 码文件,系统自动将文件名(dfile)定义为变量名。

議議 MATLAB 電影計算

 ▼=load (fname)· fname 是一个預先定义好的包含文件名的字符串,将由 fname 定义 文件名的数据文件读入变量 x 中,使用这种方法可以通过编程方便地调入一系列数 报文件。

1.4.5 M 文件编辑/调试器

将 MATLAB 语句按特定的顺序组合在一起就得到了 MATLAB 程序,其文件名的后缀 为.m., 故也成为 M 文件。MATLAB7.0 提供了 M 文件的专用编辑/阐试器,在编辑器中, 会以不同的颜色表示不同的内容,命令、关键字、不完整字符串、完整字符串及其他文本, 该样龄可以发现输入错误,缩短调试时间。

M 文件编辑/调试器如图 1-6 所示。



图 1-6 M 文件编辑/调试器

1. M 文件编辑器的特点

MATLAB 编辑器与其他 Windows 编辑程序类似,此处不再赘述,只对下列几点作特 别说明。

(1) 在編輯 M 文件时,可直接转到指定的行,这可从 Go 菜单中选择 Go To 命令来 完成。

- (2)可直接计算 M 文件中表达式的值,结果显示在命令窗口中,这可通过选择表达式、然后在 Text 菜单中选择 Evalueate Selection 命令来实现。
- (3) 可根据 MATLAB 的句法自动缩排,以增加 M 文件的可读性。先选择文本块,然 后按鼠标右键,在 Text 菜单中选择 Smart Indent 命令来实现。

2. 编辑器的工具栏

下面,只对此工具栏中特殊的按钮控件进行叙述,如表 1.2 所示。

EB 64	按钮控件的功能	BH 94	按钮控件的功则
a	保持支件 苹从 HTML 格子发布	П	M 文件左左端 /r
366	相 9 * Edit 華華田華 Find Next 命令	a	M 文性、干燥
(n	后退一步	8	M文件浮动
+0	作进 节	п	M文件最大tr
Per	显示函数	78	计算数组
-Ei	受賞/なる标定 ハヤ 断る	GI	, 實際 医上午實際
6	資除に 4 M 文件中がある	- 4 (指针提 非十萬數组
0	多寸化, 福里	4 *	指针燃火井 十寶歡組
10	进入不必数主身事执行程件		9年班股票 +算数组
17301	跳11 7 所数		155-接车日,算数划
AD.	保存! 學療执行過過程率		45 人数1
ica i	題出場ますの	w.	京、数排料期
fic	1 升至數司簽語	Q,	St + 数划规 1* ← 4
电	M文件介紹智力		

1.4.6 图形窗口

MATLAB 图形窗口(Figure)主要用于显示用户所绘制的图形。通常,只要执行了任 意一种绘图命令,图形窗口就会自动产生。绘图都在这一个图形窗口中进行。如果再建一 个图形窗,则可输入 figure 命令,MATLAB 会新建一个图形窗口,并自动给它排出序号。

MATLAB 的图形窗口如图 1-7 所示。它是 MATLAB 绘图功能的基础,使用极其方便。 其菜单和工具栏,更是增添了交互处理的功能。



图 1-7 图形窗口

1. 图形窗口的菜单栏

图形雷口的 Desktop (桌面)菜单、Window (窗口)菜单和 Help (帮助)菜单,与其 他系统的大致一样,也比较简单,可以对照学习,在此不再叙述。下面只对差别较大的菜 单项进行介绍。

精闹 MATLAB 金融计算

(1) File 菜单

其主要功能命令与桌面平台的 File 菜单相近,只是增加了图形输出 Generate M-file 命令、Export Setup、Print Preview 和 Print 命令。

- Generate M-file 命令可以生成当前图形的 M 文件。
- Export Setup 命令可以打开 Export Setup (图形输出设置)对话框。
- Print Preview 命令可以打开打印预览对话框。

(2) View 莱单

其中的 Figure Toolbar 命令用于控制是否显示图形窗口中的工具栏, 而 Camera Toolbar 命令用于控制是否显示图形窗口中的照相操作工具栏。

(3) Insert 莱单

通过该菜单,可以在图形會口中添加不同的对象,主要有: X Label、Y Label、Z Label、 Title、Legend(图例)、Colorbar(颜色条)、Line、Arrow、Text Arrow、Double Arrow、TextBox、 Rectangle、Ellipse、Axes 和 Light (光源)等。

- (4) Tools 菜单。包括简单的图形操作和照相操作。在此只介绍图形操作。
- Basic Fitting 命令可以打开图形基本数据拟合对话框。在该对话框中,用户可以 根据需要选择拟合的数据源(Select data)、拟合方式(Check to display fits on figure)、拟合函数的显示(Show equations)、数值的有效位数(Significant digits) 以及是否显示残差(Plot residuals)和是否显示最大残差模(Show norm of residuals)等。
- Data Statistics 命令可以打开图形數据统计分析对话框。对话框中可以选择数据 的最小值(min)、最大值(max)、平均值(mean)、中值(median)以及均方 差(std)等。

2. 图形窗口的工具栏

下面,只对此工具栏中特殊的按钮控件进行叙述,如表 1.3 所示。

BE .	69	按钮控件的功能	BB	61	按钮控件的功能
御	额	唯 个图形文件	9		对图形进行三维手动旋转
	17	开一个图形文件	爴		数据指针
iii.	以	fig 的格式保存图形文件	新 生		将所选的数据点剔成所选的颜色
	打	印图形文件	a		指人颜色工具栏
N.	使	配形書口处于被編輯状态	(10)		插入图例
W)	放	大图形	連		隐藏绘图工具
90	缩	小图形	0		显示绘图工具
7	拖	 动图形		-	

表 1.3 工具栏各按钮控件的照例及功能

1.4.7 MATLAB 文件管理

MATLAB 提供了一组文件管理命令,包括列文件名、显示或删除文件、显示或改变当 前目录等,相关的命令及其功能如表 1.4 所示。

表 1.4	MATLAB	常用文件管理命令	
-------	--------	----------	--

* *	功能	* *	功能
what	显示当前目录与 MATLAB 相关的文件及路径	type filename	在命令窗口中显示文件 filename
dir	则示当前目录下所有的文件	delete filename	謝除文件 filename
which	显示某个文件的路径	cd	返回上一級目录
cd path	由当前目录进入 path 目录	od	显示当前目录

1.4.8 MATLAB 帮助使用

MATLAB 为用户提供了非常丰富的帮助信息,如软件产品帮助(Product Help)、函数帮助(函数浏览器)、网络资源帮助等,极大地完善了该应用软件的功能。

MATLAB 在命令會口提供了可以获得帮助的命令,用户可以很容易地获得联机帮助信息,几个常用的帮助命令介绍如下。

- (i) helpwin: 帮助窗口。
- (2) helpdesk·帮助桌面,浏览器模式。
- (3) lookfor·返回包含指定关键词的项。
- (4) demo: 打开示例窗口。

MATLAB 还提供了丰富的 help 命令,如表 1.5 所示,在命令窗口中输入相关命令就可以获得相关的帮助。

表 1.5 MATLAB 常用帮助命令

市 中	功能	# 4	功能
help matfus	矩阵函数 - 数值线性代数	help datafun	数据分析和傅里叶变换函数
help general	通用命令	help ops	操作符和特殊字符
help graphics	通用图形函数	help polyfun	多项式和内插函数
help elfun	基本的数学函数	help lang	语言结构和调试
help elmat	基本矩阵和矩阵操作	help strfun	字符串函数
help control	控制系统工具箱函数		

1.5 MATLAB 的工具箱

MATLAB 的一个重要特色就是它具有一套程序扩展系统和一组称之为工具箱 (Toolbox)的特殊应用子程序。工具箱是 MATLAB 的关键部分,它是 MATLAB 强大功能 得以实现的载体和手段,它是对 MATLAB 基本功能的重要扩充。

請選 MATLAB 金融计算

MATLAB 的工具箱每年都会增加一些新的工具箱,要么是出现新的工具箱或实用工 具,要么是原有工具箱的性能得到改进。因此,在一般情况下,工具箱的列表不是固定不 变的,有关 MATLAB 工具箱的最新信息可以在 http://www.mathworks.com/products 中看到。

MATLAB 有 30 多个 L具箱大致可分为两类。功能型工具箱和领域型工具箱

- (1)功能型工具箱主要用来扩充 MATLAB 的符号计算功能、图形建模仿真功能、文字处理功能以及与硬件实时交互功能,能用于多种学科。
- (2) 领域型工具箱专业性很强的,是针对某个专业的常用算法做成的函数包,如控制 系统工具箱 (Control System Toolbox)、信号处理工具箱 (Signal Processing Toolbox)、金 融工具箱 (Financial Toolbox)等。

运行 MATLAB 后,选择 "Start" → "Toolboxes",便会看到按字母顺序列出的 MATLAB 工具箱。

下面,将最优化计算相关的工具箱内所包含的主要内容进行简要介绍。

- 1. 最优工具箱 (Optimization Toolbox)
 - 线性规划和二次规划
 - 求函数的最大值和最小位
 - 多目标优化
 - 约束条件下的优化
 - 非线性方程求解
- 2. 符号数学工具箱(Symbolic Math Toolbox)
 - 符号表达式和符号矩阵的创建
 - 符号微积分、线性代徵、方程求解
 - 因式分解、展开和简化
 - 符号函数的二维图形
 - 图形化函数计算器
- 3. 样条工具箱 (Spline Toolbox)
 - 分段多项式和B样条
 - 样条的构造
 - 曲线拟合及平滑
 - 函数徽积分

1.6 本章小结

本章首先概要讲述了 MATLAB 的产生和发展历程、其优势及特点,然后——讲述了 MATLAB 的系统结构、工具箱和桌面操作环境,本章是全书内容的基础,需要扎实掌握。

第 **2** 章 MATLAB 基本运算

本章导读

MATLAB 也是一门计算语言,它的运算指令和语法基于一系列基本的矩阵运算以及它 们的扩展运算,它还支持复数这一数值元素。这也是 MATLAB 区别于其他高级语言的最 大特点之一、它给许多领域的计算带来了极大方便。

2.1 MATLAB 数据类型

MATLAB 包括四种基本数据类型,即双精度数组、字符串数组、元胞数组、构架数组。 数值之间可以相互转化,这为其计算功能开拓了广阔的空间。

1. 变量与常量

变量是数值计算的基本单元。与 C 语言等其他高级语言不同,MATLAB 语言中的变 量无须事先定义,一个变量以其名称在语句命令中第一次合法出现而定义,运算表达式变 量中不允许有未定义的变量,也不需要预先定义变量的类型,MATLAB 会自动生成变量, 并根据令量的操作确定其条型。

(1) MATLAB 变量命名规则

MATLAB 中的变量命名规则如下:

- ① 变量名区分大小写,因此 A 与 a 表示的是不同的变量,
- ② 变量名以英文字母开始,第一个字母后可以使用字母、数字、下画线,但不能使用空格和标点符号。
 - ③ 变量名长度不得超过31位,超过的部分将被忽略;
- ④ 某些常量也可以作为变量使用,如i在MATLAB中表示虚数单位,但也可以作为变量使用。

常量是指那些在 MATLAB 中已预先定义其数值的变量,默认的常量如表 2.1 所示。

表 2.1 MATLAB 款认常置						
名 称	袋 聊	名 称	號網			
рі	Electric Control of the Control of t	eps	浮点数的相对误差			
INF (或 mf)	无穷大	ı(或j)	虚数单位,定义为√-1			
NaN (St nan)	代表不定值(即0/0)	nargm	函数实际输入参数个数			
realmax	最大的正实教	nargout	函数实际输出参数个数			
realman	最小的正实数	ANS (或 ans)	默认变量名,以应答最近 次操作运算结果			

₱2.1 MATIAR財让常番

(2) MATLAB 变量的显示

任何 MATLAB 语句的执行结果都可以在屏幕上显示,同时赋值给指定的变量,没有 指定变量时,赋值给一个特殊的变量 ans, 数据的显示格式由 format 命令控制。format 只 影响结果的显示,不影响其计算与存储。MATLAB 总是以双字长浮点数(双精度)来执行 所有的运算。如果结果为整数,则显示没有小数;如果结果不是整数,则输出形式有表 2.2 所示的几种形式。

表 2.2 MATLAB 的数据显示格式						
格式	食文	梅式	金 文			
format (short)	短格式(5位定点数)	format long e	长格式。方式			
format long	长格式 (15 位定点数)	format bank	2位十进制格式			
format short e	切除する方式	format her	十七年前株才			

第22 MATIAD M新聞日本教子

(3) MATLAB 变量的存取

工作空间中的变量可以用 save 命令存储到磁盘文件中。输入命令 "save<文件名>", 将工作空间中全部变量存到 "<文件名>:mat" 文件中去、若省略 "<文件名>" 则存入文件 "matlab.mat" 中,命令 "save<文件名>-变置名集>" 将 "<变置名集>" 指出的变量存入文 件 "<文件名>:mat" 中。

用 load 命令可将变量从磁盘文件读入 MATLAB 的工作空间,其用法为"load<文件名>", 它将"<文件名>"指出的磁盘文件中的数据依次读入名称与"<文件名》"相同的工作空间 中的变量中去。若省略"<文件名>"则"mallab.matl"从中读入所有数据。

用 clear 命令可从工作空间中清除现存的变量。

2. 字符串

字符串是 MATLAB 中符号运算的基本元素,也是文字等表达方式的基本元素,在 MATLAB 中,字符串作为字符数组用单引号(')引用到程序中,还可以通过字符串运算 组成复杂的字符串。字符串数值和数字数值之间可以进行转换,也可以执行字符串的有关 槽作。

3. 元胞数组

元胞是元胞數组(Cell Array)的基本组成部分。元胞數组与數字數組相似,以下标来 区分,单元胞數组由元胞和元胞内溶内部外组成。用花括号(]表示元胞數组的内容,用屬 括号()表示元胞元素。与一般的數字數组不同,元胞可以存放任何类型、任何大小的数组, 而且同一个元胞數组中名元胞的内容可以不同。

【例 2-1】 元胞数组创建与显示实例。

解: MATLAB 程序代码如下。

A(1, 1)=('An example of cell array');

 $A(1, 2)=\{\{1, 2, 3, 4\}\}; A(2, 1)=tf(1, [1, 8]); A(2, 2)=\{A(1, 2); This is an example');$

celldisp(A) %显示该元胞数组

元胞数组 A 第 1 行用元胞数组标志法建立一个字符串和一个矩阵; 第 2 行用元胞内容 编址法, 建立一个传递函数和一个由两个元素组成的元胞组,该元胞组分别是矩阵和字符 串,最后,用 celldisp 函数显示该元胞数组 A。

4. 构架数组

与元胞数组相似,构架数组(Structure Array)也能存放各类数据,使用指针方式传递数值。构架数组由结构变量名和属性名组成,用指针操作符""连接结构变量名和属性名。例如,可用 parameter.themperature 表示某一对象的温度参数,用 parameter.humidity 表示某一对象的温度参数等,因此,该构架数组 parameter 由两个属性组成。

5. 对象

面向对象的 MATLAB 语言采用了多种对象,如自动控制中常用的传递函数模型对象 (fr object)、状态空间模型对象 (ss object)和攀极点模型对象 (zpk object),一些对象之 间可以相互转换,例如可以从传递函数模型对象转化为零极点模型对象,这将在后面具体 介绍。

2.2 数组及其运算

MATLAB 中数组(array)可以说无处不在,任何变量在 MATLAB 中都是以数组形式 存储和运算的。

按照数组元素的个数和排列方式, MATLAB 中的数组可以分为:

- (1) 没有元素的空数组 (empty array):
- (2) 只有一个元素的标量(scalar),它实际上是一行一列的数组:
- (3) 只有一行或者一列元素的向量(vector),分别叫做行向量和列向量,也统称为一维数组:
 - (4)普诵的具有多行名列元素的二维数组。
 - (5) 超过二维的多维数组(具有行、列、页等多个维度)。

接限数组的存储方式,MATLAB中的数组可以分为,普通数组和稀疏数组(常称为稀疏矩阵)。稀疏矩阵适用于那些大部分元素为0,只有少部分非零元素的数组的存储,主要 导为了福富数据存储和运算的效率。

2.2.1 数组的创建

MATLAB 中一般使用方括号([] λ 逗号(,) 或空格,以及分号(,) 来创建数组,方括号中给出数组的所有元素,同一行中的元素间用逗号或空格分隔,不同行之间用分号分隔。

1. 空数组

空数组是 MATLAB 中特殊的数组,它不含有任何元素。空数组可以用于数组声明,数组渣空,以及各种特殊的运算场合。

创建空数组很简单,只需要把变量赋值为空的方括号即可。

2. 一维数组

一维数组包括行向量和列向量,是所有元素排列在一行或一列中的数组。实际上,一维数组可以看做二维数组在某一方向(行或列)尺寸退化为1的特殊形式。

创建一维行向量,只需要把所有用空格或证号分隔的元素用方括号括起来即可;而创 建一维列向量,则需要在方括号括起来的元素之间用分号分隔。不过,更常用的办法是用 转置运算符(*)。把行向量转置分列向量。

创建一维数组可能用到:方括号、逗号或空格、分号、冒号、函数 linspace 和 logspace,以及转置符号(')。

3. 二维教组

常规创建二维数组的方法实际上和创建一维数组方法类似,就是综合运用方括号、逗 号、空格,以及分号。

方括号把所有元素括起来,不同行元素之间用分号间隔,同一行元素之间用逗号或者 空格间隔,按照逐行排列的方式顺序书写每个元素。

当然,在创建每一行或列元素的时候,可以利用冒号和函数的方法,只是要特别注意 创建二维数组时,要保证每一行(或每一列)具有相同数目的元素。

创建二维数组,也可以通过函数拼接一维数组,或者利用 MATLAB 内部函数直接创建特殊的二维数组。

【例 2-2】 数组创建实例。

解:在命令窗口输入:

A=[]; %创建空数组

B=[1 2 3 4] ; %创建一维行向量

C=[1;2;3;4] ; %创建一维列向量

D=[1 2 3;2 5 6;1 4 5] ; %创建二维数组

A;B;C;D %显示这4个数组

8输出为

 $A = \{1\}$ B = 1 2 3 4 C = 1 2 3 4 D = 1 2 3

* 1 2 3 2 5

2.2.2 数组的运算

下面简要介绍数组的各种数学运算。

1. 数组-数组运算

最基本的就是数组和数组的加(+)、减(-)、乘(*)、乘方(^)等运算。要注意,数组的加、减,要求参与运算的两个数组具有相同的尺寸,而数组的乘法要求第一个数组的列数等于第二个数组的行数,乘方运算在指数 n 为自然数时相当于 n 次自乘,这要求数组具有相同的行数和列数。

数组除法实际上是乘法的逆运算,相当于参与运算的一个数组和另一个数组的逆(或 伪逆)数组相乘。MATLAB中数组除法有左除(/)和右除(\)两种。

- (1) A/B 相当于 A*inv(B)或 A*pinv(B);
- (2) A B 相当于 inv(A)*B 或 pinv(A)*B。

其中 inv 是数组求逆函数, 仅适用于行列数相同的方形数组(线性代数中, 称为方阵); pinv 是求数组广义逆的函数。

2. 点运算

前面讲到的数组乘、除、乘方运算,都是专门针对数组定义的运算。有些情况下,用 户可能希望对两个尺寸相同的数组进行元素对元素的乘、除,或者对数组的逐个元素进行 乘方,这可以通过点运算实现。

A.*B,就可以实现两个同样尺寸的数组 A 和数组 B 对应元素的乘法,同样地,A./B 或 A.WB 实现元素对元素的除法,A./n 实现对逐个元素的乘方。

特别要强调的是,许多 MATLAB 內置的运算函数,如 sqrt、exp、log、sin、cos 等, 都只能对数组进行逐个元素的相应运算。至于专门的数组的开方、指数等运算,都有专门 的数组运算函数。

3. 专门针对数组的运算函数

MATLAB 中,专门针对数组的运算函数一般末尾都以 m 结尾 (m 代表 matirx),如 sgrtm、expm、logm 等,这些运算都是特别定义的数组运算,不同于针对单个数值的常规数学运算。

【例 2-3】 数组运算。

解:在命令帝口输入:

```
>> Al=[3 5,4 6]; Bl=[0.3252, 1.3703; -0.7549, -1.7115];
>> Al/Bl 电左除法
ans = -2.8455 -5.1996
-4.8472 -7.3865
>> Al\Bl 电右除法
ans = -2.8629 -8.3897
1.7828 5.3079
```

```
>> A2=[1, 3; 4, 2]; B2=[5, 1; 1, 5];
>> A2.*B2
         8点秉法
ans = 5 3
   4 10
>> B2.^3
         8点垂方
ans ≈125
   1 125
>> A2.\B2 %以 A 的各个元素为分母, B 的各个元素为分子, 逐个元素作除法
ans =5.0000 0.3333
  0.2500 2.5000
>> A3=[1, 3; 4, 2];
>> sqrt(A3) %开方函数运算
ans =1,0000 1.7321
  2.0000 1.4142
>> sgrtm(A3)
ans =0.9583 + 0.8081i 0.9583 - 0.6061i
   1.2778 - 0.8081i 1.2778 + 0.6061i
```

2.3 矩阵及其运算

MATLAB 软件的最大转色是强大的矩阵计算功能,在 MATLAB 软件中,所有的计算 都是以矩阵为单元进行的,可见矩阵是 MATLAB 的核心。下面以表格的形式列出 MATLAB 提供的每类矩阵运算的函数,并各举一个实例进行说明,同类函数的用法基本类似,详细 的用法及函数内容说明可参考联机帮助。

2.3.1 矩阵的创建

由m行n列构成的数组a称为 $m \times n$ 阶矩阵,它总共由 $m \times n$ 个元素组成,矩阵元素记为 a_u ,其中i表示行,j表示列。

 $\exists m=n$ 时,矩阵 a 称为方阵。 $\exists i \neq j$ 时,所有的 $a_{ij}=0$,且 $m\approx n$, 得到的矩阵称为 对角阵。

当对角阵的对角线上的元素全为1时,称为单位阵,记为1。

对于 $(m \times n)$ 阶矩阵w, 当 $w_{ij} = a_{ji}$ 时,称 $w \neq a$ 的转置矩阵,记为w = a'。

对于a 为 $(m \times 1)$ 的形式时,称a 是 m 个元素的列向量,对于a 为 $(1 \times n)$ 的形式时,称a 是 n 个元素的行向量。

矩阵的表现形式和数组相似,它以左方括号"",开始,以右方括号"",结束,每一行元素结束用行结束符号(分号"、")或回车符分制,每个元素之间用无素分割符号(空 格或"、")分隔。建立矩阵的方法有直接输入矩阵元素、在现有矩阵中添加或删除元素、读取数据文件、采用现有矩阵组合、矩阵转向、矩阵转位及直接建立特殊矩阵等。

【例 2-4】 矩阵创建实例。

解: MATLAB 程序代码如下。

运行结果是创建了一个 2×3 的矩阵 a, a 的第 1 行由 1, 2, 3 这 3 个元素组成,第 2 行由 4, 5, 6 这 3 个元素组成,输出结果如下:

接着输入

>> b=[a; 11, 12, 13] &添加一行元素[11, 12, 13]

运行结果是创建了一个 3×3 的矩阵b, b 矩阵是在 a 矩阵的基础上添加一行元素 11、12、13,组成一个 3×3 矩阵,输出结果如下:

MATLAB 中对矩阵元素的访问如下所示。

- 单个元素的访问 b(3, 2)→12, 访问了第3行和第2列交叉的元素:
- 整列元素的访问: b(:, 3)→{3, 6, 13}', 访问了第3列中的所有元素。
- 整行元素的访问: b(1,:)→(1,4,11),访问了第1行中的所有元素:
- 整块元素的访问。b(2:3, 2:3)→[5, 6; 12, 13],访问了一个(2×2)的子块矩阵。

MATLAB 提供了很多个特殊矩阵的生成函數,表 2.3 列出了一些常用的生成函數,关于其他的特殊矩阵生成函数及使用格式,请参见联机帮助。

函 数	功能说明	商数	功能说明
zeros()	生成元章全为 0 的矩阵	tril()	生成下二角矩阵
ones()	生成元素全为 1 的矩阵	eye()	生成单位矩阵
nund()	生成均匀分布随机矩阵	company()	生成伴隨矩阵
rundn()	生成正态分布随机矩阵	hulb()	生成 Hilbert 矩阵
magic()	生成魔方矩阵	vander()	生成 vander 矩阵
drag()	生成对角矩阵	hankel()	生成 hankel 矩阵
triu()	生成上三角矩阵	hadamard()	生成 hadamard 矩阵

表 2.3 MATLAB 常用特殊矩阵的生成函数

【例 2-5】 特殊矩阵生成函数使用实例。

解, MATLAB 程序代码加下。

>> a=[1, 2, 3; 4, 5, 6; 7, 8, 9]; b=tril(a) %生成下三角矩阵

运行结果是生成了 b 矩阵,它是调用下三角矩阵生成函数 tril()生成的 a 矩阵的下三角矩阵,输出结果如下:

2.3.2 矩阵的运算

矩阵与矩阵之间可以进行如表 2.4 所示的基本运算。



主意 在进行左除"/"和右除"\"时,两矩阵的维数必须相等。

泰 2.4 矩阵基本运算

操作符号	功能说明	操作符号	功能说明
+	矩阵加法	1	矩阵的左除
-	矩阵减法	1.	矩阵转置
•	矩阵乘法	logm()	矩阵对數运算
^	矩阵的幂	expm()	矩阵指数运算
1	炉 阵的右除	anv()	矩阵求逆

【例 2-6】 矩阵基本运算实例。

解: MATLAB 程序代码如下。

>> a=[1, 2; 3, 4]; b=[3, 5; 2, 9]; div1=a/b; %矩阵的左除 >>div2=b\a %矩阵的右除

两矩阵 a 与 b 进行了左除和右除运算,输出结果如下:

div1 =

div2=

0.2941 0.0588 1.1176 -0.1765 -0.3529 -0.1176 0.4118 0.4706

MATLAB 提供了多种关于矩阵的函数、表 2.5 列出了一些常用的矩阵函数运算。

衰 2.5 常用的矩阵函数运算

高 敷 名	功能说明	面敷名	功能说明
rot90()	矩阵逆时针旋转 90°	eig()	计算矩阵的特征值和特征向量
flipud()	矩阵上下翻转	rank()	计算矩阵的秩
fliplr()	矩阵左右翻转	trace()	计算矩阵的迹
flipdim()	矩阵的某维元實際執	norm()	计算矩阵的范数
shiftdim()	矩阵的元章等位	poly()	计算矩阵的特征方理的模

【例 2-7】 矩阵函数运算实例。

解: MATLAB 程序代码如下。

>> a=[1, 3, 5; 2, 4, 6; 7, 9, 13]; [b, c]=e1g(a) & 求职矩阵的特征值和特征向量 通过函数 eig()计算矩阵 a 的特征向量 b 和特征值 c, 输出结果如下;

b=-0.3008 -0.7225 0.2284 -0.3813 -0.3736 -0.8517 -0.8742 0.5817 0.4717

矩阵分解常用于方程求根。表 2.6 列出了一些常用的矩阵分解运算。

妻 2.6 常用的矩阵分解运算函数

函 数 名	功能说明	高数名	功能说明	
cug()	矩阵的特征值分解	svd()	矩阵的奇异值分解	
qr()	矩阵的 QR 分解	chol()	矩阵的 Cholesky 分解	
schur()	矩阵的 Schur 分解	Lu()	矩阵的 LU 分解	

【例 2-8】 矩阵分解运算函数使用实例。

解: MATLAB 程序代码如下。

>> a=[6, 2, 1; 2, 3, 1; 1, 1, 1]; [L, U, P]=lu(a) *对矩阵进行LU分解

通过函数 lu()对矩阵 a 进行 LU 分解,得到上三角阵 U、下三角阵 L、置换矩阵 P,输出结果如下:

L	=1.00	00	0	0	U = 6.0000	2.0000	1.0000
	0.33	133	1.0000	0	0	2.3333	0.6667
	0.16	67	0.2857	1.0000	0	0	0.6429
P	= 1	0	0				
	0	1					
	0	0	1				

2.4 符号运算

MATLAB 提供了符号数学工具箱 (Symbolic Math Toolbox), 大大增强了 MATLAB 的 功能。符号数学工具箱的特点为:

- (1) 符号数学工具箱适用干广泛的用途。而不是针对一些特殊专业或专业分支。
- (2)符号数学工具箱使用字符串来进行符号分析,而不是基于数组的数值分析。

2.4.1 符号运算概述

符号数学工具箱是操作和解决符号表达式的符号数学工具箱(函数)集合,有复合、 简化、微分、积分以及求解代数方程和微分方程的工具。另外还有一些用于线性代数的工 具,求解逆、行列式、正则形式的精确结果,找出符号矩阵的特征值而没有由数值计算引 入的误差。工具籍还支持可变精度运算。即支持符号计量并能以指定的精度返回结果。

符号运算与数值运算的主要区别如下。

- (1) 数值运算中必须先对变量赋值,然后才能参与运算;
- (2)符号运算无须事先对独立变量赋值,运算结果以标准的符号形式表达。 符号运算的运算对象可以是没赋值的符号变量,可以获得任意精度的解。

構図 MATLAB 金額計算

1. 符号表达式

符号表达式是代表数字、函数、算子和变量的 MATLAB 字符串,或字符串数组。不 要来变量有预先确定的值,符号方程式是含有等号的符号表达式。符号算术是使用已知的 规则和给定符号恒等式求解这些符号方程的实践。它与代数和微积分所学到的求解方法完 全一樣。符号矩阵是数组,其元素是符号表达式。

MATLAB 在内部把符号表达式表示成字符串,与数字变量或运算相区别;否则,这些符号表达式几乎完全像基本的 MATLAB 命令。

2. 创建符号对象

MATLAB 提供了两个建立符号对象的函数: sym 和 syms, 两个函数的用法介绍如下。

(1) sym 函數

sym 函数用来建立单个符号量,一般调用格式为:

符号量名=sym(·符号字符串·)

该函数可以建立一个符号量,符号字符串可以是常量、变量、函数或表达式。应用 sym 函数还可以定义符号常量。

(2) syms 函數

函数 sym 一次只能定义一个符号变量,使用不方便。MATLAB 提供了另一个函数 syms, 一次可以定义多个符号变量。

svms 函数的一般调用格式为:

syms 符号变量名 1 符号变量名 2…符号变量名 n

用这种格式定义符号变量时不要在变量名上加字符串分界符(*),变量间用空格而不要 用逗号分隔。

含有符号对象的表达式称为符号表达式,建立符号表达式有以下3种方法。

- 利用单引号来生成符号表达式;
- 用 svm 函数建立符号表达式:
- 使用已经定义的符号变量组成符号表达式。

【例 2-9】 符号表达式创建实例。

解:在MATLAB 窗口,输入下列命令·

U=sym('3*x^2+5*y+2*x*y+6')

syms x y; %建立符号变量 x、y

V=3*x^2+5*y+2*x*y+6 *定义符号表达式 V

2*U-V+6 8求符号表达式的值

3. 符号矩阵

符号矩阵也是一种符号表达式,所以前面介绍的符号表达式运算都可以在矩阵意义下

8定义符号表达式

进行。但应注意这些函数作用于符号矩阵时,是分别作用于矩阵每一个元素的。

通过 sym 函数创立符号矩阵,矩阵元素可以是任何不带等号的符号表达式,各符号表达式的长度可以不同,矩阵元素之间可用空格或逗号分隔。

例如,在命令窗口中输入 $A = \text{sym}('[a, 2^*b; 3^*a, 0]')$, 就完成了一个符号矩阵 $A = \begin{bmatrix} a & 2b \\ 3a & 0 \end{bmatrix}$ 的创建,输出的结果为

$$A = [a, 2*b]$$
 $[3*a, 0]$

需要注意的是 符号矩阵每一行的两端都有方括号,这是与 MATLAB 數值矩阵的一个重要区别。

在 MATLAB 中, 数值矩阵不能直接参与符号运算,必须先转化为符号矩阵。

(1) 将数值矩阵转化为符号矩阵

函数调用格式为: sym(数值矩阵)

(2)将符号矩阵转化为数值矩阵

函数调用格式 numeric (A)

由于符号矩阵是一个矩阵,所以符号矩阵能进行有关矩阵的运算。MATLAB还有一些专用于符号矩阵的函数,这些函数作用于单个的数据无意义。例如·

transpose(s): 返回 s 矩阵的转置矩阵。

determ(s)。返回 s 矩阵的行列式值。

其实, 许多应用于数值矩阵的函数, 如 diag、triu、tril、inv、det、rank、eig 等, 也可 直接应用于符号矩阵。

4、符号表达式的四则运算

符号表达式的四则运算比较简单,常用的函数介绍如下:

- factor(S) 对 S 分解因式、S 是符号表达式或符号矩阵:
- expand(S). 对 S 进行展开, S 是符号表达式或符号矩阵;
- collect(S): 对 S 合并同类项, S 是符号表达式或符号矩阵;
- collect(S,ν): 对 S 按变量 ν 合并同类项, S 是符号表达式或符号矩阵;
- simplify(S): 应用函数规则对 S 进行化简:
- simple(S): 调用 MATLAB 的其他函数对表达式进行综合化简,并显示化简过程。

2.4.2 常用的符号运算

符号变量和数字变量之间可转换,也可以用数字代替符号得到数值。符号运算种类非 常多,常用的符号运算有代数运算、积分和微分运算、极限运算、级数求和、进行方程求 额等。

出于篇幅的考虑,下面仅对常用的符号运算进行介绍,其他的符号运算的使用方法大 同小异,读者可通过 MATLAB 的帮助文档或其他关于符号函数工具箱的书籍进行学习,

精通 MATLAB 金融计算

此处不再赘述。

常用的符号运算有求极值、级数求和、微积分、解微分方程等,下面分别进行介绍。

• limit

limit 是求极限的符号函数, 其常用的格式是.

limit(F,x,a,'right') 或 limit(F,x,a,'left')

表示当自变量x从右侧或左侧逼近a时,函数F的极值。

diff

diff 是求微分最常用的符号函数,其输入参数既可以是函数表达式,也可以是符号矩阵。

常用的格式是: diff(f, x, n), 表示f关于x求n阶导数。

• int

int 是求积分最常用的符号函数。其输入参数可以是函数表达式。

常用的格式是 \cdot int(f, r, x0, x1), 其中, f为所要积分的表达式, r为积分变量, 若为定积分, 则x0与x1为积分上下限。

symsum

symsum 是级数求和的符号函数,其常用的格式悬:

S=symsum(fk,k,k0,kn),其中 fk 为级数的通项,k 为级数自变量,k0 和 kn 为级数求和的起始项和终止项,且可设为 inf。

dsolve

dsolve 求解常微分方程的符号函数,其常用的格式是:

dsolve('eqn1','condition','var')

该函数求解微分方程 eqn1 在初值条件 condition 下的特解。參數 var 描述方程中的自 变量符号,省略的投數认原则处理,若没有绘出初值条件 condition,则求方程的通解。 dsolve 在求微分方规组结构调用除式为。

dsolve('eqn1','eqn2',...,'eqnN','condition1',...,'conditionN','var1',...,'varN')

函數求解微分方程组 eqn1、···、eqnN 在初值条件 conditionon1、···、conditionN 下的解,若不给出初值条件,则求方程组的通解,var1、···、varN 给出求解变量。

【例 2-10】 微积分的符号运算实例。(1)已知表达式 f-sin (ax),分别对其中的 x 和 a 求导;(2)已知表达式 f=xlog(1+x),求对 x 的积分和 x 在(0,1)上的积分值。

解:输入如下 MATLAB 程序代码。

 syme a x
 \$c文符号委量 a 和 x

 f=sin(a*x)
 \$的應商数 f

 dfx=diff(f, x)
 \$对 x 录号

 dfaudiff(f, a)
 \$对 a 求号

 fl=x*log(l+x)
 \$lmax 数 f

 int1=int(f1, x)
 \$\text{\$\

运行程序、输出结果如下所示:

dfx =cos(a*x)*a

%f 对 x 求导的结果 %f 对 a 求导的结果

dfa =cos(a*x)*x

int1 =x/2 - x^2/4 + (log(x + 1)*(x^2 - 1))/2 *积分表达式

8和分值

int2 = 1/4

【例 2-11】 常微分方程符号运算实例。(1)计算微分方程 $\frac{dy}{x}$ +3 $xy = xe^{-x^2}$ 的通解。

(2) 计算微分方程 xv + 2v - e* = 0 在初始条件 v | --- = 2e 下的特解。(3) 求 v + 2v + e* = 0 的通解。

解:输入如下的 MATLAB 程序代码。

f2=dsolve('x*Dv+2*v-exp(x)=0','v(1)=2*exp(1)','x')

f3=dsolve('D2y+2*Dy+exp(x)=0','x')

运行程序,输出结果如下所示。

f3 =
$$C7/\exp(2*x)$$
 - $(\exp(3*x)/3 + (C6*\exp(2*x))/2)/\exp(2*x)$

可知(1)的通解为
$$y=e^{-x^2}+e^{-\frac{3}{2}z^2}*C_9$$
 , 其中 C_9 为常数;(2)的特解为 $y=\frac{xe^x-e^x+2e}{x^2}$.

(3)的通解为 $y = -\frac{1}{3}e^x - \frac{1}{2}e^{-2x} * C_7 + C_6$,其中 C_7 , C_6 为常数。

2.5 关系运算和逻辑运算

除了传统的数学运算外, MATLAB 还支持关系运算和逻辑运算。如果你已经有了一些 编程经验,那对这些运算不会陌生。这些操作符和函数的目的是提供求解真/假命题的答案。 关系运算和逻辑运算主要用于控制基于真/假命颠的各 MATLAB 命令(请常在 M 文件中) 的流程或执行次序。

作为所有关系表达式和逻辑表达式的输入、MATLAB 把任何非 0 数值当做真、把 0 当做假。所有关系表达式和逻辑表达式的输出。对于直输出为 1、对于假输出为 0。

MATLAB 为关系运算和逻辑运算提供了关系操作符和逻辑操作符, 如表 2.7 和表 2.8 所示。

妻 2.7	关系运算	

符号	功能	符号	功能
<	小于	>=	大于等于
<=	小手等于	=	等于
>	大于	~=	不等于

表 2.8 逻辑运算符

符号	功能	符号	功能
&	逻辑与	~	逻辑非
(運輸或		

此外,MATLAB 还提供了若干关系运算函数和逻辑运算函数,分别如表 2.9 和表 2.10 所示。

表 2.9 关系运算函数

函数名	功維	画数名	功能
all	所有向量为非零元素时为真	xor	逻辑异或运算
any	任一向量为非零元素时为真		

麦 2.10 逻辑运算函数

函数名	功能	函数名	Th ME
bitand	位方式的逻辑与运算	bitcmp	位比较运算
bitor	位方式的逻辑或运算	bitmex	最大无符号浮点整数
bitxor	位方式的逻辑异或运算	bstshift	将二进制等位运算

2.6 本章小结

MATLAB 语言具有强大的运算功能,熟练掌握和运用这些功能是发挥 MATLAB 强大功能的基础。

由于篇幅所限,本章只讲了那些最基本,最具有代表性的运算,其他的运算与之大同小异,读者可参照 help 文档自行学习,熟练掌握。

第 3 章 MATLAB 数据可视化基础

本意导速

俗话说"一图胜万语",在科学研究、工程上有图则一目了然,无图搭配则如隔鞋摇痒,很难窥得全貌,这也是一般工作偏重于图说的原因。

数据可视化,即数据绘图的目的如果是显示数据的走向或变化趋势,则可采用不同的 观察角度,使数据的内容更加明显。就图的特性分类,可包括块状图、柱状图、点示图、 绘示图等,而数其空间而言,又可分为二维或三维图,前者取其实用件,后者取其集项件、

MATLAB 提供了强大的图形功能,利用程序与绘图结合,可以将结果计算以图形显现, 有助于了解计算过程以及分析计算结果,这在科学、工程中都非常重要。

3.1 数据绘图的基本步骤

在 MATLAB 中绘制图形、通常采用以下七个步骤。

(1)准备数据

准备好绘图需要的横坐标变量和纵坐标变量数据。

(2)设置当前绘图区

在指定的位置创建新的绘图窗口,并自动以此窗口的绘图为当前绘图区。

(3)绘制图形

创建坐标轴,指定叠加绘图模式,绘制函数曲线。

(4)设置图形中曲线和标记点格式

设置图形中的线宽、线型、颜色和标记点的形状、大小、颜色等。

(5)设置坐标轴和网格线属性

将坐标轴的范围设置在指定曲线

(6)标注图形

对图形进行标注,包括在图形中添加标题、坐标轴标注、文字标注等。

(7)保存和导出图形

按指定文件格式、属性保存或导出图形,以备后续使用。

上述绘制流程中,需要注意的是

① 上面7个步骤的順序也不是完全固定的,尤其是其中对图形进行修饰标注的4、5、6步骤,完全可以改变顺序;

② MATLAB 中对于图形中的曲线和标记点格式有默认的设置,这在一般情况下是可以满足使用者需要的,因此对于只是想大概察看一下数据分布的用户,只须进行第1步和

第3步工作就可以了。

3.2 在工作空间直接绘图

在MTLAB中的,还有一种较为简单的绘图方法,就是直接利用工作空间的数据就可以绘出想要的图形。这种方法使用起来非常简单,只要点击鼠标选中你要的绘图的类型就可以绘制了。

这种绘图方法的基本过程是。在工作空间中,首先用鼠标左键、选中要绘制图形的数 接变量,可以看到变量变成蓝颜色,然后鼠标左键单击工作空间的 [25]则图标,并且选择 刚形的拳型,就可以绘出概要的阳形了。

如果绘制的是多变量数据,使用 Shift 键全部选中后,再点击绘图图表的图形类别,就可以了。MATLAB 根据变量列出不同种类的图形类别包括 plot、bar、stem、stairs、area、pie、hist 和其他类型图形。

【例 3-1】 工作空间直接作图法使用实例。利用工作空间绘制 y=sinx 正弦曲线。

解: 在命令會口中输入以下命令

x=-2*pi:pi/100:2*pi; y=sin(x); %定义 x 的范围及刻度

%定义y与x之间的函数关系

运行后,在工作空间中将生成变量 x 和 y:

在工作空间中,可以看到、数据名、数据典型、数据最小值和数据最大值,然后颜标 右键单击,变量,则数据变成蓝颜色,如果此时不远中,变量,直接单击 配酬 后,选择 plott/)便可绘制图形。操作界面及绘制的图形如3-1 所示。





图 3-1 y=sio(x)单变量工作空间图形

如果选中 y 以后, 技住 Shift 键, 继续选中 x 后, 再选择 plot(y)便可绘制图形。操作界面及绘制的图形如 3-2 所示。读者可以比较两图的差异。





图 3-2 y=sin(x)双变量工作空间波形图

3.3 多维数据绘图

MATLAB 提供了丰富的绘图功能, 在命令會口中輸入 "help graph2d" 可得到所有画 二维图形的命令, 輸入 "help graph3d" 可得到所有画三维图形的命令。

3.3.1 二维图形

二维图形的基本绘图命令是:

```
plot(x1, y1, opcion1, x2, y2, option2, ...)
```

其中,x1 与 y1 给出的数据分别为 x 轴与 y 轴坐标值,option1 为选项参数,以逐点连 折线的方式绘制 1 个二维图形:同时类似地绘制第二个二维图形。

这是 plot 命令的完全格式, 在实际应用中可以根据需要进行简化。

比如 plot(x, y)、plot(x, y, option),选项参数 option 定义了图形曲线的颜色(用表示颜色的英文单词的第一个字母表示,例如 r 表示红色、g 表示绿色、b 表示蓝色)、线型(例如#、*等)及标示符号,它由一对单引号括起来。

【例 3-2】 二维服形绘制实例。利用 plot(x)和多组变量的语法格式分别绘制当 $x \in [0, 2\pi]$ 时, $y1 = \sin(x)$ 、 $y2 = \cos(x)$ 、 $y3 = \sin(x - 0.1\pi)$ 、 $y4 = \cos(x + 0.1\pi)$ 的二维图形,并比较单个零量限形和多组变量限像应用上的差异。

解: 在 M 文件编辑器中输入以下命令:

x=0:0.4*pi:2*pi; \$定义 x 坐标轴范陽及制度 Yl=sin(x); \$定义 1与 x 函数关系 y2=cos(x); \$定义 2与 x 函数关系 y3=sin(x=0.1*pi); \$定义 y3 与 x 函数关系 y4=cos(x+0.1*pi); \$定义 y4 与 x 函数关系 plot(y1) \$始制 1与 x 杨敬的图形: 如图 3-3

精谱 MATLAB 金融计算

运行以上 M 代码程序,得到如图 3-3 所示的结果图形。

如果梅程序中的 plot(y1)替换成以下语句,即将 3 条曲线绘制在同一图中,将会得到 如图 3-4 所示的结果图形。

plot(x,v1,x,v2,x,v3,x,v4)



图 3-3 plot(y1) 画线结果

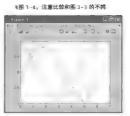


图 3-4 多组数据的 plot 结果

3.3.2 三维图形

1. 三维曲线

MATLAB 也提供了一个绘制三维折线或曲线的基本命令 plot3, 其常用的格式是 plot3(x1,y1,z1,option1,x2,y2,z2,option2,...,)。

该命令的各个参数的含义是一

- (1)以x1、y1、z1 所给出的数据分别设置x、y、z坐标值;
- (2) option 1 为选项参数, 以逐点连折线的方式绘制 1 个三维折线图形;
- (3)以x2、y2、z2所给出的数据分别设置x、y、z坐标值,
- (4) option2 为选项参数,以逐点折线的方式绘制另一个三维折线图形。 plot3 命令的使用与 plot 使用基本类似。

需要注意的是:

- (1)plot3 命令的功能及使用方法与 plot 命令的功能及使用方法相类似,它们的区别在于前者绘制出的是三维图形,
- (2) plot3。命令参数的含义与 plot 命令的参数含义相类似、它们的区别在于前者多了一个 Z 方向上的参数。同样,各个参数的取值情况及其操作效果也与 plot 命令相同。上面给出的 plot3 命令格式是一种完整的格式。在实际操作中,根据各个数据的取值情况,均可以有下述一种简单的书写格式。plot3(xxxx)或 plot3(xxxxxpption);
 - (3)选项参数 option 指明了所绘图中线条的线性、颜色以及各个数据点的表示记号;
- (4)plot3命令使用的是以逐点连线的方法来绘制三维折线的,当各个数据点的间距较小时,也可利用它来绘制三维曲线。

36 - - -

在 MATLAB 中,除了可以绘制三维线性图形外,还可以绘制三维曲面。常见的绘制 三维曲面的 MATLAB 函数有 mesh 和 surf,下面分别介绍这两个函数的用法。

2. 三维网格曲面

MATLAB 中可以通过 mesh 函数绘制三维网格曲面图,该函数的常用格式有以下几种。

- (1) mesh(X,Y,Z,C) 参数 X、Y、Z 都为矩阵值,参数 C 表示网格曲面的颜色分布情况:
- (2) mesh(X,Y,Z)·参数 X、Y、Z 都为矩阵值, 网格曲面的颜色分布与 Z 方向上的高度值成正比:
- (3) mesh(x,y,Z,C)· 参数 x 和 y 为长度分别是 n 和 m 向量值,而参数 Z 是维数为 $m\times n$ 的矩阵,参数 C 表示网络曲面的颜色分布情况;
- (4) mesh(x,y,Z)·参数 x 和 y 为长度分别是 n 和 m 向量值,而参数 Z 是维数为 m×n 的矩阵, 网格曲面的颜色分布与 Z 方向上的高度值成正比;
 - $\{5\}$ mesh(Z,C): 参数 Z 是维数为 $m \times n$ 的矩阵, 参数 C 表示网格曲面的颜色分布情况:
- (6) mesh(Z): 參數 Z 是雜數为 m×n 的矩阵, 网络曲面的颜色分布与 Z 方向上的高度 值成正比。

3. 三维阴影曲面

基本的三维阴影曲面绘制采用 surf 函数,调用这种函数的格式是。

- (1) surf(X,Y,Z,C): 参数 X、Y、Z 都为矩阵值, 参数 C 表示网格曲面的颜色分布情况
- (2) surf(X,Y,Z)·参数 X、Y、Z 都为矩阵值, 网格曲面的颜色分布与 Z 方向上的高度 值成正比:
- (3) surf(x,y,ZC). 參數 x 和 y 为长度分别是 n 和 m 向量值,而參數 Z 是維数为 $m \times n$ 的矩阵,參數 C 表示网络曲面的颜色分布情况;
- (4) surf(x,y,Z): 参数 x 和 y 为长度分别是 n 和 m 向量值, 而参数 Z 是维数为 m × n 的 矩阵, 网格曲面的颜色分布与 Z 方向上的高度值成正比,
 - (5) surf(Z,C)·参数 Z 是维数为 m×n 的矩阵, 参数 C 表示网格曲面的颜色分布情况:
- (6) surf(Z)· 参数 Z 是维数为 $m \times n$ 的矩阵,网格曲面的颜色分布与 Z 方向上的高度 值成正比。

在 surf 命令中, 各个四边形表面的颜色分布方式可由 shading 命令来指令。

shading faceted——表示截面式颜色分布方式:

shading interp 表示插补式颜色分布方式。

shading flat——表示平面式颜色分布方式。

【例 3-3】 三维曲线绘制函数使用实例。利用 plot3 函数绘制三维螺旋线图形。其中 $y=\sin t,\ y=\cos t,\ z=t,\ t\in [0,8\pi]$ 。

解: 在 M 文件编辑器中输入下列程序代码

t=0:pi/50:8*pi:

%通过 meshgrid 创建网格数据

x=sin(t); y=cos(t); z-t; %定义x、y、z与t之间的函数关系

plot3(x,y,z)

%绘制 x、y、z 三维图形

执行该程序后,显示结果如图 3-5 所示:



图 3-5 三维螺旋线图形

【例 3-4】 三维网格曲面图绘制应用实例。利用函数 mesh 在笛卡儿坐标系中绘制以下函数的网格曲面图· $f(x,y)=\frac{\sin(\sqrt{x^2+y^2})}{\int_{-x^2-x^2}^{-x^2}}$ 。

解: 在 M 文件编辑器中输入下列程序代码

x=-8:0.5:8; 电定义 x 坐标轴范围及制度 y=x; 电设置 y 与 x 之间的函数关系

yex; acmy-n-closen; accorden; acmy-n-closen; accorden; accorden; accorden; accorden; accorden;

运行以上程序,得到函数的三维网格图形如图 3-6 所示。



图 3-6 三维网格曲面图

【例 3-5】 閉影曲面绘制函数 surf 使用实例。利用 surf 函数绘制三维函数 $f(x,y) = \frac{2\sin(\sqrt{x^2+y^2})}{\sqrt{x^2+x^2}}$ 的三维阴影曲面。

%绘制阴影曲面图

解: 在 M 文件编辑器中输入以下程序代码。

 x=-8:0.5:8;
 4定义×坐标轴范围及争数

 y=x;
 4定义 y 5 x 之间的函数关系

 {X,Y}=mealgrid(x,y);
 4设置沿板关系

 R=agrt(X-2*Y,*2)+eps;
 4设置沿板关系

 Z=2*ain(R),
 8设置流板关系

保存并运行该程序、显示结果如图 3-7 所示。



图 3-7 三维阴影曲面

3.4 图形的修饰

surf(X,Y,Z)

图形绘制以后,需要对图形进行标注、说明等修饰性的处理,以增加图的可读性,使之能反映出更多的信息。

可以利用 Figure 窗口的菜单和工具栏对图形进行标注、修饰等,操作非常简单,这部分内容清参加前面的 1.4.6 节。

此外,还可以利用 MATLAB 自带的函数来进行图形的修饰。

1. 选择图形窗口的命令有:

● 打开不同的图形窗口命令 figure

figure(1), figure(2); …, figure(n), 它用来打开不同的图形窗口,以便绘制不同的图形。

● 图形窗口拆分命令 subplot

鳞腿 MATLAB 金融计算

subplot(m, n, p): 分割图形显示窗口,m表示上下分割个数,n表示左右分割个数,p表示子图编号。

2. 坐标轴相关的命令

在默认情况下 MATLAB 自动选择图形的横、纵坐标的比例,当然也可以用 axis 命令 控制,常用的命令介绍如下。

- axis([xmin xmax ymin ymax]): [xmin xmax ymin ymax]中分别给出 x 轴和 y 轴的最大值、最小值。
- axis equal: x 轴和 y 轴的单位长度相同。
- axis square: 图框呈方形。
- axis off 清除坐标刻度。

在某些应用中,还会用到半对数坐标轴,MATLAB中常用的对数坐标绘制命令有介绍 如下。

- semilogx:绘制以 x 轴为对数坐标(以 10 为底) y 轴为线性坐标的半对数坐标图形。
- semilogy:绘制以 y 轴为对数坐标 (以 10 为底)、 x 轴为线性坐标的半对数坐标图形。
- loglog: 绘制全对数坐标绘图,即x、y轴均为对数坐标(以10为底)。

3. 文字标示命令

- 常用的文字标示命令介绍如下。
- text(x, y, '字符串'): 在图形的指定坐标位置(x, y) 处标示单引号括起来的字符串。
- gtext(说明文字):利用嚴标在图形的某一位置标示说明文字。执行完绘图命令后再 执行 gtext(说明文字)命令,就可在屏幕上得到一个光标,然后用鼠标选择说明文字的位置。
- title('字符串') · 在所画图形的最上端显示说明该图形标题的字符串;
- xlabel('字符串')、ylabel('字符串')、zlabel('字符串'), 设置x、y、z 坐标轴的名称。输入特殊的文字需要用反斜杠(\)开头。
- legend('字符串 1', '字符串 2', ···, '字符串 n')·在屏幕上开启一个小视窗, 然后依据绘图命令的先后次序、用对应的字符串区分图形上的线。

4. 在图形上添加或删除栅格命令

常用的栅格操作命令介绍如下。

- grid: 给图形加上栅格线。
- grid on·给当前坐标系加上価格线。
- grid off: 从当前坐标系中删去栅格线。
- grid: 交替转换命令,即执行一次,转变一个状态(相当于 grid on、grid off)。

5. 图形保持或覆盖命令

常用的图形保持和覆盖的命令介绍如下。

● hold on: 把当前图形保持在屏幕上不变,同时允许在这个坐标内绘制另外一个图形。

40 ▶ ▶ ▶ ▶

● hold off. 使新图覆盖旧图。

hold 命令可以保持当前的图形,并且防止删除和修改比例尺。

hold 命令是一个交替转换命令,即执行一次,转变一个状态 { 相当于 hold on、hold off }。



MATLAB 默认为 hold off, 这时的操作会修改图形的属性的, 因此需要在 plot 之前加上 hold on。

6. 应用型绘图命令

应用型绘图命令常用于数值统计分析或高散数据处理,常用的应用型绘图命令有介绍 如下。

- bax(x, y); 绘制对应于输入 x 和输出 y 的高度条形图。
- hist(y, x)、绘制 x 在以 y 为中心的区间中分布的个数条形图。
- stairs(x, y); 绘制 y 对应干 x 的梯形限。
- stem(x, y): 绘制 y 对应干 x 的散点图。



对于阳形的属性编辑同样可以在图形窗口上直接进行, 但图形窗口关闭之后 编辑结果不今保存。

【例 3-6】 绘图命令使用实例。绘制[0,4x]区间上的 x1=10sint 和 x2=5cost 曲线, 并要求:

- (1)x1 曲线的线形为点画线、颜色为红色、数据点标记为加号;x2 曲线的虚线、颜色为蓝色、数据点标记为星号;
 - (2) 标示坐标轴的显示范围和制度线、添加槽格线。
 - (3)标注坐标轴名称、标题、相应文本。
 - 解: MATLAB 程序代码如下所示。

close all %关闭打开了的所有图形窗口

clc %清屏命令

clear %清除工作空间中所有变量

t=[0:pi/20:4*pi]: \$定义时间获图

hold on 8允许在同一坐标系下绘制不同的图形

axis([0 4*pi -10 10]) \$横轴范围[0,4n], 纵轴范围[-10,10]

plot(t, 10*sin(t), 'r+:') %线形为点画线、颜色为红色、数据点标记为加号

plot(t, 5*cos(t), 'b*--') %线形为建线、颜色为蓝色、数据点标记为星号

xlabel('时间t'): vlabel('幅值x') %标注槽、纵坐标轴

title('简单绘图实例') &添加图标题

legend('x1=10sint:点划线','x2=5cost:虚线') %添加文字标注

gtext('xl'); gtext('x2') %利用鼠标在图形标示曲线说明文字

grid on %在所画出的图形坐标中添加槽格, 注意用在 plot 之后

运行后,输出结果如图 3-8 所示。

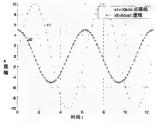


图 3-8 例 3-6 的輸出图

3.5 本章小结

MATLAB 具有强大的数据可视化功能,可以方便地对数据进行绘图。本章详细讲解了 MATLAB 中图形绘制的流程、函数、工具、图形修饰的方法、以及特殊坐标轴的绘制和多种特殊绘图函数。

本章的例子只用到了简单的绘图函数和标注函数的组合,都是维绘图中最基本最经典的实例,读者都应该仔细阅读体会,最好实践练习。

第 4 章 MATLAB 编程基础

本童导读

在 MATLAB 中,除了可以在命令窗口中输入命令逐句执行外,也可以和其他形式的 C. Fortran 等高级语言一样采用编程的方式,称为 M 文件编程。

读者首先应掌握 MATLAB 程序设计的基本方法,不断实践,逐步将其强大的功能应 用到科学计算及其他领域的学习和应用中去。

4.1 MATLAB 编程概述

MATLAB 不仅是一种功能强大的高级语言,而且是一个集成的交互式开发环境,用户可以通过 MATLAB 提供的编辑调试器编写和调试 MATLAB 代码。

MATLAB 提供了代码书写和调试的集成开发环境,用户可以在 MATLAB 的代码编辑 调试器中完成书写和调试过程。单击 MATLAB 主界面的"新建"工具按钮或者单击文件 菜单(File)"新建子菜单"(New)的"M-File"项,就可以打开 MATLAB 代码编辑·调试器, 其空白界面如图 4.1 所示。

用户也可以在命令窗口通过 edit filename 命令打开已存在的 M 文件进行编辑调试。

从图 4-1 可见,MATLAB 能够相握 M 文件内容区别是脚本 M 文件还是函数 M 文件, 并且在整个编辑过程中追踪光标位置(如图 4-1 底部的"Ln I Col 1"表示当前光标处在第 一行的第一列)。这对于准确快速定位当前编辑和修改位置是很方便有用的。

开发 MATLAB 程序一般需要经历代码编写、调试、优化几个阶段。

在编写代码时,要及时保存阶段性成果,可以通过 File 菜单的 Save 项或者保存工具 按钮保存当前的 M 文件。

完成代码书写之后,要试运行代码看看有没有运行错误,然后根据针对性的错误提示 对程序进行修改。

运行脚本 M 文件, 只需要在命令窗口中输入其文件名, 然后按回车键, 或通过 Debug 蔡单的 Save file and Run 项,或按快捷键 "P5" 完成。

运行函数 M 文件,需要通过命令窗口传递输入参数来调用。除了一些根衡单的代码, 大部分情况下用户都可能遇到程序报婚的问题,这就需要对代码进行调试纠错,一般需要 通过 Debus 業单下的子项辅助完成,包括设置断点、添步运行等项。

当程序运行无误后, 还要考虑程序性能是否可以改进。

MATLAB 提供了 M-Lint 和 Profiler 工具, 能够輔助用户分析代码运行中时间消耗的细 节和可能需要改变的编程细节, 如循环赋值前没有预定义数组, 用循环去实现可以用数组 函数实现的运算等。这些工具都在 Tools 業单下设置了子菜单。



图 4: MATLAB 代码编辑-调试器

4.2 MATLAB程序设计原则

MATLAB 程序的基本设计原则如下所述:

- 百分号 "%" 后面的内容是程序的注解,要兼于运用注解使程序更具可读性:
- 养成在主程序开头用 clear 指令清除变量的习惯,以消除工作空间中其他变量对程序运行的影响。但注意在子程序中不要用 clear。
- 参数值要集中放在程序的开始部分,以便维护。要充分利用 MATLAB 工具箱提供 的指令来执行所要进行的运算,在语句行之后输入分号使其及中间结果不在屏幕上 显示,以拥高执行课度。
- input 指令可以用来输入一些临时的数据;而对于大量参数,则通过建立一个存储参数的子程序。在主程序中通过子程序的名称来谓用。
- 程序尽量模块化,即采用主程序调用子程序的方法,将所有子程序合并在一起来执行全部的操作。
- 充分利用 Debugger 来进行程序的调试(设置断点、单步执行、连续执行),并利用 其他工具箱或图形用户界面(GUI)的设计技巧,将设计结果集成到一起;
- ◆ 设置好 MATLAB 的工作路径,以便程序运行;
- MATLAB 程序的基本组成结构如下所示。



当然,更复杂的程序还需要调用子程序,或与其他应用程序相结合。

4.3 M 文件

M 文件是包含 MATLAB 代码的文件。

1. M 文件的类型

M 文件按其内容和功能可以分为脚本 M 文件和函数 M 文件两大类。

(1) 脚本 M 文件

它是许多 MATLAB 代码按顺序组成的命令序列集合,不接受参数的输入和输出,与 MATLAB 工作空间共享变量空间。

它一般用来实现一个相对独立的功能,比如对某个数据集进行某种分析、绘图,求解某个已知条件下的微分方程等。用户可以通过在命令曾口中直接输入文件名来运行脚本M文件。 通过脚本M文件,用户可以把为实现一个具体功能的一系列MATLAB 代码书写在一个M文件中,每次只需要输入文件名即可运行脚本M文件中的所有代码。

(2) 函数 M 文件

它也是为了实现一个单独功能的代码块,但与脚本M文件不同的是函数M文件需要接受参数输入和输出,函数M文件中的代码一般只处理输入参数传递的数据,并把处理 结果作为函数输出参数返回绘MATIAB工作空间中的指定结准变量。

因此,函数 M 文件具有独立的内部变量空间。在执行函数 M 文件时,要指定输入参数的实际取值,而且一般要指定接收输出结果的工作空间变量。

MATLAB 提供的许多函数就是用函数 M 文件编写的,尤其是各种工具箱中的函数,用户可以打开这些 M 文件来查看。实际上,对于特殊应用领域的用户,如果积累了充分的专业领域应用的函数,就可以组建自己的专业领域工具箱了。

通过函数 M 文件,用户可以把实现一个抽象功能的 MATLAB 代码封装成一个函数接口,在以后的应用中重复调用。

2. M 文件的结构

图 4-2 显示的是 MATLAB 提供的一个函数 M 文件的全部内容,图中清楚地显示了一般的 M 文件包括的各部分结构。

从图 4-2 可以看到,MATLAB 中 M 文件一般包括以下五部分结构。

- 函数声明行(Function Definition Line),这一行只出现在函数 M 文件的第一行,通过 function 关键字表明此文件是一个函数 M 文件,并指定函数名、输入和输出参数,如图 4-2 中的第 1 行。
- H1行,这是帮助文字的第一行 (the first help text line),给出 M 文件帮助最关键的 信息。当用 lookfor 查找某个单词相关的函数时,lookfor 只在 H1 行中搜索是否出现 指定单词,如图 4-2 中的第 2 行。



图 4-2 M 文件的一般结构

- 帮助文字,这部分对 M 文件有更加详细的说明,经常解释 M 文件实现的功能, M 文件中出现的各变量、参数的意义,以及创作版权信息等。如图 4-2 中的第 13 行。 当获取一个 M 文件的帮助时, H1 行和帮助文字部分同时显示。
- M文件正文,这是M文件实现功能的MATLAB代码部分,通常包括运算、赋值等指令。图 4-2 的例子中只有第16行,但一般都由多行组成。
- 注释部分,这部分出现的位置比较灵活,主要是用来注释 M 文件正文的具体运行过程,以方便阅读和修改,经常穿插在 M 文件正文中间。

图 4-2 的例子中的第 15 行就是注释说明正文第 16 行的意义。注释一般都是针对接下来的一段正文代码的, 常见的 M 文件中也经常包括多行注释。

3. M 文件的创建

虽然一般脚本 M 文件可以包括上述五部分结构中除去 "函數声明行"以外的四部分,但在实际应用中,脚本 M 文件短常仅仅由 M 文件正文和注释部分构成。正文部分实现功能,注释部分则给出每一块代码的功能说明。下面通过实例讲述脚本 M 文件的创建。

【例 4-1】 M 文件创建实例。建立一个命令文件,将变量 a, b 的值互换。

解: 首先打开 M 文件编辑器,输入以下程序。

```
a=1:9; b={11,12,13;14,15,16;17,18,19];
c=a; a=b; b=c;
a
b
```

然后保存文件名为 "41.m" 即完成了文件的建立。 在 MATLAB 的命令窗口中输入 41, 将会执行该命令文件。

```
>> 41
a = 11 12 13
14 15 16
```

17 18 19 b = 1 2 3 4 5 6 7 8

函数 M 文件的命名一般习惯和函数名一致,比如图 42 中函数声明行 function T=now(),表明函数名为 now,因此此函数 M 文件— 服保存为 now.m,可以通过 now()语句调用该文件:否则,如果函数名和文件名不一致时,函数调用就需要通过文件名和与函数声明中对应的参数列表来实现。

编写好的函数 M 文件,相当于 MATLAB 提供的命令,可以在命令行进行函数调用。 但要注意,要求被调用的函数对应的.m 文件必须在 MATLAB 路径下。

4.4 MATLAB 程序流程控制

和各种常见的高級语言一样,MATLAB 也提供了多种经典的程序结构控制语句。 MATLAB 中的程序流程控制语句有: 分支控制语句(if 结构和 switch 结构), 循环控制语句(for 循环、while 循环、continue 语句和 break 语句)和程序终止语句(return 语句), 下面分别拼行介绍。

1. 程序分支控制语句

end

分支语句可以使程序中的一段代码只在满足一定条件时才执行,因此也成为分支选 器。MATLAB 中的分支语句有两类,if 语句和 switch 语句。

- if 与 else 或 elseif 连用,偏向于是非选择,当某个逻辑条件满足时执行 if 后的语句, 否则执行 else 语句。
- switch 和 case、otherwise 连用,偏向于情况的列举,当表达式结果为某个或某些值时,执行特定 case 指定的语句段, 否则执行 otherwise 语句。
 if 结构的语法形式如下所示。

if logical_expression
statements
elseif logical_expression
statements
else logical_expression
statements

其中 elseif 和 else 语句都是可选语句。if、elseif 和 else 构成的各项分支里面,哪一个 的条件满足(逻辑表达式 logical_expression 的结果为真],就执行哪一个分支后面紧跟的 程序语句。因此,各个分支条件满足的情况应该是互斥的和完全的,就是被选的条件在一 个分支中成立,而且只够在一个分支中成立。

当然,省略了 elseif 和 else 分支的语句,就不必要求分支条件满足的情况具备完全性了。 if 结构中条件判断除了可以用逻辑表达式外,还可以用数组 A, 这时判断相当于逻辑 表达式 all(A), 即当数组 A 的所有元素都为非零值时,才执行该条件后的分支代码。

特别地、当数组A为空数组时、相当于该条件判断为假。

構通 MATLAB 金融计算

switch 结构的语法形式如下所示:

```
switch expression (scalar or string)
case value1
statements % Executes if expression is value1
case value2
statements % Executes if expression is value2
...
therwise
statements % Executes if expression does not
% match any case
```

执行中,先计算表达式 expression 的值, 当结果等于某个 case 的 value 时,就执行该 case 策随的语句。如果所有 case 的 value 都和 expression 计算结果不相等,则执行 otherwise 后面覆盖的话句。

otherwise 语句是可选的, 当没有 otherwise 语句时, 如果所有 case 的 value 都和 expression 计算结果不相等, 则跳过 switch-case 语句段, 直接执行后续代码。

相等的意义,对于数值类型来说,相当于判断 "if result—value",对于字符串类型来说,相当于判断 "if stromp(result,value)"。

由此可见,switch-case 语句实际上可以被 if-elseif-else 语句等效替换,不过两种结构 各有更便利的地方,读者在以后的例子中会逐渐体会到。

学过 C 语言的读者需要注意,MATLAB 中的 switch-case 结构,只执行表达式结果匹配的第一个 case 分支,然后就跳出 switch-case 结构。因此,在每一个 case 语句中不需要用 break 语句跳出。

在一条 case 语句后可以列举多个值,只需要以元胞数组的形式列举多个值,就是用花括号把用逗号或空格分隔的多个值括起来即可。

2. 程序循环控制语句

end

循环控制语句能够使得某段程序代码多次重复执行,MATLAB 中提供了两类循环语句,分别是 for 循环和 while 循环:

- for 循环一般用在已知循环执行次数的情况;
- while 循环则用在已知循环退出条件的情况。

MATLAB 还提供了 continue 和 break 语句,用于更精细地控制循环结构:

- continue 语句使得当前次循环不向下执行,直接进入下一次循环;
- break 语句则是退出该循环。

(1) for 循环

for 循环用于知道循环次数的情况,其语法格式如下所示:

```
for index = start:increment:end
    statements
end
```

index 为循环变量, increment 为增量, end 用于判断循环是否应该终止。增量 increment

48

駅认值为 1,可以自由设置;当增量为正数时,循环开始先将 index 赋值为 start,然后判 期 index 是否小于等于 end。若是,则执行循环语句,执行完后,对 index 累加一个增量 increment;再判断 index 是否小于等于 end,若是,则继续执行循环语句,继续对 index 累 加,循环往复,直到 index 大于 end 时退出循环。

增量 increment 也可以设置为负整数,表示每次循环执行后对循环变量 index 进行递减, 当 index 小于 end 时,退出循环。

MATLAB 中,循环的执行效率很低,提高程序效率的一个办法就是多采用数组结构和 MATLAB 内联函数。

for 循环中的循环变量 index 也可以赋值为数组 A,那么在第一次循环中 index 說被賦值为A(.1),即 A 的第一列元素,第二次循环 index 被赋值为A(.2),他次类推;若 A 有 n 列元素,则循环执行n 次。第n 次循环时,循环零量 index 神融值为 A(.2),他

(2) while 循环

```
while 循环用于已知循环退出条件的情况, 其语法形式如下所示。
```

```
while expression
statements
```

当表达式 expression 的结果为真时,就执行循环语句,直到表达式 expression 的结果 为假,才退出循环。

如果表达式 expression 是一个数组 A,则相当于判断 all(A)。特别地,空数组则被当作 逻辑假、循环停止。

(3) continue 语句

continue 语句用在循环中,表示当前次循环不再继续向下执行,而是直接对循环变量 进行递增,进入下一次循环。

(4) break 语句

break 语句用于退出循环。

3. 程序终止控制语句

一般程序代码都是按流程执行完毕后正常退出,但当遇到某些特殊情况,程序需要立 即退出时,就可以用 return 语句提前终止程序运行。

【例 4-2】 return 语句使用实例。

```
clear
cle
n=2;
if nc0
disp('negative number!');
  return;
end
disp('codon after return')
```

本例中当变量n 取值为负数时,通过return 直接退出,不执行if 后的代码。其运行结

果是

negative number!

若去掉其中的 return 语句,则运行结果变为:

negative number! codon after return

return 语句更多地用在 MATLAB 函数 M 文件中。

4.5 MATLAB 中的函数及调用

4.5.1 函数类型

MATLAB中的函数可以分为匿名函数、M 文件主函数、嵌套函数、子函数、私有函数和重载函数。

1. 语名函数

匿名函數通常是很简单的函數,它是面向命令行代码的函數,通常只由一句很简单的 声明语句组成。

匿名函数也可以接受多个输入和输出参数。使用匿名函数的优点是不需要维护一个 M 文件,而只需要一句非常简单的语句,就可以在命令曹口或 M 文件中调用函数,这对于 那些函数内容非常简单的情况是很方便的。

创建匿名函数的标准格式如下所示:

fhandle = @(arglist) expr

其中.

- (1) "expr" 通常是一个简单的 MATLAB 变量表达式,实现函数的功能,比如 x+x.^2、 sin(x).*cos(x)等·
- (2) "arglist" 是參数列表,它指定函数的輸入參数列表,对于多个輸入參数的情况,通常要用逗号分隔各个參数:

(3)符号"@"是MATLAB中创建函数句柄的操作符、表示对由输入参数列表 arglist 和表达式 expr 确定的函数创建句柄,并把这个函数句柄返回给变置 fhandle,这样,以后 就可以通过 fhandle 来调用定义好的这个函数。

例如定义函数:

```
myfunhd=0(x)(x+x..^2)
```

表示创建了一个匿名函数,它有一个输入参数 x,它实现的功能是 $x+x^2$, 并把这个函数句柄保存在变量"myfunhd"中,以后就可以通过"myfunhd(a)"来计算当"x=a"的时候的函数值。

需要注意的是,匿名函数的参数列表 arglist 中可以包含一个参数或多个参数,这样调

50 > > >

用的时候就要按顺序给出这些参数的实际取值。

但 arglist 也可以不包含参数、即留空,这种情况下调用函数时还是需要通过 fhandle() 的形式来调用的,即要在函数句柄后紧跟一个空的括号。否则,只显示 fhandle 句柄对应 的承新形式。

匿名函数可以嵌套、即在 expr 表达式中可以用函数来调用一个匿名函数句柄。

【例 4-3】 匿名函数创建实例。

```
>> myfhd1=@(x)(x+x.^2)
mvfhd1 = \theta(x)(x+x,^2)
>> myfhd1(2)
ans = 6
>> mvfhd2=@(x,v)(sin(x)+cos(v))
myfhd2 = \theta(x,y)(sin(x)+cos(y))
>> mvfhd2(pi/2.pi/6)
ans = 1.8660
>> myfhd3=@()(3+2)
mvfhd3 = @()(3+2)
>> myfhd3()
ans = 5
>> myfhd3
mvfhd3 = 8()(3+2)
>> myffhd=0(a)(quad(0(x)(a.*x.^2+1./a.*x+1./a^2),0,1)) %匿名函数嵌套使用
mvffhd = g(a) (quad(g(x)(a,*x,^2+1,/a,*x+1,/a^2),0,1))
>> mvffhd(0.5)
ans = 5.1667
```

匿名函数可以保存在.mat 文件中,上例中就可以通过 "save myfunquad.mat myffhd" 把匿名函数句柄"myffhd"保存在"myfunquad.mat"文件中,以后需要用到匿名函数"myffhd" 时,只需要使用语句"load myfunquad.mat myffhd"就可以了。

2. M 文件主函数

每一个函数 M 文件第一行定义的函数就是 M 文件主函数,一个 M 文件只能包含一个主函数,并通常习惯上将 M 文件名和 M 文件主函数名设为一致。

M 文件主函數的说法是针对其内部嵌套函數和子函數而言的。一个 M 文件中除了一个主函數外,还可以编写多个嵌套函数或子函數,以便在主函数功能实现中进行调用。

3. 嵌套函数

在一个函数内部,可以定义一个或多个函数,这种定义在其他函数内部的函数就被称为嵌套函数。嵌套可以多层发生,就是说一个函数内部可以嵌套多个函数,这些嵌套函数 内部又可以继续接套其他函数。

嵌套函数的书写语法格式如下所示:

```
function x = A(p1, p2)
...

function y = B(p3)
```

續週 MATLAB 金融计算

一般函数代码中结尾是不需要专门标明"end"的,但在使用嵌套函数时,无论嵌套 函数还是嵌套函数的父函数(直接上一层函数)都要明确标出"end"表示函数结束。

嵌套函数的互相调用需要注意和嵌套的层次密切相关。如在下面一段代码中,

```
function A(x, y) %外层函数 A (例如主函数)
B(x, y);
D(v);
  function B(x, y) & 的接套函数(以 a 为参照可以称为第一层嵌套函数), B 的父函数为 a
 C(x);
 D(y);
   function C(x) 参B的任意函数(以A为参照可以称为第二层依靠函数)。C的父函数为B
    D(x) :
   end
  end
              %A 的嵌套函数(以 A 为参照可以称为第一层嵌套函数), D 的父函数为 A
 function D(x)
  E(x):
    function E(x) %D的嵌套函数(以A为参照可以称为第二层嵌套函数), E的父函数为 D
   end
 end
end
```

- (1)外层的函数可以调用向内一层直接嵌套的函数(A可以调用B和D),而不能 调用更深层的嵌套函数(A不可以调用C或E),
- (2) 嵌套函数可以调用与自己具有相同父函数的其他同层嵌套函数(B和D可以互相调用);

(3) 嵌套函数也可以调用其父函数或与父函数具有相同父函数的其他嵌套函数(C可以调用 B 和 D),但不能调用与其父函数具有相同父函数的其他嵌套函数内深层嵌套的函数。

4. 子函數

一个 M 文件只能包含一个主函数,但一个 M 文件中可以包含多个函数,这些编写在主函数后面的函数都称为子函数。所有子函数只能被其所在 M 文件中的主函数或其他子函数调用。

所有子函数都有自己独立的声明和帮助、注释等结构,只需要在位置上处在主函数之 后即可,而各个子函数的前后顺序都可以任實放置,和被调用的前后顺序无关。

M 文件内部发生函数调用时,MATLAB 首先检查该 M 文件中是否存在相应名称的子 函数,然后检查这一 M 文件所在目录的子目录下是否存在同名的私有函数,然后按照 MATLAB 的路径检查是否存在同名的 M 文件或内部函数。

根据这一顺序,函数调用时首先查找相应的子函数,因此,可以通过编写同名子函数

的方法实现 M 文件内部的函数重载。

子函数的帮助文件也可以通过 help 命令显示, 如 myfun.m 文件中有名为 myfun 的主 函数和名为 mysubfun 的子函数, 那么可以通过 help myfun>mysubfun 命令来获取子函数 mysubfun 的帮助。

5. 私有函数

私有函数是具有限制性访问权限的函数,它们对应的 M 文件需要保存在名为"private" 的文件夹下,这些私有函数代现在编写上和普通的函数没有什么区别,也可以在一个 M 文 件中编写一个主函数和多个子函数,以及依套函数。

但私有函数只能被 private 目录的直接父目录下的脚本 M 文件或 M 文件主函数调用。

通过 help 命令获取私有函数的帮助,也需要声明其私有特点,例如要获取私有函数 myprifun 的帮助,就要通过 help private/myprivfun 命令。

6. 重载函数

"重载"是计算机编程中非常重要的概念,它经常用在处理功能类似但参数类型或个数不同的函数编写中。

例如现在要实现一个计算功能,一种情况下输入的几个参数都是双精度浮点类型,另一种情况是,输入的几个参数都是整型变量,这时候,用户就可以编写两个同名函数,一个用来处理取制度浮点类型的输入参数,这样,当用户实际调用函数时,MATLAB 就会指据实际传说的变量类型洗蛋妆斤其中一个函数。

MATLAB 中重载函数通常放置在不同的文件夹下,通常文件夹名称以符号@开头,然后跟一个代表 MATLAB 数据类型的字符。

例如 "@double" 目录下的重载函数的输入参数应该是双精度浮点型,而 "@int32" 目录下的重载函数的输入参数应该是 32 位整型。

4.5.2 函数参数传递

MATLAB 中通过 M 文件编写函数时,只需要指定输入和输出的形式参数列表,只是在函数实际被调用的时候,才需要把具体的数值提供给函数声明中给出的输入参数。

MATLAB 中参数传递过程是传值传递,也就是说,在函数调用过程中,MATLAB 将 传入的实际变量值赋给形式参数指定的变量名,这些变量都存储在函数的变量空间中,这 和工作空间变量空间是独立的,每一个函数在调用中都有自己独立的函数空间。

例如编写函数:

function y=myfun(x,y,z)

在命令會口通过 a = my fun(3, 2, 0.5)调用此函数,那么 MATLAB 首先会建立 my fun 函数的变量空间,把3 旅馆给 x_1 把2 殿值给 y_1 把0.5 赋值给 x_2 然后执行函数实现的代码,在执行完毕后,把my fun 函数返回的参数 y_2 的值传递给工作空间变量 a_1 调用过程结束后。函数变量空间被清除。

1. 输入和输出参数的数目

MATILAB 的函数可以具有多个输入或输出参数。通常在调用时,需要给出和函数声明语句中一一对应的输入参数、而输出参数个数可以按参数列表对应指定,也可以不指定。 不指定输出参数调用函数时,MATILAB 默认把输出参数列表中第一个参数的值返回给工作 空间容置"ams"。

MATLAB 中可以通过 nargin 和 nargout 函数确定函数调用时实际传递的输入和输出参数 个数。结合条件分支语句,就可以处理函数调用中指定不同数目的输入输出参数的情况。

【例 4-4】 显示函数输入和输出参数的数目实例。

```
function [y1,y2]=mytestnio(x1,x2)
if nargin=1
y1=x1;
   if nargout=2
    y2=x1;
   end
else
   if nargout=1
    y1=x1+x2;
   else
   y1=x1;
   y2=x2;
   end
end
```

这个函数可以处理一个或两个输入参数、一个或两个输出参数的情况。当只有一个输入参数 x1 和一个输出参数 y1 时,把x1 赋值给 y1; 当有 1 个输入参数 x1 和万个输出参数 y1 时,把x1 赋值给 y1, x2 时,把x1 赋值给 y1 和y2; 当有两个输入参数 x1、x2 和一个输出参数 y1 时,把 x1 x2 的计算结果赋值给 y1, 当有两个输入参数 x1、x2 和两个输出参数 y1、y2 时,把 x1 赋值给 y1, 并把 x2 赋值给 y2。函数调用结果如下所示。

```
>> x=mytestnio(5)
x = 5
>> [x,y]=mytestnio(5)
      15
x =
y =
      5
>> mvtestnio(5)
ans = 5
>> x=mvtestnio(5,7)
x = 12
>> [x,y]=mytestnio(5,7)
x = 5
      7
y =
>> mvtestnio(5.7)
ans =
```

指定了输入和输出参数个数的情况比较好理解,只要对应函数 M 文件中对应的 if 分 支项即可:而不指定输出参数个数的调用情况,MATLAB 是按照指定了所有输出参数的 调用格式对函数进行调用的,不过在输出时只是把第一个输出参数对应的变量值赋给工作空间变量 ans。

勞如 "mytestnio(S,D" 这句函數调用中, 实际上是按照 "[y1, y2]=mytestnio(x1, x2)" 这种形式调用的, 在函数变量空间中x1 被赋值为S5, x2 被赋值为S7, y1 计算结果为S5, y2 计算结果为S7, 但函数只把输出参数列表中第一个输出变量(即y1)的取值返回给工作空间变量 ans, 因此, ans 取值为S5.

2. 可变数目的参数传递

函数 nargin 和 nargout 结合条件分支语句,可以处理可能具有不同数目的输入和输出参数的函数调用,但这要求对每一种输入参数数目和输出参数数目的组合分别进行代码编写。

有些情况下、用户可能并不能确定具体调用中传递的输入参数或输出参数的个数、即具 有可变数目的传递参数、MATLAB 中可以通过 varagin 和 varagout 函数实现可变数目的参 数传递、使用这两个函数对于处理具有复杂的输入输出参数个数组合的情况也是便利的。

函數 varargin 初 varargout 把实际的函数调用时传递的参数值封装成一个元胞数组,因 此,在函数实现部分的代码编写中,就要用访问元胞数组的方法访问封装在 varargin 或 varargout 中的元胞或元胞内的变量。

【例 4-5】 可变数目的参数传递实例。

```
function y=mytestvario(varargin)
temp=0;
for i=1:length(varargin)
    temp=temp+mean(varargin(i)(;));
end
y=temp/length(varargin);
```

本例中的函数 mytestvario 以 varargin 为输入参数,从而可以接受可变数目的输入参数。 函数实现部分首先计算了各个输入参数(可能是标量、一维数组或二维数组)的均值,然 后计算这些均值的均值。调用结果如下所示:

```
>> mytestvario(4)

ans = 4

>> mytestvario(4,[1 3])

ans = 3

>> mytestvario(4,[1 3],[1 23;23 1],magic(4))

ans = 6.6250
```

对于 "mytestvario(4,[1 3],[1 23;23 1],magic(4))" 这句函数调用,在函数变量区,varargin 首先被赃值为一个元胎数组 "[4,[1 3],[1 23;23 1],magic(4))" ,即 varargin 有 1 行 4 列 个元 胎 今 个元 胞中分别存储了一个标量数值、一维行数组、2 行 2 列的二维数组和 4 行 4 列 的魔方数组,在函数实现部分,首先创建中间变量 temp,并初始化赋值为零(用来存储各个元胞中对数据均值的总和),然后计算每一个元胞中所有数据的均值并将结果累加到 temp上;最后通过 "y=temp/length(varargin)" 计算这些均值的均值。

函数 varargin 和 varargout 也可以放置在参数列表中某些必然出现的参数之后, 其语法

格式有如下几种形式。

- 1) function [out1, out2] = example1 (a, b, varargin),表示函数 example1 可以接受大于等于两个输入参数,返回两个输出参数;两个必选的输入参数是a和b,其他更多的输入参数被封装在varargin中。
- 2) function [i, j, varargout] = example2(x, y), 表示函数 example2 接受两个输入参数 x 和 y, 返回大于等于两个输出参数, 前两个输出参数为 i 和 j, 其他更多的输出参数封装在 varargin 中。

函数 varargout 和 varargin 的用法类似,只需要注意访问时应按照访问元胞数组的方法, 这里就不再举例了。

3. 返回被修改的输入参数

MATLAB 函数有独立于 MATLAB 工作空间的自己的变量空间,因此,输入参数在函数内部的修改都只具有和函数变量空间相同的生命期,如果不指定符修改后的输入参数值 返回到工作空间,那么在承数调用结束后设备给后的储备被自动通验。

【例 4-6】 函数内部的输入参数修改实例。

```
function y=mytest(x)
x=x+5;
v=x*2;
```

本例中的 mytest 函数内部,首先修改了输入参数x的值 (x=x+5),然后以修改后的x的值计算输出参数y的值 (y=x*2)。调用结果如下所示

```
>> x=3
x = 3
>> y=mytest(x)
y = 16
>> x
y = 3
```

由此结果可见,调用结束后,函数变量区中的x在函数调用中被修改,但此修改只在 函数变量区有效,这并没有影响到 MATLAB工作空间变量空间中的变量 x 的值。函数调 用前后,MATLAB工作空间中的变量 x 始终取值为 3。

那么,如果用户希望函数内部对输入参数的修改也对 MATLAB 工作空间的变量有效, 就需要在函数输出参数列表中返回此输入参数。

对于本例中的函数,则需要把函数修改为 "function [y,x]=mytest(x)",而在调用时也要通过 "[y,x]=mytest(x)" 这种形式。

【例 4-7】 函数参数传递实例。将修改后的输入参数返回给 MATLAB 工作空间。

```
function [y,x]=mynewtest(x)
x=x+5;
y=x*2;
```

MATLAB 工作空间中的调用结果如下所示

```
>> x=3

x = 3

>> [y,x]=mynewtest(x)

y = 16

x = 8

>> x

x = 8
```

通过本例可见,函数调用后,MATLAB 工作空间中的变量 x 取值从 3 变为 8 (3+5),可见通过[y,x]=mynewtest(x)调用,实现了函数对 MATLAB 工作空间变量的修改。

4. 全局变量

通过返回棒改压的输入参数,可以实现函数内部对 MATLAB 工作空间变量的修改。 而另一种殊途同归的方法则是使用全局变量。声明全局变量需要用到 global 关键词,语法 格式为 "global variable"。

通过全局变量可以实现 MATLAB 工作空间变量空间和多个函数的函数空间的共享, 这样,多个使用全局变量的函数和 MATLAB 工作空间共同维护这一全局变量,任何一处 对全局变量的修改,都会直接改变此全局变量的取值。

在应用全局变量时,通常在各个函数内部通过 global variable 语句声明,在命令曾口或脚本 M 文件中也要先通过 global 声明,然后进行赋值和调用。

【例 4-8】 全局变量使用实例。

```
function y=myprocess(x)
global T
T=T*2;
v=exp(T)*sin(x);
```

在命令會口中声明全局变量然后就信调用.

```
>> global T

>> T=0.3

T = 0.3000

>> myprocess(pi/2)

ans = 1.8221

>> T

T = 0.6000
```

通过本例可见,用 global 将 T 声明为全局变量后,函数内部对 T 的修改也会直接作用到 MATLAB 工作空间中。函数 myprocess 调用一次后,T 的值从 0.3 变为 0.6 (0.3*2)。

4.6 函数句柄

函数句柄实际上提供了一种间接调用函数的方法。创建函数句柄需要用到操作符@。 前面已经讲过,匿名函数实际上就是一种函数句柄,而对 MATLAB 提供的各种 M 文件函

精讯 MATLAS 金额计算

数和内部函数,也都可以创建函数句柄,从而可以通过函数句柄对这些函数实现间接调用。 函数句柄的优点如下。

- (1)方便地实现函数间的互相调用:
- (2) 兼容函数加载的所有方式:
- (3) 拓寒子函数、包括局部函数的使用范围。
- (4)提高函数调用的可靠性;
- (5)减少程序设计中的冗余;
- (6)提高重复执行的效率。

创建函数句柄的一般语法格式如下所示:

fhandle=@function_fileame

其中,

"funciont_filename" 是函数所对应的 M 文件的名称或 MATLAB 内部函数的名称;

"@"是句柄创建操作符;

"fhandle" 变量保存这一函数句柄。

例如 fhandle=@sin 就创建了 MATLAB 内部函数 sin 的句柄,并将其保存在 fhandle 变量中,以后就可以通过 fhandle(x)来实现 sin(x)的功能。

通过函数句柄调用函数时,也需要指定函数的输入参数,比如可以通过 fhandle(arg1, arg2, ..., argn)这样的调用格式来调用具有多个输入参数的函数。对于那些没有输入参数的函数,在使用句柄调用时,要在句柄变量后加上空的圆括号,即 fhandle()。

【例 4-9】 函数句柄创建和调用实例。

```
>> fnd=@enn
fnd = @enn
>> xm010.25*pi:2*pi;
>> fnd(x)
ann = 0 0.7071 1.0000 0.7071 0.0000 -0.7071 -1.0000 -0.7071 -0.0000
```

ans - 0 0.7071 1.0000 0.7071 0.0070 -0.7071 -1.0000 -0.7072 -0.0000

MATLAB 中提供了丰富的处理函数句柄的函数,如表 4.1 所示。

表 4.1 处理函数句柄的函数

函 数	袋 明	
functions(fhandle)	返回一个结构体,存储了函数的名称,函数类型(简单函数设置或函数),以及函数M文件 的位置	
func2str(thandle)	特函數句柄转换为函数名称字符串	
str2func(str)	特字符串代表的函数转换为函数句柄	
save filename.mat fhandle	将函数句柄保存在 mal 文件中	
load filegame.mat fhandle	把.mat 文件中存储的函数句柄篆载到工作空间	
ssa(var, 'function_handle')	检测变量 var 是不是函数句柄	
isequal(fhds,fhdb)	检测两个函数句柄是否对应于同一个函数	
feval(fhandle)	调用函数句柄 fhandle	

【例 4-10】 处理函数句柄的函数使用实例。

```
>> fhda=@exp
fhda = @exp
>> fhdb=@syprocess
fhdb = @syprocess
> functions(fhdb)
ans = function: 'myprocess'
type: 'simple'
file: 'D:\MATLAB71\work\MATLABbook\EX-10\myprocess.m'
>> isa(fhda, 'function_handle')
ans = 1
>> isequal(fhda,fhdb)
ans = 0
```

4.7 MATLAB 程序调试

MATLAB 程序调试主要是来发现和纠正程序中的错误。

4.7.1 常见程序错误

MATLAB 程序常见的错误有以下几类。

1. 矩阵运算方面的错误

(1)矩阵下标索引使用错误

MATLAB 的计算元素是矩阵、即使是一个一维数组

在 MATLAB 软件中,所有的计算都是以矩阵为单元进行的,矩阵是 MATLAB 的核心。 需要非常注意的是一与 C 语言等编程语言的习惯不一样, MATLAB 的语法规定矩阵的索 引从 1 开始。因此,在访问矩阵(包括向量、二维矩阵、多维数组)的过程中,下标索引 从 0 开始,或者出现负数、数会报馈。

例如, 在命令數口輸入:

```
A=[1,2;2,4];
A(0,1)
```

输出报错为.

??? Attempted to access A(0,1); index must be a positive integer or logical.

分析·如果改为 A(1,1),则输出为 1,表示访问 A 的第 1 行第 1 列的元素。同类的常见错误还有。在引用矩阵元素的时候,索引值和出矩阵应有的范围。

(2) 矩阵运算对象维数不匹配的错误

进行矩阵运算时,运算符(=+-/*等)两边的运算对象维数必须匹配。

例如,在命令窗口输入。

```
A={1, 2; 3, 3; 4, 5};
B={1, 2, 3; 4, 5, 6; 7, 8, 9};
```

編編 MATLAB 金融计值

A*B

输出报错为:

??? Error using ==> mtimes
Inner matrix dimensions must agree.

分析: $A \ge 3*2$ 的矩阵, $B \ge 3*3$ 的矩阵, A*B 是矩阵维数不匹配, 故报错。如果对 A 取转置,然后再相乘,则不会出错。

>>A'*B ans =41 49 57 49 59 69

(3)元素与矩阵运算的错误

MATLAB 通过"."来区分矩阵运算和元素运算,当元素与矩阵进行运算时,容易忽略".."。

例如,在命令雷口输入:

A=[1, 2, 3]; B=6*A 2对A的每个元素都乗以6 C=6/A 4用6餘以A的每个元素

输出报错为:

B = 6 12 18 ??? Error using ==> mrdivide Matrix dimensions must agree.

分析: 其实, 写为 "B=6.*A" 进行运算也是正确的,由于习惯的原因,这个 "." 通常省略,在乘法时不会报错,但在除法时,就错了。改为以下语句就不会出错。

C=6./A C = 6: 3 2

2. 函数方面的错误

(1) 函数没有定义的错误

在命令會口中可以运行 MATLAB 自带的函数以及用户自己定义的函数,如果不是这两类函数,运行时会报错。

例如,在命令曾口中输入:

>> m_fun

输出报错为:

??? Undefined function or variable 'm_fun'.

分析:可能的出错原因有:程序文件名错、文件名大小写错、该文件不在搜索路径中。 解决办法:核对文件名、检查大小写,统一命名风格、将该文件复制到或包含路径下。 (2)函数输出变量赋值的错误

在函数中。如果有一个或多个输出变量没有被赋值。调用该函数时,会报错。

60 ▶ ▶ ▶

分析 函数如果带有输出变量,则每个输出在返回的时候都必须被赋值。容易出现这个错误的两个地方是·

- 在部分条件判断语句(如if)中没有考虑到輸出变量的返回值。
- ② 在循环迭代过程中部分变量的维数发生了变化。

解决办法是·调试程序,仔细查看函数返回时各输出变量的值。更好的方法是·在条件判断或者执行循环之前对所使用的变量键初值。

(3)在命令窗口定义函数的错误

在 MATLAB 中,不能在命令窗口或者 M 文件编辑器中定义函数。例如,在命令窗口输入·

>> function c = myfun(a,b)

输出报错为:

??? function c = myfun(a,b)

Error: Function definitions are not permitted at the prompt or in scripts.

分析:在命令會口写 function c = myfun (a,b),此错误就会出现,因为函数只能定义在M文件中。关于脚本文件和M文件的区别请查阅MATLAB基础书,简言之。

- ① 如果写成 function 的形式,那么必须写在 M 文件中,且以 function 开头(即 function 语句前不能包含其他语句,所有语句必须放在 function 中,当然, function 的定义可以有 多个,各 function 之间是并列关系,不能嵌套);
- ② 如果写成脚本的形式,则既可以写在命令會口中,也可以写在 M 文件中,但两者均不能包含 function 语句(即不能进行函数的定义)。

解决办法是,新建一个M文件,然后再进行函数的定义

总之,对于一些格式错误,如函数名的格式错误、缺括号等,MATLAB可在运行时检测出大多数的格式错误,并显示出错信息和位置,这类错误可得容易找到,并进行纠正。

观的不多板的格式错误, 开显示出销售思和位置, 这类错误可很容易找到, 开近行纠止。 对于算法错误, 逻辑上的错误, 不易查找, 遇到此类错误时需耐心。一般可考虑如下 方法.

- 删除句尾分号 ";",注意变量值的变化;将每步执行结果输出到命令窗口,显示中间结果。
- 在适当位置加上 keyboard 语句,当程序执行到这条语句时,MATLAB 会暂停执行, 并将控制权交给用户,这时可检查和修改局部工作空间的内容,从中找出错误的线索,利用 return 命令可恢复程序执行;
- 在函数定义行之前加上%, 注释掉, 使之变成脚本语言, 或者选用 "Text" 菜单的 "Comment"命令, 注释掉可疑的代码部分; 这样, 程序运行出错时便可查看 M 文件中产生的变量;
- 使用 MATLAB 调试器,设置断点,或单步执行,使用一些调试和分析工具。

下面讲述程序调试的一些工具及调试方法, 熟练掌握并运用这些工具及调试方法, 能 提高编程的效率。

4.7.2 调试方法

MAILAB 程序有直接调试法和工具调试法这两种调试方法。

(1) 直接调试法

直接调试法就是在 M 文件中, 将某些语句后面的分号去掉, 迫使 M 文件输出一些中间计算结构, 以便发现可能的错误。常用的做法有:

- ① 在适当位置,添加显示某些关键变量值的语句;
- ② 利用 echo 指令,使运行时在屏幕上逐行显示文件内容,echo on 能显示 M 脚本文件; echo FunName On 能显示名为 FunName 的 M 函数文件,
- ③ 在原 M 脚本或函数文件的适当位置,添加指令 keyboard, keyboard 语句可以设置程序的断点;
- ④ 通过将原 M 函数文件的函数声明行注释掉,可使一个中间变量难于观察的 M 函数 文件变为一个所有变量都保存在基本工作空间中的 M 脚本文件。
 - (2)工具调试法

工具调试法就是在程序中设置一些断点,利用调试菜单(Debug)中的一些选项进行 调试。

MATLAB 提供了进行代码调试和代码分析优化的工具,这些工具,一般的 MATLAB 用户都应该有所了解。尤其是断点调试部分的内容,建议读者尽量以自己的程序代码为例,多加练习,熟练掌握。

4.7.3 调试工具

当完成 MATLAB 代码编写后,用户就可以在命令曾口中运行代码(脚本或函数文件)。 对于比较简单的代码,一般只要编程习惯较好,都可以一次通过。但对于很多比较复杂的 情况,或者用户初学 MATLAB 编程,一些常见的错误还不能避免,就容易在运行时出现 错误。这时候,就需要利用 MATLAB 的调试工具对出现错误的代码进行调试纠结。

MATLAB 的代码编辑调试器是一个综合了代码编写、调试的集成开发环境。MATLAB 代码调试过程,主要是通过 MATLAB 代码编辑·调试器的 Debug 莱单下的子项进行的,如 图 43 所示。

Debug 菜单用于程序调试,需要与 Breakpoints 菜单项配合使用。MATLAB R2008b 的 Debug 菜单中的菜单项介绍如下。

- (1) Open M-Files when Debugging: 用 于调试时打开 M 文件。
- (2) Step: 在调试模式下, 执行 M 文件 的当前行, 对应的快捷键是 F10。
- (3) Step In 在调试模式下,执行 M 文 件的当前行,如果 M 文件当前行调用了另一



图 4-3 MATLAB 代码编辑-调试器的 Debug 菜单

个函数,那么进入该函数内部,对应的快捷键是 F11。

运行到断点处暂停。

- (4) Step Out. 当在调试模式下执行 Step In 进入某个函数内部之后,执行 Step Out 可以 完成函数剩余部分的所有代码,并退出函数,暂停在进入函数内部前的 M 文件所在行末尾。
- 完成函数剩余部分的所有代码,并退出函数,暂停在进入函数内部前的 M 文件所在行末尾。 (5) Save File and Run·运行当前 M 文件,快捷键是 F5:当前 M 文件设置了断点时,
- (6) Run configuration for: 运行调试配置文件。打开需调试的 M 文件后,点击工具栏的 Ne·按钮,将弹出一个如图 4-4 所示的该 M 文件的运行配置文件的编辑窗口。
- 在该编辑窗口,用户可以添加一些便于调试的代码、变量赋值、输入参数、中间变量 结果等。

在如图 4-4 所示的例子中,在该配置文件中,在 M 文件运行之前对其中的参数进行了 赋值,运行之后对其中的参数进行了运算。

有了该配置文件后,程序的运行结果 c=-18。读者可自己体验一下,加强掌握。

(7) Go Until Cursor。运行当前 M 文件到在光标所在行的行尾。

需要注意,以上这些调试项,除了Run(运行),首先都需要在M文件中设置断点,然后运行到断点位置后,这些调试项才可启用。

- (8) Set/Clear Breakpoint 在光标所在行开头设置或清除断点。
- (9) Se/Modify Conditional Breakpoint···· 在光标所在行开头设置或锋改条件断点,选 推此子项,会打开"条件断点设置"对话框,如图 4-5 所示,用于设置在满足什么条件时, 此处断点有效。



图 4-4 运行配置文件的编辑窗口



图 4-5 "条件断点设置"对话框

- (10) Enable/Disable Breakpoint 将当前行的断点设置为有效或无效。
- (11) Clear Breakpoints in All Files. 清除所有 M 文件中的断点。
- (12) Stop if Errors/Warnings···· 设置出现某种运行错误或警告时,停止程序运行,选择此子项、会打开"错误/警告设置"对话框,如图 4-6 所示。
 - (13) Exit Debug Mode: 退出调试模式。

上面逐项讲述了 Debug 葉单下每一个子项的意义,实际上,很多子项都有对应的快捷工具 按钮。MATLAB 代码编辑-调试器中,如图 4-7 所示的部分工具按钮就是用于 M 文件调试的。

图 4-7 中的各个工具按钮,从左向右依次对应于 Set/Clear Breakpoint、Clear Breakpoints in All Files、Step、Step In、Step Out、Run、Exit Debug Mode 等菜单子项。



图 4-6 设置出现某种运行错误或警告则停止程序运行

の日本の日の日

图 4-7 调试工具按钮

通常的调试步骤是:

【步骤 1】 先运行(Run)一遍 M 文件, 针对具体的出错信息, 在适当的地方设置断点或条件断点;

【步骤 2 】 再次运行(Run)到断点位置(如图 4-8 所示),此时 MATLAB 把运行控制 权交给键盘

【步骤 3 】 此时命令窗口出现 "K>>" 提示符 (如图 4-9 所示); 可以在命令窗口中查询 M 文件运行过程中的所有变量,包括函数运行时的中间变量。

【步骤 4】 运行到断点位置后,用户可以选择 "Step/Step Into/Step Out" 等调试运行方式,逐行运行并适时查询变量取值,从而逐渐找到错误所在并排除。





图 4-8 设置断点后运行(Run)到断点所在位置 图 4-9 调试模式时 MATLAB 命令窗口把控制权交给键盘

4.8 本章小结

本章團統數值计算介绍了 MATLAB 程序设计的基础知识,包括 MATLAB 的基本操作 和编程技巧,这些都是后面内容的基础。

MATLAB 拥有众多的内置函数,学习 MATLAB 时,读者不要试图完全记住或者掌握 它们,需要学会使用 help、lookfor 等命令查找所需的命令或函数。

在编写 MATLAB 程序、尤其是大型、复杂的 MATLAB 程序时,要多从用户角度考虑, 力求让程序的例外处理机制完美,具有更好的可读性,但同时也要考虑算法的执行效率, 找到这两方面的一个较好的平衡。

第 2 篇

MATLAB 金融计算及实例篇

- # 第5章 金融类工具箱
 - # 第6章 金融数据可视化和数据获取
 - 第7章 固定收益证券计算
 - # 第 8 章 利率期限结构和利率模型
 - 第9章 金融衍生品计算
 - 第 第 10章 投資組合管理与风险控制
 - # 第11章 奇异期权和利率期权定价

第 5 章 金融类工具箱

太音导速

在当代金融学的发展中,基于计算机系统的定量计算对投资分析、风险控制等起着越来越重要的作用。而 MATLAB 作为一款优秀的工程软件,在金融计算领域仍然秉承了其易用的风格,并将矩阵作为计算的基础单元。

其次,MATLAB 作为一个研究平台和开发平台,还提供了良好的对外接口,并且 MATLAB 对 Java 的支持极大地标览了其在复杂 [] 环境中的集成开发速度。对于 MATLAB R2008b 来说,其对 C、Fortran、SQL、Java 等的支持方便了研究人员在一个统一的环境下 排行恢调开发。

另外 MATLAB 内量的工具箱提供下标准的金融模型,使得开发人员不用在底层模型上耗费过多的时间,并且重用性上有了很大的提升。在 MATLAB R2008b 及更高版本中,内置了金融类与三个工具箱。金融工具箱(Financial Toolbox \)。金融衍生品工具箱(Financial Derivatives Toolbox) 和固定收益工具箱(Financial Derivatives Toolbox)

5.1 瑞士再保险公司的案例

在保险和金融领域,MATLAB 在快速开发领域体现出来的独特优势,使得许多国际大公司开始考虑并部署基于 MATLAB 平台的应用。

瑞士再保险公司对于巨型自然灾害提供再保险服务,由于自然灾害的不可预测性,特 别是在一些飓风等极端天气不经常发生的地区。这也就意味着再保险业务的开展不能依赖 于历史教报而准确地确定可能潜在的损失。

瑞士再保险公司的自然灾害小组使用 MATLAB 开发了下一代的自然灾害潜在损失评 估權型的原型。權型包括了其多年来在此领域积累的众多模型。

Gerry Lemcke 的一句话也许能够体现出 MATLAB 在这方面的优势,"MATLAB 帮助 我们在一个非常短的时间内将我们 30 多年来积累的如识集成到一个应用框架下。在这个 项目中,MATLAB 是一个非常理想的软件开发环境,使得许多人能够同时在统一的环境下 解决一个复杂的问题。"

MATLAB在这种情况下的优势在于其快速开发性、协作性以及多语言支持特性,特别是在跨语言平台的混编上。这就使得一个组织或机构以前积累下的 IT 资源能够得以以低成本的方式重复利用。

在此项目中,瑞士再保险面临的首要问题就是时间的问题。在再保险行业中,主要数据的更新都是在每年的最后一个财季,这也就意味着相关人员只能从9月份开始培训,给

Lemcke 和他的同事留下的时间就只有8个月。

多年来,瑞士再保险的专家们基于不同的计算机语言和开发环境建立起了独立的关于 地震、洪水、飓风等自然灾害的模型。自然灾害小组想在此基础上将大量的已有数据导入 到建立的原型中。

在算法开发阶段,小组的首要任务就是通过很多的模拟和测试来检验其模型。Excel 不能有效地处理大规模的数据计算工作,而学习 Java 和 C++不论是从培训的时间上,还是 程序开发的质量上。都不能满足项目的需要。

"比如,当你想计算美国发生的热带风暴时,你需要运行一百万个人工模拟的北大西 洋热带风暴的数据,你需要快速地分析这些模拟数据。" Lemcke 说。

自然灾害小组的专家基于 MATLAB 系统和以前他们积累下来的经验,在八个月内完成了模型的建立。

Lemcka 表示"MATLAB 是一个非常好的开发和测试模型的环境,特别是对于一些非 T 类人员。在同 Excel 以及其他复杂语言,例如 C++和 Java 等的互连上 MATLAB 同样表 现出色。所以它是我们必然的选择。"

自然灾害小组首先将所有的模型组合到了一起,然后将所有的数据导入到 MATLAB 中。然后他们将精力集中在模型的开发,客户的需求和反馈上。

Lemcke 事后回忆说:"当时将所有的模型组合到一起纯粹是摸索着前进。我们是边学 边做。如果你发现什么东西不对了,你可以重写优化代码,以便于提高速度和数据的处理 能力。"

由于瑞士再保险公司只有大概 1000 个左右北大西洋上实际热带风暴的数据,他们用蒙特卡罗模拟的方式,在给定将来可能发生的热带风暴物理边界的情况下进行人工模拟。小组通过将这些人工模拟的数据和已有的历史数据进行对比,来评估可能存在的潜在损失。

与此同时, 小组人员用 MATLAB 自带的 MAP 工具箱将这些地理数据和对象转换成相应的抛闸对象。

最后,其IT部门用 Java 宣写了这个模型,从香港到南非的 50 多家客户现在使用这个 维亚夫计算地震和热带风暴等自然灾害可能带来的潜在损失。

目前, 瑞士再保险集团正将 MATLAB 应用于其对美国洪灾风险的控制上。

MATLAB 在风险控制和金融领域有着巨大的应用优势,这与 MATLAB 本身的设计功能有关。另外,其对于非专业人士来说,它是一个非常容易上手的工具,同时其对功能的 暴成度非常高,有利于提高开发的速度,使得非专业人士可以在很短的时间内开发出具有 专业水平的产品。

5.2 金融工具箱

MATLAB 的金融工具箱为金融计算提供了一个集成的计算环境,在金融工具箱的帮助下可以实现对金融数据的分析,统计以及可视化等功能。在金融工具箱的基础上,可以开发出针对复杂金融问题的解决方案。

5.2.1 主要功能

金融工具箱主要可以用于解决以下问题:

- 计算资产组合以及其他衍生证券的价格、收益率及敏感性等;
- 基于 SIA 标准的固定收益类证券的价格、收益率及敏感性的计算等:
- 实现对复杂资产组合的分析和管理等。
- 设计和评估资产组合的对冲策略,
- 实现对风险的识别、度量和控制等;
- 设计和评估资产组合的对冲策略:
- 实现对现金流的计算。包括收益率及折旧等。
- 实现对经济活动的分析和预测等。
- 实现金融时间序列数据的分析和可视化;
- 实现探索性研究所需要的计算平台。

5.2.2 体系结构

MATLAB R2008b 版本中包含的是 3.5 版本的金融工具箱, 其体系结构如图 5-1 所示:

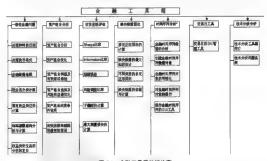


图 5-1 金融工具箱的结构图

金融工具籍解决的问题是金融计算中的常见问题,覆盖面比较广,能够解决一般的金 融问题,并且作为金融计算的基础,其规范了数据格式和结构等基本问题。金融工具箱在 MATLAB 的计算环境中起着非常基础的作用。

在一般性金融问题中,第一部分主要集中在数据格式的整理和数据可视化上。为使得

不同的日期系统和货币格式能够统一被 MATLAB 接受,工具箱实现了多种数据格式的读 写和转换、并且支持自定义格式的日期。

这点在实际问题研究中特别重要,在日期问题中,由于不同的日期系统涉及的起点不 同,因此在同 MATLAB 之间进行数据交换时需要注意进行平移转换。特别是一般情况下 的数据都是 Excel 格式、而 Excel 日期系统存在两套标准。

对于资产组合方面的应用、MATLAB 金融工具箱集中在资产组合的优化洗择以及投资 的绩效评估上。通过 MATLAB 金融工具箱,可以对资产组合的选择、优化和风险等进行有 效的控制。同时其提供的投资辅助功能有助于衡量和评估资产组合的投资业绩。

对统计数据的处理和时间序列的处理是 MATLAB 的一大特色。相对于专业的统计和 计量软件, MATLAB 有其不足的地方, 但是作为一款优秀的数学工程软件, MATLAB 在 R2008b 版本中对多元统计回归,以及时间序列的支持却足以满足绝大多数的应用。并且 借助 MATLAB 在统计方面的专业工具箱,可自行开发出具有很高复杂度的金融模型。

MATT.AB 在充分发挥其计算和图形显示方面, 在 R2008b 的版本中加强了对技术分析 的支持,共支持 25 种四大类常见的技术分析指标。

这些指标在国内常见的股票看靠软件上都可以经常看到。但是作为研究和模型开发。 这些技术指标的提供,为大家开发基于技术分析的自动交易软件提供了极大的方便,并且 可以根据实际情况,自行修改相关指标的计算规则而开发自己特有的技术分析指标。但需 要注意的是,基于 MATLAB 的图表分析是非常困难的。

5.2.3 主要函数

金融工具箱的主要功能函数分为以下四大类。

- (1) 投资组合分析
- portsim· 多资产回报时间序列模拟
- portalloc: 资本分配
- portopt: 任意约束条件的边界条件
- portvrisk·投资组合风险值
- (2) 利塞期限结构
- prbyzero: 从零息票利率曲线对债券定价
- disc2zero· 将贴现曲线转化为零息票利率曲线
- fwd2zero 将正向曲线转化为零息票利率曲线
- pvld2zero: 将平均收益曲线转化为零息票利率曲线
- termfit 使用样条工具箱对期限结构进行拟合
- zbtprice 利用 BOOTSTRAP 方法根据债券价格计算零息票利率曲线
- zbtvield 利用 BOOTSTRAP 方法根据债券收益计算零息票利率曲线
- zero2disc·将零息票利率曲线转化为贴现曲线
- zero2fwd·格瑟息亜利率曲线转化为远期利率曲线
- zero2pvld·将零息票利率曲线转化为平均收益曲线

繼誦 MATLAB 宗副计算

(3)期权评估以及敏感度分析

• blkprice 使用 Black Scholes 方法进行期权定价

• glsgamma: Black Scholes 敏感度分析

blsprice Black Sholes 公式计算看涨买权和看跌期权价格

(4)现金流回报率的计算

● annurate: 计算养老金周期利率

annuterm·计算回收期effrr: 计算有效回报率

• irr· 计算内部回报率

• mirr· 根据现金流计算修订内部回报率

● nomr: 计算实际回报率

● pvfix: 计算固定周期支付的现值

5.2.4 GUI工具

MATLAB 对于金融时间序列的分析提供了一个方便的图形界面窗口。如图 5-2 所示。整个界面分为四个部分 数据输入部分、数据输出部分、数据管理和金融时间序列对象属性设置。



图 5-2 ftstool 图形界面结构

需要注意的是,此GUI工具并不是为分析时间序列数据而开发,fistool只是为生成fints

类型数据而开发的数据生成和管理工具。而时间序列数据 fints 的分析是由 ftsgui 来承担的, 其图形界面结构如图 5-3 所示。



图 5-3 ftsgui 图形界面结构

5.3 金融衍生品工具箱

金融衍生品工具箱作为金融工具箱的一个扩充,为使用者提供了一个更加丰富的衍生 品计算环境。金融衍生工具箱主要基于数值方法,计算基于利率的几种衍生品,以及部分 基干权益的衍生品。

5.3.1 主要功能

金融衍生品工具箱支持对衍生品工具对象的创建、管理和计算。

基于利率的衍生品包括如下。

- 债券
- 含权债券
- 利率顶/底
- 固定利率票据
- 浮动利率票据
- 互換
- 互換期权
- 可回购/回售债券

同时衍生品工具箱支持建立产生任意现金流的金融工具,并提供了对任意现金流进行 定价和敏感性分析的工具。同时支持不同的利率模型和利率期限结构计算。在此版本的工 具箱支持如下4个利率模型。

- · Black-Derman-Toy (BDT)
- · Black-Karasinski (BK)
- · Heath-Jarrow-Morton (HJM)
- Hull-White (HW)

金融工具籍对基于权益的衍生品支持,主要在奇异期权方面,对普通香草型期权,其给出的是基于又树模型的期权定价结果。具体来说,此版本的工具箱支持如下奇异期权的计算。

- 亚式期权(Asia Options)
- 障碍期权(Barrier Options)
- 复合期权(Compound Options)

編編 MATLAS 完勝計算

- 回望期权(Lookback Options)
- 普通香草型期权(Vanilla Stock Options)

工具箱支持对如上期权的价格和敏感性计算。价格和敏感性的计算主要是基于如下的 又树模型。

- Cox-Ross-Rubinstein (CRR) 模型
- Equal probabilities (EQP) 模型
- Implied trinomial tree (TTT) 模型

5.3.2 体系结构

MATLAB R2008b 版本中包含的金融衍生品工具箱, 其体系结构如图 5-4 所示:



图 5-4 金融工具箱的结构图

从图 5-4 可以看出。金融衍生品工具箱的功能主要被划分成 3 大部分:

- (1)第1部分主要集中在利率期限结构的计算和应用,以及利率模型的计算和应用上;
- (2) 第2部分主要集中讨论关于权益类衍生品的定价问题,对于有解析形式解的定价 问题给出了解析解,更多是的给出了基于又树模型的数值定价方法;
 - (3) 第3部分的关注重点在资产组合的优化和最优配置上。

金融工具箱的利率模型主要是经典的叉树模型,假定利率的波动服从布朗运动。主要的利率模型有 BDT 模型、BK 模型、HW 模型和 HJM 模型。并且对于这些模型产生的二叉树,MATLAB 提供了一个可视化的工具 treeviewer 来展现构建的利率模型。

金融衍生品工具箱的另外一个主要的工具是提供了计算基于权益的衍生品所需要的 契树模型。在 MATLAB 中支持的模型有 CRR、EQP 和 ITT 模型。这些模型为奇异期权的 定价提供了巨大的方便。并对有解析解的符品品提供了解析解定价的结果。

金融衍生品工具箱对资产组合进行更详细的分析,主要集中在对冲和有约束条件的资

产组合两方面上。

5.3.3 主要函数

会融衍生品工具箱的主要功能在干利率模型的建立及其应用,对此将函数归类如下。

1. 模型应用类函数

Model+Function 类函数主要是模型在某方面的应用,例如 hjmprice 函数是利用 HJM 模型为金融产品进行定价,himsens 则是利用 HJM 模型计算金融产品的敏感性。

同美的函数有 bdtpsice/sens。bkprice/sens、creprice/sens、eapprice/sens、hwprice/sens。 ittprice/sens。这些函数实现了对股票价格运动的不同描述,有一个特点就是,这些模型都 身某干工态施机过程的股票价格运动描述。

2. 按照金融产品分类的定价函数

Instrument by Model 类函数主要是对特定金融产品利用不同的模型进行定价。例如 bondbyhjm 是利用 HJM 模型为债券进行定价,capbyhjm 是利用 HJM 模型为利率项进行定价,cfbyhjm 是利用 HJM 模型为现金流进行定价等。

所支持的产品有债券(bond)、利率项(cap)、现金流(cf)、固定利率票据(fixed)、浮动利率票据(float)、利率底(floor)、含权债券(optembad)、债券期权(optond)、互换(swap)。可以利用的利率模型包括HJM、BDT、BK和HW。

5.3.4 GUI工具

MATLAB 自带了一个用来查看叉衬模型的工具,其能将模型以图形化的方式呈现出来,如图 5-5 所示。

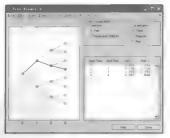


图 5-5 树图幸看工具

械通 MATLAB 室難计資

树图查看器可以以路径或者节点的不同方式去查看模型生成的二叉树或三叉树,在选项 Selection 中设置是 Path 或者 Node and Children。

在呈现方式上可以是表格,或图表。图形的不同方式,在 Visualization 中设置。如图 5-5 是以表格的形式呈现路径的显示结果。

下面通过一个简单例子讲述 Tree Viewer 工具的使用。在 MATLAB 命令行中输入如下命令,

~~	load	deri	

>> whos		
Name	Size	Bytes Class Attributes
BDTInstSet	1x1	15956 struct
BDTTree	1x1	5138 struct
BKInstSet	1×1	15946 struct
BKTree	1x1	5904 struct
CRRInstSet	1x1	12434 struct
CRRTree	1x1	5058 struct
EQPInstSet	1x1	12434 struct
EQPTree	1x1	5058 struct
HJMInstSet	1x1	15948 struct
HJMTree	1x1	5838 struct
HWInstSet	1×1	15946 struct
HWTree	1x1	5904 struct
ITTInstSet	1×1	12438 struct
ITTTree	1x1	8812 struct
ZeroInstSet	1x1	10282 struct
ZeroRateSpec	1x1	1580 struct

可得到 MATLAB 自带的数据结构 deriv 中包含的数据。 在命令行中输入如下命令:

>>treeviewer(BDTTree)

得到基于 BDT 模型的二叉树图, 如图 5-6 所示。

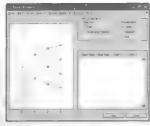


图 5-6 BDT模型的二叉树图

5.4 固定收益工具箱

固定收益工具箱拓展了 MATLAB 在固定收益证券方面的功能,在模型上有了极大的扩充,并且增强了其分析功能。

5.4.1 主要功能

用户可以在固定收益工具箱的帮助下实现对固定收益证券价格、收益率等的计算,包括 MBS、公司债、国债、市政债、大额存单和国库券等。

同时固定收益工具籍也可以计算一些衍生品,例如互换、可转债、国债期货等。用户可以利用内置函数,构建基于 MBS 和债务工具的固定收益模型。可以基于这些模型计算:

- 固定利率抵押贷款池和气球型抵押贷款的价格和收益率。
- 债务工具的价格,收益率,贴现率和现金流的支付时间表等。
- 计算互换比率和敏感性:
- 利用市场数据。分析和计算利率期限结构。

对于抵押贷款支持证券 (MBS), MATLAB 工具箱提供了加下功能。

- 基于 PSA 标准的提前支付比率、计算 MBS 证券的价格和收益率。
- 利用期权调整价差的方法得到抵押贷款池的价格和有效久期。
- 利用凸性、久期和平均期限等计算抵押贷款池的基点差风险。

对于债务工具,MATLAB的工具箱允许用户处理多种债务工具。用以计算其价格、收益率、折现率和国库券贴现率的盈亏平衡点,计算公司债,国债和市政债券的价格,收益率以及现金流。

通过固定收益工具箱内量的零息票债券相关函数,可以方便地得到任意期限上的固定 息票率债券的现值。

同时对于 Stepped-Coupon 债券的价格、收益率和现金流方面的计算,MATLAB 的固定收益工具箱也提供了强有力的支持。

利用固定收益工具箱提供的对于衍生证券的支持, 用户可以处理很多基于固定收益证券的衍生品价格、收益率等。

利用固定收益工具箱,可以计算互换,可转债,以及对资产组合的对冲管理等。

5.4.2 体系结构

MATLAB R2008b 自带的固定收益工具箱是 V1.6 版本。对上一个版本的更新体现在对 利率期限结构对象的操作上。

固定收益工具箱结构如图 5-7 所示。

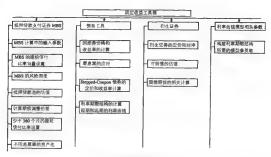


图 5-7 固定收益工具箱结构限

固定收益工具箱内主要应用在如下两个方面.

- 增强了对于 MBS 计算的支持,对于 MBS 的支持可以有效地帮助用户分析 MBS 证券:
- 增强了对于利率期限结构数据的支持,这一点有利于建立一个统一的利率期限结构 描述框架,实现编程过程中的统一性和简洁性。

在此基础上,固定收益工具箱的主要功能是对期限结构的计算以及对特殊债券的价 格,收益率的计算等,包括公司债、国债、市政债。

5.4.3 主要函数

固定收益工具箱的主要功能函数分为以下六大类。

(1) 大额存单类

cdai

计算大额存单的应计利息

 cdprice 计算大额存单的价格 cdvield

计算大额存单的收益率

(2) 抵押贷款支持证券

MBS 证券价格 mbsprice

 mbsconvp MBS 证券的凸性 mbsdurp MBS 证券的久期

(3) Stepped-Coupon Bonds

 stepcpnprice Stepped-Coupon 债券的价格

 stepconvield Stepped-Coupon 债券的收益率 (4) 国库券

● tbillprice 国库券价格

● tbillyield 国库券收益率

● tbillval()1 利率变动一个基点导致的国库券价格变动量

(5)国债期货

● tfutbyprice 国债期货的价格

(6)零息票债券工具

• zeroprice 给定收益率情况下的零息票债券的价格

◆ zeroyield 给定价格情况下的零息票债券的收益率

5.5 本章小结

应用。

本章简要介绍了 MATLAB R2008b 中金融相关的工具箱,集中讨论了在金融工具箱、金融衍生品工具箱和固定收益工具箱。

相比较而言,金融工具籍完成了绝大多数的功能。而金融衍生品和固定收益两个工具籍则在自己的领域各有侧置。

箱则在自己的领域各有侧重。 在接下来的章节中,本书会引导读者逐渐了解其中模型的具体细节、组织结构,及其

在利率模型领域, 侧重于对模型具体细节的讨论和实现, 以及模型的应用。希望通过 对利率模型的详细讨论使读者对已有经典模型有一个比较深入的了解。

希望通过本书,读者能够对常见利率模型,普通期权定价模型及奇异期权的定价方法 有详细的了解,并在此基础上开发出具有实用性的金融模型。

第 6 章 金融数据可视化和数据获取

本童导读

金融数据的可视化在金融计算中占有重要地位。在金融数据可视化上,MATLAB提供 了众多函数,实现金融数据的图形化表示,其提供的众多图形化工具,完全可以满足金融数据图形展示的需要。本章将对几个典型、基本的函数进行介绍,并对技术分析做简单讨论。

市场上的金融数据一般都是以时间序列的形式给出的,因此关于 MATLAB 对日期型数据的处理对于金融计算来说就尤其重要,将不同的日期数据格式转化成标准的 MATLAB 格式便于处理就非常重要了。这部分讨论是后续学习的基础,读者应掌握本章介绍的主要内室、并熟悉其操作。

为增强本章的实用性,本章涉及的数据集 bggf.mat 来自于上证所的实时交易数据,股票名称"宝钢股份",交易代码 600019。

本章数据仅做展示用、请勿参照投资。

6.1 日期和货币数据处理

6.1.1 日期数据格式

在金融数据处理上,经常见到如下的日期格式*15-Mar-2008',这个表示形式是按照日 /月/年的标准格式。不同的软件支持不同的日期数据格式,MATLAB 接受的数据格式除此 之外,还有众多不同类型,常见的数据格式如表 6.1 所示,共有 19 种。

序	목	日期格式	描述
1		01-Mar-2008 23 45:17	日/月/年 时/分/秒
2		01-Mar-2008	日/月/年
3		03/01/00	月/日/年
4		Feb	月,三字母简写
5		A	月、单字母
6		5	月, 数字
7		03/08	月/日
8		18	月中的天
9		Wen	周、二字母表示
10		w	商, 单字仍表示

賽 6.1 MATLAB 日期格式

		集 表
序号	日期格式	描 迷
11	2008	年,四数字表示
12	08	年,双數字表示
13	Mar08	月/年
14	17:05:17	时:分秒
15	23:05:37 PM	时:分·秒 下午
16	15:45	时:分
17	03:15 AM	时:分 上午
18	Q1-08	李-年
19	QI	#

MATLAB 能接受的数据格式有如上的 19 种,以上数据格式只是显示格式,即面向终 谐显示,以便于用户阅读。

在 MATLAB 内部,MATLAB 将所有的时间都处理成一个连续的数值(serial date numbers)。其起点设置为公元元年1月1日0点0分。

比如,733482 代表的就是 2008-3-15,这里代表的含义就是 2008-3-15 距离公元元年 Jan 01 (0000-01-01)的天数是733482 天。

另外,这个日期数值是一个连续数值、单位为天,也就是说,这个连续的数值可以是 小数,这样就可以用来表示时、分、秒,这样 MATLAB 特时间单位统一化之后,用一个 连续的数值来表示。因此,将这个数值转化成自然人能够阅读的日期格式,并且实现不同 格式之间的转换和处理,在 MATLAB 中就尤其重要。

同时,对于后面将要涉及的各种函数,都可以接受这种连续型数值日期或者上述字符 串格式的日期型数据,格式之间的转换应该是必须熟练掌握的。

6.1.2 日期型数据处理函数

在 MATLAB 内部常用的日期数据处理函数有如下几种, 如表 6.2 所示, 其基本功能如 注释所示。

BR2 MATIAR 日期外羽函數

表 0.2 MATCHO 口形及企业的双			
1 datenum	实现其他格式日期向 MATLAB 内部日期格式转换		
2 datestr	从内部格式對字符串格式日期的输出,并转换格式		
3 m2xdate	实现 MATLAB 日期格式向 Excel 日期的转换		
4 x2mdate	实现 Excel 日期格式向 MATLAB 日期的转换		
5. now	当前时间,横确到秒		
6 date	当前日期、返回字符串格式		
7 today	当期日期,返回内部格式		
8 day	求出內部格式日期的日		
9 month	求出内部格式E期的月		

10 year	求出内部格式日期的年
11 hour	求出内部格式日期的小时数
12 second	求出内部格式日期的分钟数
13. munutes	求出内部格式日期的秒数

同时,MATLAB 支持不同标准下的时间计量标准,其中包含常见的 PSA 和 ISDA 标准。 先将此类函数罗列如下。

- days360
- days360e
- davs360isda
- days360psa
- days365
- days30.
 daysact

比如同样是 2006 年 7 月 1 日到 2007 年 7 月 1 日,在 days360 函数下的返回值是 360 天,而 days365 函数的返回值是 365 天,在不同的天数计数法则下返回值是不同的。具体 的情况,应根据不同的市场交易制度和产品交易条款确定。根据具体的金融产品,使用不 同的规则。

務數 boliday、busdate、isholiday 可用来判斷是否是假日,交易日等。內置的假日數据 是按美国假日标准制定的,用户可自行制定假日。这点在不同国家应用是不同的,特别是 针对国内的阴历节假日转换,在使用 MATLAB 时应格外注意此类问题,否则会得出错误 的结果。

另外,由于目前国内交易日的特殊性,在 MATLAB 黑尚没有解决阴历节假日的问题,这点需要读者根据实际情况自己设定相应的节假日。

注意, 函数 datenum, datestr, datevec, comday, now 和 weekday 原来是 Financial Toolbox 的专有函数, 目前已经转化成了 MATLAB 中的基本函数。datenum 和 datestr 是这部分数 据处理的核心函数, 学会反复调用, 以实现数据处理的目的。关于函数的详细列表, 读者 可参考本书附录中关于函数的说明。

将字符出型日期转化成数值型日期的函数是 datenum。

【语法格式】

DateNumber = datenum(DateString)
DateNumber = datenum(DateString, Pivot)
DateNumber = datenum(Year, Month, Day)

DateNumber = datenum(Year, Month, Day, Hour, Minute, Second)

【输入变量】

DateString \$輸入的字符串型日期
Pivot \$控制两位简写字符串日期
Year \$年份

Month	*月份
Day	8 E
Hour	多小时
Minute	%分钟
Second	8秒钟

【物出來看】

DateNumber %数值型日期

【例 6-1】 字符串型日期与数值型日期转化实例。将字符串型日期转化成数值型日期。

```
>> datenum('14-Mar-2008')
ans = 733481
```

上述命令将字符串型日期'14-Mar-2008'转化成为 MATLAB 内部数据格式——个连续的数值型日期值 733481。

```
>> datenum('03/14/2008')
ans = 733481
```

datenum 对表 6.1 中的日期格式均可接受。>> 是 MATLAB 命令提示符。在 >> 之后的是 MATLAB 會口中可以执行的代码,ans 是默认的返回值,显示结果。

【例 6-2 】 将日期数据转化成内部数据格式实例。将年月日时分秒的数字行日期,转 化成内部数值型日期格式。

```
>> datenum(2008,3,14,20,12,32)
ans = 7.334618420370370e+005
```

MATLAB 一般以科学计数法显示,可用 format 命令更改显示长度。最常见的使用格式是 format long 和 format short。但需要注意的是, format 命令只是改变数据的显示精度,其存储精度是由数据类型决定的,一旦数据类型确定了。其存储精度效确定了。

【例 6-3】 Pivot 参数调用实例。Pivot 参数调用。

```
>>datestr(datenum('03-Jun-08'))
ans =03-Jun-2008
```

需要谈明的是:这里涉及 datestr 函數(后面将要讲到)是为读者观察方便。从上面的 输出结果可以知道,对于'03-Juun-08'表示的时间是 03-Jun-2008, 系统默认开始的年份是 2008-50-1958 年(其中 2008 是当前年份),自此年份起,第一个后面两个数字是 08 的年份是 2008 年。

如果我们给 Pivot 一个指定的年份,比如 2009 年,我们看着什么结果。

```
>> datestr(datenum('03-Jun-08',2009))
ans =03-Jun-2108
```

ans =03-dun-210

Pivot=2009 告诉系统,现在是从 2009 年算起,到下一个结尾是 08 的年份,结果是 2108 年。

統通 MATLAB 電腦计算

对字符串型日期的操作有了基本的了解后,下面讨论如何将数值型日期格式转化成字 符串型日期格式。当系统返回值是按照内部数值型日期格式的时间,正常阅读时不能人工 判断当前返回值的日期,MATILAB为此提供了另外一个函数 datestr 来将内部数值型日期 株式转换为字符串型的转换。

【语法格式】

【例 6-4】 日期输出格式实例。输入变量格式参数下的使用。

```
>> datestr('03-Jul-2008',2)
ans =07/03/08
>> datestr('03-Jul-2008',1)
ans =03-Jul-2008
```

可见,F参数决定了日期输出的格式,MATLAB内部支持31种标准日期格式,并支持自定义格式。F参数的意义在于从不同的数据库系统或者文件系统,比如SAS读入不同的日期格式,完成自动转换时是非常方便的,将读入的数据实现格式的转换,这点读者在实际应用中是非常有用的。

不同的数据库文件,写入的时间格式是完全不同的,MATLAB 支持的自定义日期格式 为这种多样的日期格式提供了一个转换的平台。

【故巧与福宗】

面对 31 种输出和转换梯式,不免心生存疑。解决问题的根本在于如何查看 help 文档。 这里我们给出一个小的程序,用以查看下来数取值不同的时候,到底对应什么样的输出格 式。在脚本文件里面粘贴如下代码,按 F5 执行。

```
clear;
clc;
for i=1:31
   [num2str(i) '-->' datestr(now,i)]
end
```

第一行, clear 命令是清空内存变量。

第二行,clc命令清空命令雷口(注意,并不能清空内存变量)。

第三行,一个 for 循环,次数是 31 次。

第四行, num2str(i)将i转化成字符串; '->是连接符, datestr(now,i)的作用是将现在 的时刻,在F取值为i的时候显示出来,这样,我们就得到了一个对应的i取不同值时候, DateForm 参数对应的字符串输出格式了。

表 6.3 标准 MATLAB 日期调用格式

納 号	字符串	示 例
***************************************	**********************	******************************
0	'dd-mmm-yyyy HH:MM:SS'	01-Mar-200015.45:17
1	'did-mmm-yyyy'	01-Mar-2000
2	'mm/dd/yy'	03/01/00
3	'cesnan'	Mar
4	'm'	М
5	'com'	03
6	'mm/dd'	03/01
7	'dd'	01
8	'ddd'	Wed
9	AL.	W
10	'99999'	2000
II	'yy'	00
12	'mrumyy'	Mar00
13	HEH:MOM:SS'	15:45-17
14	'HH MM:SS PM'	3-45-17 PM
15	HEH-MOM:	15:45
16	'HH.MM PM'	3:45 PM
17	'QQ-YY'	Q1-96
18	.00.	QI
19	'dd/mm'	01/03
20	'dd/mro/yy'	01/03/00
21	'mmm.dd,yyyy HH:MM:SS'	Mar.01,200015:45.17
22	'mmm.dd.yyyy'	Mar.01,2000
23	'mm/dd/yyyy'	03/01/2000
24	'dd/mm/yyyy'	01/03/2000
25	'yy/mm/dd'	00/03/01
26	'yyyy/mm/dd'	2000/03/01
27	'QQ-YYYY'	Q1-1996
28	'ттируууу'	Mar2000
29(ISO8601)	'yyyy mm-dd'	2000-03-01
30(ISO8601)	'yyyymmddTHHMMSS'	20000301T154517
31	'yyyy-mm-ddHH:MM:SS'	2000-03-0115:45:17

如前所述,实际的数据处理过程中,碰到的格式可能是千变万化的,怎么实现在 MATLAB 标准格式和外部非标准格式之间的相互转化就显得非常重要的,这里提供如下 的示例。

休週 MATLAB 金融计算

通过采用控制 datestr(D,F)中参数 F 的具体格式实现自定义日期格式的输出。关于 yy/dd/mm 等的含义,请参看 MATLAB 帮助文档。

【例 6-5】 日期型数据自定义格式实例。实现自定义日期格式的输出,要求将现在的时间。按照 08.15.03 的格式进行输出。

```
>> datestr(now,'yy.dd.mm')
ans =08.15.03
```

其中 F 不是标准的数字,用来标定日期变量的输出格式,用yy.dd.mm'字符串定义日期的格式化输出。以上结果使用 now 函数,结果会根据读者测试时间的不同而不同。

如果想要将一个非标准日期数据实现标准输入,应首先将非标准日期数据转化成内部 数值型日期格式,然后输出到指定格式。

【例 6-6】 日期格式整理实例。将例题 6-5 的输出日期日期 08.15.03°, 按照标准格式 13-Mar-2008° 的格式输出。

```
>> datestr(datenum('08.15.03','yy.dd.mm'),1)
```

可见,通过 datenum 和 datestr 的嵌套调用,完成了相应的任务,实现了日期型数据的 标准化输入。

上面介绍了日期型数据的格式化输出和输入,为实现某种规律格式日期的批量生成需要,在datenum和datestr函数中,支持向量形式的日期型数据批量生成。

【例 6-7】 规则日期型格式数据的批量生成实例。完成日期型数据的批量生成操作。 在命令數口下输入如下命令得到返回值。

```
>> datestr(datenum(2008,1:3,3))
ans =
03-Jan 2008
03-Feb-2008
03-Mar-2008
```

上述 datenum(2008,1:3,3),利用 MATLAB 的向量运算规则,返回的是 2008 年 $1\sim3$ 月的每月 3 号的内部日期格式,是一个 1×3 的向量,通过 datestr 函数,转化成相应的标准字符串格式,结果如上述输出所示。

生成 2008 年 1~6 月奇数月份的第 3 天。

```
>> datestr(datenum(2008,1:2:6,3))
ans -
03-Jan-2008
03-Mar-2008
03-May-2008
```

可见,在 MATLAB 里,这种对向量格式输入的支持大大拓展了数据生成过程中的便 利程度,读者可根据需要,充分利用这种向量输入格式。 MAIT.AB 对可能的数值型日期函数有自动识别功能。一般情况下,比如取得了一只股票每天的收盘、无效的格后,构成了一个 N×3 的矩阵,第一列是时间,第二列是开盘价格、第三列是收盘价格。

一般情况下,第一列的数值会是一个比较大的警费、后面的价格一般比较小,此时用 datedisp 函数,MATLAB 会自动识别,将大于 693962 的整数自动识别为日期。693962 对 应的日期是 01-Jan-1900。

【语法格式】

D=datedisp(NumMat)
D=datedisp(NumMat, DateForm)

【動入变量】

NumMat

8对应的包含数值型日期数值的矩阵

DateForm %指定輸出日期格式

【全事出作】

D

8对应指定格式的日期输出值

【例 6-8】 股票价格序列中日期数据自动转换实例。将股票价格序列中的数值型日期 转换成指定格式。假设对应的股票价格序列的原始数据如下:

733408	3.23	3.56
733409	3.57	3.34
733410	3.32	3.45
733411	3.44	3.78
733412	3.79	4.00

第一列是对应的数值型日期,从 01-Jan-2008 到 05-Jan-2008,后面两列分别是开盘价格和收盘价格。完成日期格式的自动识别显示。

在 MATLAB 常口中输入如下命令:

>>Mat=[7334	0.8	3.23	3.56
733409	3.57	3.34	
733410	3.32	3.45	
733411	3.44	3.78	
733412	3.79	4.00];	
>> (datedisp	(Mat)	
01-Jan-2008	3.23	3.56	
02-Jan-2008	3.57	3.34	
03-Jan-2008	3.32	3.45	
04 Jan 2008	3.44	3.78	
05-Jan-2008	3.79	4	

从上面的輸出结果可见,datedisp 函數是可以自动识别特殊數值的。本质上这个函数, 就是对矩阵的每个元素做运算,如果元素在制定范围,则对其进行转换。在命令窗口中输 入 type datedisp,即可查看相应的实现代码。

但是,对于某些特殊数据可能取值就恰好在此区间,则会出现错误识别,因此在批量

精液 MATLAB 金額计質

处理数据时,并不建议采用此函数。

在日常办公环境中,常采用的简单数据处理软件是 Microsoft 提供的 Excel。 Excel 已 经成为标准的办公软件,因此如何实现 Excel 和 MATLAB 之间日期型数据的转换就尤其 需要。

在 MATLAB 中, 完成日期格式同 Excel 之间转换的函数是 m2xdate 和 x2mdate。

由 MATLAB 向 Excel 日期型数据转换的函数是 m2xdate。

【语法格式】

DateNumber=m2xdate(MATLABDateNumber.Convention)

【给入亦書】

MATLABDateNumber

₹MATLAB 日期型数据

Convention %转换起始时间约定

【输出变量】

DateNumber

*Excel B期型数据

需要注意的是 Convention=0 时, 是将 31-Dec-1899 设为起始时间 1; Convention=1 时, 是将 1-Jan-1904 设为起始时间 1。

由 Excel 向 MATLAB 日期型数据转换的函数是 x2mdate。

【语法格式】

DateNumber=x2mdate(ExcelDateNumber,Convention)

【输入变量】

Excel DateNumber

%Excel 日期型数据

Convention

&转换配始时间约定。同 m2xdate

【输出变量】

DateNumber

SMATTLAR 日期恐虧据

之所以会存在以上的转换,是由于在 MATLAB 和 Excel 内部默认的时间起始点是不同的,因而存在以上转换。且 Excel 内部也存在两种日期起点。在转换过程中,是通过输入变量 Convention 来控制的。

【例 6-9】 MATLAB 日期数据向 Excel 日期数据转换实例。将 MATLAB 的日期数据, 转化成 Excel 的日期型数据。

```
>> m2xdate(date)
ans =
```

date 函数是取当前日期,和 m2xdate 函数嵌套使用。

最后,介绍简单的 now()和 today()函数。now()返回的现在的时刻精确到秒;而 today ()返回的是日期,精确到日。结果如下所示:

```
>> now()
ans = 7.334830867685301e+005
>> today()
ans = 7.33483
```

可以用 datestr 函數查看 today 返回的结果是不是今天, 和现在的时间。

```
>> datestr(now)
ans =16-Mar-2008 02:06:02
>> datestr(today())
ans =16-Mar-2008
```

至此,本节介绍了在 MATLAB 中常见的日期操作函数,熟悉了 MATLAB 内部日期 数据的处理方式,以及日期显示的字符串格式之间的相互转化。重要的是通过两个函数, 实现了 MATLAB 和 Excel 两种软件之间数据格式的转化,为 MATLAB 和 Excel 之间的数 据通信奠定了基础。

6.1.3 非交易日数据

MATLAB 既然用来做金融数据的处理,那根据市场的实际运行状况,交易过程中间存在着假期,非交易日等,这就要求对这些日期的空数据进行处理。同时,在计算两个时间节点之间的交易日时,应侧除非交易日的情况。

对于具体的函数这里不展开讲解,读者可根据需要参考帮助文档,这里考虑函数 holidays 和 busdate 函数。

holidays 函数包含了纽约股票交易所(New York Stock Exchange) 在 1950 年到 2050 年之间的非交易日情况,当然,在 2001 年之前,其肯定没有预测到 9.11 这类特殊事件。 holidays 并不包含周末的情况。

而 busdate 是指交易日,MATLAB 里处理 busdate 的函數由 fbusdate,Ibusdate 分别处理每 月的第一个交易日和最后一个交易日的情况。本节就 holidays 及 busdate 函數做详细介绍。

标准假日的提取采用 holidays 函数。

【语法格式】

H = holidays(StartDate, EndDate)

【输入变量】

StartDate %启示日期 EndDate %结束日期

[雪出亚曼]

E %返回在起始日期和结束日期之间的假日

【例 6-10】 非交易日数据提取实例。计算 1-1-2008 到 6-1-2008 之间的假日在 MATLAB 命令會口中输入如下命令·

```
>> datestr(holidays('1-1-2008','6-1-2008'))
```

橋通 MATLAB 金融计算

ans :

01-Jan-2008

21 Jan-2008

18-Feb-2008 21 Mar-2008

26-May-2008

可见返回值是美国的一些假日标准。

美国和中国假日的标准有所不同,中国的很多假日是按照传统阴历计算的节日,而美国节日多以每月的第几个周末而定,因此,并不是固定的日期。

如果该者有自己的假朗需要加入,比如根据中国的情况、调整清明,端午,中秋,可 以采用 createholidays 函数,具体使用情况,请读者自行参阅帮助文档。构建一个基于中国 法定假日的数据虚拟于研究中国金融数据会带来极大的方便。

6.1.4 货币格式转换

在金融数据处理的过程中,经常用到的货币格式是不同的,因此一般需要进行转换。 比如美国国债市场报价一般不以美分进行报价,而是以 1/8 美元进行报价。

MATLAB 中支持的格式有3种:货币格式、字符串格式、分数格式。

货币格式是一般常见十进制小数的形式;字符串格式和分数格式都是以字符串形式存 在的,便于报表输出时的格式定制。

(1) MATLAB 提供的分数格式向货币格式转换的函数为 frac2cur。

【语法格式】

Decimal = frac2cur(Fraction, Denominator)

【始入变量】

Fraction

%分数形式的货币数量 %指定分数格式的分份

Denominator

Decimal %小數形式的货币数量

(2) MATLAB 提供的货币格式向分数格式转换的函数为 cur2frac。

【语法格式】

Fraction = cur2frac(Decimal, Denominator)

【輪次空業】

Denominator

8指定分数格式的分母

Decimal

8小数形式的货币数量

【独世事集】

Fraction %分数形式的货币数量

(3) MATLAB 提供的货币格式向字符串格式转化的函数为 cur2str。

【语法格式】

String - cur2str(Value, Digits)

「雇人ツ値」

Value %货币数量 Digits %小数点位数

【東田豆 】

String %返回字符串形式的货币数量

【例 6-11】 货币格式转换实例。将-6.125 美元分别转换成分数格式(1/8 美元最小报价单位)和字符申格式。

在 MATLAB 里分别输入以下命令。

```
>> cur2frac(-6.125,8)
ans =-6.1
>> cur2str(-6.125)
ans = ($6.13)
>> frac2cur(cur2frac(-6.125,8),4)
ans = -6.2500
```

读者请参看三个函数的语法格式,理解输出结果。需要指出的是,面对负数时,字符串格式的输出是用括号表示负数,并且会自动加上一个美元符号S。

6.2 MATLAB 图表操作

在金融数据的可视化操作中,图形的展示是建立在图表窗口之上的,因此用到大量的图表操作,MATLAB提供了用于图表创建、数据的导入导出等操作的函数,下面分别进行介绍,帮助读者建立对 MATLAB 图表操作的基本概念。

6.2.1 图表窗口的创建

MATLAB 中对图表窗口操作的最基本函数是 figure, 其调用格式为:

【语法格式】

h=figure('PropertyName',propertyvalue,...)

【输入率量】

'PropertyName' %figure 对象固有属性

propertyvalue %属性值

輸出变量

h %窗口句柄

精源 MATLAB 常書计算

MATLAB 为每个图形會口提供了很多腐性。这些属性及其取值控制着图形會口对象。 除公共属性外,其他常用属性如下: MenuBar 属性、Name 属性、NumberTitle 属性、Resize 属性、Position 属性、Units 属性、Color 属性、Pointer 属性、KeyPressFen (键盘键按下响应)、WindowButtonDownFcn (鼠标键按下响应)、WindowButtonMotionFcn (鼠标移动响应)及WindowButtonUpFcn (鼠标键释放响应)等。至于这些属性的具体含义,请查看帮助文档。

属性值的获取和修改使用 get/set 函数对。

MATLAB 通过对属性的操作来改变图形窗口的形式。也可以使用 figure 函数按 MATLAB 數认的屬性值建立图形窗口。

figure h=figure

在有多个窗口的情况下,使用含参数的 figure(n),则激活当前句柄值为 n 的图标窗口。 如没有句柄值为 n 的窗口,则创建句柄值为 n 的窗口。可用 gcf 函数查看当前图形窗口的 句柄值。

要关闭图形雷口、使用 close 函数、其常用的调用格式为:

close (窗口句柄)

另外,close all 命令可以关闭所有的图形窗口,clf 命令则是清除当前图形窗口的内容,但不关闭窗口。

【例 6-12】 图标窗口创建实例。建立图表窗口实例、并获取当前活动图标句柄。

>>figure

8建立實口,MATLAB 默认句柄返回值是 1

>>figure(1)

4激活句柄值为1的書口 4音看当前活动書口。返回書口句柄值为1

>> gcf ans = 1

在实际应用过程中,引用作图相关的函数,比如 plot 等,系统自动生成相应的窗口, 并按顺序赋予相应句柄值。需要在多图中展现数据时,建立全新的窗口就很有必要了。

在 GUI 编程中,当主程序界面有限,而需要展现的复杂数据在对话框元素中不能全部 展现时,开启新的窗口就很有必要了。

比如对于股票的多股同列,想在一个界面上通过多个子會口同时监控几只股票的走势,则在绘图时就会涉及对不同的子會口进行操作,这样就需要用到句柄操作的概念。

6.2.2 图表数据的保存和载入

MATLAB 提供了数据保存和载入的函数,分别为 save 和 load,下面分别进行介绍。 【语法格式】

save filename content

【输入变量】

【输出变量】

在当前工作日录窗口中生成相应 mat 文件。

将变量列表 variables 所列出的变量保存到磁盘文件 filename 中, variables 所表示的变量列表中不能用逗号。各个不同的变量之间只能用空格来分隔。

未列出 variables 时,表示将当前工作空间的所有变量都保持到磁盘文件中。默认的磁盘文件扩展名为".mat",可以使用连字符"-"定义不同的存储格式(ASCII、V4等)。

【语法格式】

load filename content

【输入变量】

filename % 载入文件的名称

content %可选,载入变量列表,默认是全部变量

【輸出車圖】

载入当前工作目录窗口中相应文件。

将用 save 命令保存的变量 variables 从磁盘文件中调入 MATLAB 工作空间。用 load 命令调入的变量。其名称为用 save 命令保存时的名称。

在 variables 所表示的变量列表中,不能用逗号,各个不同的变量之间只能用空格来分隔。未列出 variables 时,表示将磁盘文件中的所有变量都载入工作空间。

【例 6-13】 载入文件实例。

>>load 'boof.mat'

当文件位于当前工作目录下,直接输入文件名即可,否则需要输入文件所在目录的绝对路径。下面是我们读入数据的前十行结果,时间序列是顺序的。

4.96 7.36 4.88 6.09 5.81 5.94 5.69 5.7 5.68 5.7 5.5 5.58 5.58 5.65 5.52 5.53 5.53 5.54 5.28 5.34 5.34 5.45 5.32 5.35 5.35 5.36 5.26 5,29 5.3 5.43 5.28 5.36 5.36 5.35 5.44 5.38 5.4 5.45 5.39 5.4

在 MATLAB 中,数据都是以矩阵形式存储的,对于金融数据来说,有如下原则:

- 数据的读入需遵循严格的顺序,时间序列数据的顺序很重要。
- 数据的每一列是作为一个变量。
- 数据的每一行,是作为变量的一个观测:

精湯 MATLAB 余度计量

这样,上面的敷握就很容易理解了。上面的敷据是宝铜股份某10天的交易价格情况, 每行代表一天。第一列代表的是开盘价格,第二列代表的是最高价格,第三列代表的是最 低价格,第四列代表的是收盘价格。

这里关于数据格式的说明很重要,下面的内容都是基于本数据样本的。

通过 load 函数,将文件载入工作空间。文件名一般加后颚,可读入 txt 文件,和标准 的 mat 文件,其他格式文件的读入请参阅帮助文档的介绍。

| 政巧与憲元 |

一般在网络上获取的数据通常见到的是 Excel 文件,通过对 Excel 另存为 txt 文件,这 样获取的文件格式基本可以在常见的软件之间互用,比如 Excel、R、MATLAB、SAS、 SPSS……

数据名称为 bggf.mat 的文件是宝钢股份的实时交易数据。需要将数据复制到相应的工作空间,以便于我们操作。

对于常见的桌面数据管理软件 Excel,MATLAB 提供了丰富的接口,而且对于 Excel 存储的数据可以通过 xisread/xiswrite 函数进行直接的读写。

6.2.3 图表窗口的坐标

图表窗口的操作涉及对两个坐标的标注以及图标名称的标识,常用函数如下所示。

- xlabel('Date'), 实现对横轴的标注, 函数参数为字符串;
- ylabel('Price'), 实现对纵轴的标注, 函数参数为字符串;
- title('The name of the chart!'), 实现对图表的重新命名, 参数为字符串。

下面介绍在金融数据处理中用割的日期坐标轴函数 dateaxis()。对于坐标轴是日期的图 来,MATLAB 提供 dateaxis()函数率实现对坐标轴的日期标识。在调用 dateaxis()时,一般 结合函数 axis()函数使用。

【语法格式】

dateax18(aksis, dateform, startdate)

【输入容量】

aksis.

%指定相应坐标轴

dateform: \$指定

%指定日期格式,为一整数 %指定坐标轴开始日期.

startdate: %指定坐

【输出变量】

无

对于坐标轴的标注范围,MATLAB 会根据数据进行自动调整。在实际应用中有时往往 需要根据事先指定坐标轴范围,这时需要使用 axis 函数。

【语法格式】

axis([xmin.xmax.vmin.vmax])

【输入变量】

xmin	%X 轴的下限
xmax	%X 轴的上限
ymin	NY 轴的下限
ymax	%Y 轴的上限

【集出商量】

无

【例 6-14】 坐标轴属性设定实例。对窗口坐标轴进行如下设定·

- 1〕横轴范围 0~100:
- 2) 纵轴范围 0~正无穷:
- 3) 标题设定为"宝钢股份最近100天股价走势条形图";
- 4) 标定日期是 2007年12月9日~2008年3月18日。

在 MATLABM 文件编辑器中输入下列命令。

```
clear;clc;
figure;
xlabel('日期');
ylabel('宝铜股份般价/元');
title('宝铜股份最近100天股价走势条形图');
axis([0,100,0,inf]);
dateaxus('x',2,'9-bec-2007');
```

一般写脚本的时候,前面加上 clear 和 clc 是一个良好的编程习惯,可以防止对变量的引用混乱,结果显示简洁。

输出计算结果如图 6-1 所示。



图 6-1 宝钢股份最近 100 天股价走装图

6.3 线型图的含义和绘制

6.3.1 线型图的含义

线性图又称为高低线图,是在金融市场、特别是在股票市场中常见的一种图表表示方法,其基本单元如图 6-2 所示·



即 6.2 线型限基本单元

如图 6-2 所示,通过一条竖线和两条短横线构成的基本单元展示了下列四个基本数据。 (1) 开盘价

为图中左边的短横线,表示股票在观测区间的起始交易价格。开盘价一般是观测区间 内的第一笔交易数据,是所有对某只股票感兴趣的交易主体在经过一段时期的思考后达成 的一致均衡,因而是重要的,非理性因素比较小。

(2) 最高价

为图中竖线顶端,表示股票价格在现测区间内达到的最高价格。在这个价位水平上,证券的出售者比购买者要多,显示卖方认为价格被高估了;同时,这个价格也显示了市场上所有买者对此证券在某时点上所愿意支付的最高价格。

(3)最低价

为图中竖线底端, 表示股票价格在观测区间内达到的最低价格。在这个价位水平上, 证券的购买者比出售者要多, 显示买方认为价格被低估了; 同时, 这个价格也显示了市场上所有卖者对此证券在某时点上所属竞卖出的最低价格。

(4) 收盘价

为图中右边的短横线,表示股票在现测区间的最后交易价格。收盘价和开盘价的关系 是我们最关心的,是市场上对一段时间内积累的信息消化后达到的均衡,在没有新的信息 出现的时候,就是市场均衡的表现,收盘价与下一个观测区间的开盘价之间的关系,被技 水分析这认为是量重要的,这点在64节的炫型图中得到了强调。

当将多个观测区间收集到的时间序列数据,在一张图中表示出来的时候,就有丰富 的含义了,通过对图表的分析,可对市场上投资者的心态、供求等可能对价格产生影响 的因素作出猜测和分析。技术分析者假定:市场的当前价格已经包含了一切信息,这点 是转术分析的基础。 下面介绍,如何通过 MATLAB 来实现条形图的法则。

6.3.2 线型图函数

MATLAB 的金融工具箱提供了绘制线型图的函数 highlow, 下面对 highlow()函数的使 用和参数调用格式做详细说明。

函数 highlow()可用来对时间序列数据做线型图。数据要求必须含有四个量:开盘,收

最高,最低。数据的缺失会导致绘线型图的失败。

【语法格式】

```
highlow(high, low, close, open, color)
handle= highlow(high, low, close, open, color)
```

【输入容量】

high	4列向量,对应为观测值的最高价格	
low	*列向量,对应为观测值的最低价格	
close	8列向量,对应为观测区间证券交易的收盘价值	Ġ
open	%列向量,对应为观测区间证券交易的开盘价值	舎
color	4可洗、一字符度、表示图形部分	

【输出变量】

clear:clc:

handle %返回值,为所画条形图句柄。

注 上述 high, low, close, open 参数必须保证长度一样; color 取值参考前面相关章 节。

8可选,一字符串、表示图形氮色

【例 6-15】 线型图绘制实例。利用线型图绘制函数 highlow。绘制宝钢股份股价 100 天的条形刚。

在 MATLAB 命令數口中輸入下列命令.

```
load 'bggf.mat';
                    8存储宝钢股份股价的数据文件, 鲁老所附光盘
r=size(baaf.1):
figure
highlow(bggf(r-100:r,2),bggf(r-100:r,3),bggf(r-100:r,4),bggf(r-100:r,1),'r')
title('宝钢股份 100 天股价走势条形图'):
xlabel('日期'):
vlabel('宝钢股份股价/元');
axis([0,100,10,inf]); %标定坐标轴范围
dateaxis('x',2,'9-Dec-2007'); %设定横轴日期显示格式
```

输出计算结果如图 6-3 所示。

需要注意的是,由于数据文件中的变量顺序和 highlow()函数要求的顺序不同,需调整, 这个会根据读者测试用的数据文件不同而不同。

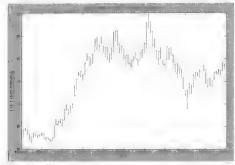


图 6-3 宝钢股份股价走势条形图

6.4 烛型图

6.4.1 烛型图的含义

烛型图的基本元素如图 6-4 所示。其中根据不同的颜色,判定是阴线还是阳线,一般 在行情软件中,红色代表阳线,绿色代表阴线,这里分别用白和黑代表阳线和阴线。

烛型图是 17 世纪日本流行的一种分析大米合约的技术,后被引入证券分析领域,关 于这方面的资料可以参考〈技术分析〉一书。本节只涉及如何根据相关证券交易价格数据 构造烛型图,不涉及技术形态分析。



图 6-4 烛型图

6.4.2 烛型图函数

在 MATLAB 中绘制烛型图的函数是 candle。

【语法格式】

candle (High, Low, Close, Open)

「極み収益)

High \$最高价 Low \$最低价 Close \$收盘价 Open \$开载价

【輸出变量】

...

【例 6-16】 烛型图绘制实例。基于宝钢股份的数据、绘制将宝钢股份股份烛型图。

```
clear.clc;
load 'bggf.mat';
[ro,co]=size(bggf);
figure
candle(bggf(ro-100:ro,2),bggf(ro-100:ro,3),bggf(ro-100:ro,4),bggf(ro-10
0:ro,1),'r';
title('$朝版份10 天版价差勢烛型船');
xlabel('日朝');
ylabel('价格');
xis(0(100:10,inf));
dateaxis('x',2,'9-Dec-2007');
```

结果如图 6-5 所示。

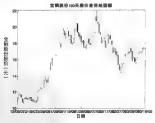


图 6-5 宝钢股份 100 天股价走势烛型图

6.5 移动平均线

上面介绍的两种技术指标的含义和表示,都是基于直接交易数据的,并没有对数据进行任何处理,MATLAB 金融计算的主要优势在于对金融数据的处理上,本节介绍移动平均 综(MA)指标的计算过程和 MATLAB 的实现函数。

6.5.1 移动平均线的含义

MA 值是表示证券价格在过去特定时间段内的平均值。计算 MA 指标的主要问题在于 加权的权重问题,有多种不同处理方式,本节采用简单加权平均,即算数平均的方案来计 算 MA 指标。

MA 代表的是一段时期内证券的平均价格,消除了一定的不稳定性,当价格位于 MA 之上,则显示卖出信号;当价格位于 MA 之下时,指标显示买入信号。

指标设计的目的不是按照 MA 在证券价格线的上下进行买入和卖出获利,而是主要通过在市场到达底部后不久买入,在市场到达顶部后卖出,以期实现同证券价格的相同趋势,在一定程度上消除了由于随机事件对股票价格的影响。

6.5.2 移动平均线的计算

一般根据当天的收盘价计算 MA 指标,公式如下。

$$MA(n) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$

式中,Xn 是 n 天前的收盘价, X_1 是昨天的收盘价,这样计算出来的是当天的 MA 指标。这种计算方法是最简单的 MA 指标计算方法,不同的系统会有不同的计算方法,例如指数加权法、时间加权法等。

【例 6-17】 移动平均线绘制实例。绘出宝钢股份数据样本的最近 90 天的 10 日 MA 指标。以及收盘价格曲线。

end

plot(cpn) %绘出 MA 曲线,如图中默深色曲线

hold on &不覆蓋绘图 plot(cp(10:100),'g') %绘出相应的收盘价曲线,如图 6-6 所示

本示例可直接用 MATLAB 内置函数 movavg 来实现。

【语法格式】

[Short, Long] = movavg(Asset, Lead, Lag, Alpha)

[華本正量]

Asset %资产价格序列

Lead %短均线滞后项,不超过 Lag

Lag %长均线之后项

Alpha 电移动平均滞后项。参见帮助文档

【輸出災量】

Short %短均线序列 Long %长均线序列



图 6-6 宝钢股份, 10 天移动平均线

6.6 布林带

布林带是由 John Bollinger 发明的,它的使用类似于移动平均线(MA)。在 6.5 节 MA 的使用中,通过 MA 来标示股票价格的移动趋势。但在 MA 中并没有表明回归的趋势。

显然,当价格偏离 MA 所代表的价格运动趋势趋远,其回复 MA 的市场压力超大。布林带提供了一个定量的标准来需量这种均衡的偏高。

布林带的计算,通常使用移动平均数 MA 加/减差干个标准差,其核心的数据涉及。

- 收盘价:
- MA 的周期,具体采用多少天的收盘价来计算 MA;
- 关于标准差的估计。
- 布林带的程义:
- 价格比较稳定时,布林带倾向于收窄;价格波动较大时,布林带较宽;

- 当价格的顶和底在价格带内,随后,顶和底移出了布林带,则意味着趋势将反转;
- 价格傾向于稳定在布林带内。

6.6.1 布林带的计算

布林带包含三条线、移动平均线、上边界、下边界。这里分别给出相应的计算方法。

(1)中间线,即6.5节中的MA,计算公式如下:

$$MA = \frac{\sum_{i=1}^{n} \psi \underline{a} \psi_{i}}{n}$$

这里,采用收盘价来计算 MA,实际应用中一般采用 20 天的 MA,即 n≈20。

(2)上边界的计算是以中间线为基准,加上若干个标准差。计算公式如下。

上边界=中间线+D*
$$\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (收盘价_{i}$$
-中间线)²

(3) 下边界的计算是以中间线为基准,减去若干个标准差。计算公式如下:

下边界=中间线
$$-D^*$$
(收盘价 $_i$ -中间线) 2

这里, D 是加減的标准差數目, 根导项是代表过去 n 天, 即 MA 计算周期内的股票收 盘价格的标准差, 用来表示股票价格的波动率。当 D 超大的时候, 价格的波动越滩触及布 林带的边界。

【被巧与趣示】

布林带的含义: 著假设股票价格的运动加从正恋分布, 則股票价格在均值加/减两个标 注差之內运动的概率是 95.45%。当 D 值域大, 股票价格的运动就域难漂离布林带。布林 帮的含义就是这样的。实证研究, 假设股票价格的运动服从几何市朗运动是比较好的, 这 里简单采用正态分布来说明布林带的含义。

【例 6-18】 布林带绘制实例。获取 JPMorgan 2008-1-1 到 2008-3-31 的收盘价格,并 分别作出布林带的中间线和上下边界。中间线采用 20 天平均移动线,上下边界为收盘价标准差的 3 倍。

首先从 Yahoo 的数据库获取 JPMorgan 的股票价格数据代码如下

»>C≈yahoo; \$通过 MATLAB 内嵌的 Yahoo 函数获取句柄 c。

>>jpm_fetch(c, 'jpm', 'Close',' 1-Jan-08', '31-Mar-08') %fetch 获取相应数据。

【步骤 1】 作出平均线 采用的方法如同上节介绍一样,将计算得到的 20 天移动平均线的数据存放到 movavg

变量中。代码如下:

【步骤 2】 计算对应序列之标准差项,存储在变量 sd 中。

【步骤 3】: 分别计算上边界和下边界,存储在变量 upband 和变量 downband 中。

```
upband=movavg+3*sd;
downband=movavg-3*sd;
```

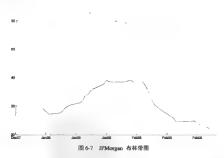
【步骤 4】 分别进行绘图

```
plot(ndate,upband,'r');hold on;
plot(ndate,downband,'b');hold on;
plot(ndate,movavg,'g')
```

dateaxis('x',12)

%设定 x 轴的标度为月年的标度

结果如图 6-7 所示。



及巧与者示

fetch()函数的具体情况可以參見帮助文禮。fetch 是根据 Yahoo 提供的金融服务获取相 关股票和借集交易数据的函数。

作为另外一个常用的科研数据获取方式,可以参考 finance.google.com, 其上的数据包含

股票交易数据和公司财务数据,可以通过保存到 Excel,使用 xlsread()函数实现导入 MATLAB。

6.6.2 布林带的函数

MATLAB 提供了内置的 bolling 函数来实现上述布林带的计算。

【语法格式】

bolling (Asset, Samples, Alpha)

[Movavgv, UpperBand, LowerBand] - bolling(Asset, Samples, Alpha, Width)

【输入变量】

8列向量。对应为观测目标的价格 Asset 8列向量,用以说明在计算 MA 曲线时的时间区间

Samples &加权平均方式、默认为 D, 简单加权平均,具体参见 help 文档 Alpha

%上下边界偏高 MA 的距离。标注差的倍数 width

【输出变量】

LowerBand

8移动平均线 Movavov

8上边界 UpperBand *下边界

使用 bolling 函数绘制布林带实例。仍采用例 6-18 的数据,在 M 文件编 【例 6-19】 辑器中输入如下代码。

```
clear; clc;
c=yahoo;
jpm=fetch(c,'jpm','Close','1-Jan-08','31-Mar-08');
bolling()pm(:,2),20, 0);
%eof
```

得到如图 6-8 所示的布林带图。

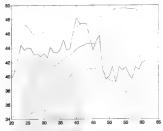


图 6-8 JPM 布林带图 (bolling 函数生成)

需要说明的是,图 6-8 中的四条线分别是股价,移动平均和上下带宽。由于 bolling 函 数的无返回值形式只有一个默认的带宽为标准差的 2 倍,而例 6-18 中的布林带宽是 3 倍标 准差。这两点是不同的。

6.7 动态数据获取

本章前 6 节介绍的是静态数据的呈现方式,在实际生活中,可能需要将动态数据进行 更新和绘图。

本节将要介绍如何在 MATLAB 里使用 timer 呈现动态数据,并以一个简单的实例讲解 其应用。

6.7.1 创建定时器

在大部分计算机语言中,均提供了一种定时器功能函数,用以完成需要周期性执行的任务。

一般在 Windows 下的程序都是基于消息的, 系统创建一个消息队列, 用户的某些行为 或者系统自动触发的消息, 被加入消息队列等待执行。

在 MATLAB 中完成定时器功能的是 timer 函数。

【语法格式】

T = timer

T=timer('PropertyName1',PropertyValue1,'PropertyName2',PropertyValue2,...)

【输入变量】

'PropertyName1'

8城名

PropertyValue1

8空量值

【畸出安量】

m

%一个定时概句柄

在第一种语法格式下,是采用系统默认值返回一个定时器句柄。第二种语法格式下创 建的定时器,是可以根据用户的需要自行设定的。

Timer 的属性值有些可以根据用户需要制定,有些则是系统记录 Timer 运行时的一些 参量,是只读的。

Timer 一共有 18 个字段的属性, 其中有一部分是永久只读的, 有一部分需要根据其他字段的值来决定是否只读, 而另外一些, 是非只读的。

【例 6-20】 定时器创建实例。构建定时器,并观察其属性。

在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令。

>>t=timer:

>>aet(t) AveragePeriod: NaN BusyMode: 'drop' ErrorFcn: '' ExecutionMode: 'singleShot' InstantPeriod: NaN Name: 'kingsberg' ObjectVisibility: 'on' Period: 1 Running: 'off' StartDelay: 0 StartFcn: '' StopFcn: " Tag: 'king' TasksExecuted: 0 TasksToExecute: Inf TimerFcn: '' Type: 'timer' UserData: []

以上get函数返回定时器t的属性字段。

AveragePeriod 是一个只读的字段,用以记录从计时器开始运行时的平均运行时间。 注意在定时器没有开始运行或者运行次数少于两次时,其值是不存在的。

BusyMode 在 Running 字段的值是 on 时只读,是标识当前一次调用的 TimerFcn 并没有执行完成时,应当执行的操作。可取值是drop'、error和"queue',默认值是'drop'。'drop' 是当遇到上次调用未执行完成时,放弃这次调用,'error'是当遇到上次调用未执行完成时,调用 ErrorFcn:'queue'是当遇到上次调用未执行完成时,将其加入消息队列等待。

ErrorFca: 始终可读写,是当 timer 的执行遇到了错误,调用 ErrorFca,在 ErrorFca 中进行容错处理。ErrorFca 必须在 StopFca 前执行。

ExecutionMode: 在 Running 字段的值是 on 时只读,表示调用模式。可取值是 'singleShot'、'fixedDelay'、'fixedRate'和'fixedSpacing', 默认值是'singleShot'。

在'singleShot'执行模式下,在开启 timer 以后,经过 StartDelay 字段所表示的时间后执行一次 TimerFon,然后停止 timer。如图 6-9 所示。



图 6-9 singleShot 执行模式

Queue lag 取决于当前系统的忙碌程度,在调用完 TimerFcu 一次后,timer 即停止。这 种模式下,适合在开启 timer 后的特定时间内,执行某个特定操作一次,比如关机,或者

断开连接。

'fixedDelay'、'fixedRate'和'fixedSpacing'执行模式有很多相似的地方,唯一不同的就是 在不同模式下'Period'字段的含义是不同的,如图 6-10 所示。

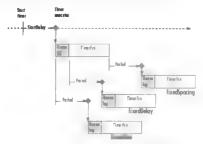


图 6-10 'fixedDelay'、'fixedRate' 和 'fixedSpacing' 执行模式

可见在'fixedDelay'、'fixedRate'和'fixedSpacing'3 种模式下,对于'Period'字段指明的延迟时间的含义是不同的。

- fixedDelay模式下是从上一次 TimerFcn 执行开始,到下一次将 TimerFcn 加入执行 队列的时间,优点是可以不用考虑系统性能延迟带来的影响,缺点是并不能准确的 决定两次执行的时间。
- 'fixedRate'模式下,是两次 TimerFcn 加入到执行队列的时间,系统的延迟会带来影响,但是对于程序来说,每间隔固定的时间,将 TimerFcn 加入到执行队列,交给系统处理。
- 'fixedSpacing'模式下,是上一次调用完毕到下一次加入到执行队列的时间。

InstantPeriod 永久只读。代表最新的两次 TimerFcn 执行的时间。如图 6-11 所示。

Name · 用户指定的 timer 名字。

ObjectVisibility: 总是可读写的,控制 timer 是否对终编用户可见,取值为 'on' 或者 'off'。为 'off' 时,终编用户无法通过 timerfind 命令找到 ObjectVisibility 字段值为 'off' 的定时器。程序使用之前,可以把此属性设置为 on,使用完毕后再设置为 off,这样就实现了后台的运行,而对终继用户实现了屏蔽。

Period·在 Running 字段的属性为 on 时只读。TimerFcn 两次调用的时间间隔。Period 的具体含义如图 6-10 和图 6-11 所示。

Running: 表示当前 timer 是否处于激活状态,取值为 on 或 off。

StartDelay: 从开始到第一次调用 TimerFcn 的时间间隔, 如图 6-10 所示。

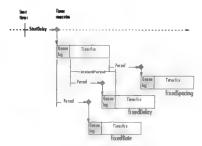


图 6-11 InstantPeriod 参数含义

StartFcn: 在执行 start 命令,即开始定时器时调用的初始化函数,StartFcn 一定是在 第一次调用 TimerFcn 之前,一般是用来完成初始化的工作。

StopFcn 在执行 stop 命令,即结束定时器时调用的结束函数,StopFcn 一定是在最后 一次调用 TimerFcn 之后,一般是用来完成收尾的工作。

Tag: 由用户指定的 timer 标签。

TasksExecuted timer 应当执行的次数、即调用 TimerFcn 函数的次数。

TasksToExecute: 从定时器开始后 TimerFcn 调用的次数。

TimerFcn: 每次被调用的函数。

Type 值为'timer', 表示这是一个定时器。

UserData: 用户自定义数据,可以是 struct、cell 和矩阵。

在 timer 中, 改变上述字段的值使用函数 set/get, 具体用法请参考帮助文档。

6.7.2 Callback 函数的参数

Callback 函数是指 timer 的回调函数,即在 timer 的整个生命周期中调用的函数,有四个函数 StartFon、TimerFon、StopFon 和 ErrorFon。

在上述回调函数没有参数时,可以直接在创建定时器时指定回调函数,此时的回调函数是完成一系列的操作。

一般情况下,回调函数需要完成对数据的修改、更新、计算等任务,特别是当 timer 中需要的某些参数并不是 timer 的属性时,但却需要在初始化或者调用时指定,此时即需 要向回调函数传递参数。 在 timer 的回调函数中,参数被分成两类。系统默认参数和用户自定义参数,这两类 参数的传入是有着严格的语法规范和声明顺序的。

系统默认参数有 obj 和 event。而对于用户自定义参数则可根据用户需求自行指定,需要注意的是用户自定义参数在声明时一定要在系统默认参数之后。

事64 同道函數金數传递物故

The second secon				
回调函数声明语法	回调函数参数设定			
function my _callback	set(h, 'StartFcn', 'my_caliback')			
function my caliback(obj.event)	set(h, 'StartFen', @my_callback)			
function my_callback(obj.event,arg)	set(h, 'StartFen', {'my_callback',arg})			
function my_callback(obj,event,arg)	soi(h, 'StartFen', {@my_caliback,arg})			

其中, obi 是当前的定时器实例, h 是定时器句柄。

上述回调函数的声明形式也适合于 GUI 编程时的回调函数声明。

另外,timer 的不同回调函数之间数据的传递是通过形象 obj 的 UserData 字段实现的。 在回调函数声明的第二种形式下,可以使用 get 函数获得 obj 的全部字段,进行操作 后,用 set 函数重新保存回 timer 的相应字段。

timer 的这种机制被广泛采用于 GUI 编程中的数据传递,在这里不展开深入讨论,请参考 6.7.4 节的实例。

6.7.3 定时器使用实例

在日常金融数据处理中,有时需要根据数据在原始的股价走势图上添加上自己的技术 指标。现在的行情软件,绝大多数提供了自定义公式功能,而这些功能并不能完全按照用 户的想法来自由操作,软件的源代码也尚未公开,所以在平时测试环境中,构建自己的行 情查询系统就显得十分重要。读者将会发现,基于 MATLAB 构建的这套系统将会十分简 单而实用。

首先,需要准备一个高频数据源,本例中采用的是一个 SQL 库。

然后构建行情查询显示系统了。

先完成初始化数据的补全工作。由于并不能确定系统的开始时间,因此每次开始时, 需要将当天前面的数据补全,并绘图。

随后应每隔一定时间查询一次是否有新的数据更新,如果有则需要更新数据,并绘图。 最后停止时显示停止时间。

由于系统设计定时查询,因此采用 timer 函数来构建系统的核心。接下来会展示如何 通过 timer 函数实现以上功能。

数据的初始化通过在 StartFcn 中完成,数据的定时查询更新在 TimerFcn 函数中完成,而停止时间在 StopFcn 中完成。

下面是本例的代码实现,请读者参照代码和注释以及图 6-12 进行理解。

108

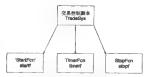


图 6-12 行情显示系统框架

【步骤 1】: 构建交易控制脚本 TradeSys。 8SID是证券交易代码、上证所 580019-中有化权证

```
SID= '580019'
    %构建定时器并返回其句柄 htimer,注意 'ExecutionMode'属性是 'fixedRate',每 1.5s 执
行一多次 TimerFone
    htimer=timer('Name',SID,'ExecutionMode','fixedRate','Period',1);
    8一下两种方式指定相应的回调函数语法是在有额外参数情况下的调用方式。
    htimer.StartFcn={@startf, SID};
    set (htimer, 'StartFcn', (@startf.SID)):
    set (htimer, 'TimerFon', @timerf);
    set(htimer, 'StopFcn',@stopf);
    %开启 htimer
    start (htimer):
   【步骤 2】 构建 StartFcn。
    function startf( obj, event, SecID)
    *建立数据库连接
   DatabaseConn=database('hrd', 'jvdb', 'jvdb');
   SecInfo=fetch(DatabaseConn, ['select HQRQ,S8 from SHOW2003_20080701
where ... S1=' SecID ' order by HORO asc'l):
   %完成数据转换,从 cell 型到矩阵
   TTime=datenum(cell2mat(SecInfo(:,1)))-datenum(date);
   TPrice=cell2mat(SecInfo(:,2));
   TPrice=TPrice(~anv(TPrice==0.2).:):
   TTime=TTime(~anv(TPrice==0,2),:):
   %绘图,在StartFcn中将历史数据补全。
   handlefig=figure(str2double(SecID)):
   title('601857')
   plot(TTime*24*60-9.5*60, TPrice, 'y--'); hold on; grid on;
   8.画出均线
   if (max(size(TTime)>2))
       short-zeros(max(size(TTime)-2.2)):
       for shortlag=3:max(size(Trime))
          short (shortlag-2.1) =TTime (shortlag):
          short(shortlag-2,2)=sum(TPrice((shortlag-2):shortlag))/3:
      plot(short(:,1)*24*60-9.5*60,short(:,2),'g');hold on; grid on;
```

```
end:
    if(max(size(TTime)>5))
       long-zeros(max(size(TTime)-5,2));
       for longlag-6:max(size(TTime))
           long(longlag-5,1) =TTime(longlag);
           long(longlag-5.2)=sum(TPrice((longlag-5):longlag))/6;
       plot(long(:,1)*24*60-9.5*60,long(:,2),'r');hold on; grid on;
    end;
    8保存数据
    tmp=get(obj);
    tmp.UserData.SecID-SecID;
    tmp.UserData.Figure=handlefig:
    tmp.UserData.DatabaseConn=DatabaseConn;
    tmp.UserData.ShortAvg=short;
    tmp.UserData.LongAvg=long;
    tmp.UserData.SecInfo=[TTime TPrice];
    set (obi, 'UserData', tmp. UserData);
    end
   【步骤3】 周期性更新数据。
    function timerf(obj. event)
    tmp=get(ob3);
    SecInfo=fetch(tmp.UserData.DatabaseConn.['select top 10 HORO.S8.S9.S10
from SHOW2003_20080701 where S1=' tmp.UserData.SecID ' order by HQRQ desc']);
    R散根格式转换
    TTime=datenum(cell2mat(SecInfo(:,1)))-datenum(date);
    TPrice=cell2mat(SecInfo(:,2));
    8数据容错处理
    TPrice=TPrice(~any([TPrice Bid Ask]==0,2));
    TTime=TTime(~any([TPrice Bid Ask]==0,2));
    8去除重复数据
    logic=(TTime>tmp.UserData.SecInfo(end,1));
    if(sum(logic)~=0)
       TTime=TTime(logic);
       TPrice=TPrice(logic);
       TTime(:)=TTime(end:-1:1);
       TPrice(:)=TPrice(end:-1:1):
       tmo.UserData.SecInfo((end+1):(end+sum(logic)),:)=[TTime TPrice];
    end:
    9.绘制价格线
    plot(tmp.UserData.SecInfo((end-sum(logic)):end,1)*24*60-570,tmp.UserDat
a.SecInfo((end sum(logic)):end,2),'y--');hold on;grid on;
    8画出均线
    tmpShort=tmp.UserData.ShortAvg;
    s1-length(tmpShort(:.2));
    tmpLong=tmp.UserData.LongAvg;
    11-length(tmpLong(:,2));
    tmpPrice=tmp.UserData.SecInfo((end-5):end,2);
    if(sum(logic)~=0)
```

精滿 MATLAB 多翻计管

```
for i=1:max(size(TTime))
           tmpShort(s1+i,2)=sum(tmpPrice((end-2):end))/3;
           tmpShort(sl+i,1)=TTime(i);
       end:
       plot(tmpShort(sl:end.1)*24*60-9.5*60,tmpShort(sl:end,2),'g');hold
on; grid on;
       for i=1:max(size(TTime))
          tmpLong(11+i,2)=sum(tmpPrice)/6;
          tmpLong(11+i,1)=TTime(i):
       end:
       plot(tmpLong(ll:end,1)*24*60-9.5*60,tmpLong(ll:end,2),'r');hold
on; grid on;
     %数据压入 UserData 字段
    tmp.UserData.ShortAvg=tmpShort:
    tmp.UserData.LongAvg=tmpLong;
    set (obi, 'UserData', tmp. UserData):
   end
   【步骤 4】 构建 StopFen。
   function stopf( obj, event)
   disp('The program has stopped at :')
   disp(datestr(now));
   stop(htimer):
   delete(htimer):
   end
```

6.8 本章小结

本章的核心是如何获取并图形化呈现金融数据。目前,金融研究的基础高不开图表, 图表是呈现金融数据特征的重要工具。

一般的金融数据都是时间序列数据,因此对时间和日期的处理是首先要解决的问题。 在此基础上,本章介绍了基本的绘图技术。

由于当前互联网和计算机技术的发展,交易数据的动态获取成为可能。因此,本章最后一节简单介绍了如何自己在 MATLAB 实现看盘软件的基本功能,为后续工作做准备。综合 MATLAB 的 GUI 编程,可以实现复杂的用户图形界面。

第 7 章 固定收益证券计算

本章导读

本章特介绍基本的固定收益类证券的计算。在資本市场上,占据最大份额的仍然是固 定收益类证券,美国的国價市场、公司價市场都是固定收益类证券市场。包括引发本次金 酸危机的 MBS 仍然属于固定收益类证券。MBS 是一种通过将住房贷款打包形成资产池、 基于标的资产池发售相应的好生金融产品壳证。

本章介绍基本的计算技术,以期让读者对固定收益证券形成基本的概念,为后续高级 课程奠定基础。

本章在对基本的固定收益概念微简单介绍后,通过 MATLAB 基本语句进行实现,然 后给出 MATLAB 工具箱函数的使用规范,以期达到知其所以然的目的,为后续高级课程 的学习打好基础。

7.1 债券的基本概念

7.1.1 现金流的时间价值

债券是表明债权人和债务人之间借贷关系的凭证,债权人有要求债务人在特定的时间 支付特定数量货币的权力,而债务人有按约定归还本金和利息的义务。

债券的核心问题是定价问题,定价技术的核心是理解现金流的现值(Present Value)和终值(Punure Value)。

货币是有时间价值的,货币的时间价值表现在机会成本上。作为债券定价的核心概念, 本节做如下定义。

1. 时间轴

如图 7-1 所示,用向上的箭头表现金流入;向下的箭头代表现金流出,横轴为时间。

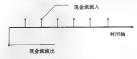


图 7-1 现金流的时间轴

精通 MATLAB 呈融计算

2. 现金流的现值

现金流现值 PV 的计算公式如下。

$$PV = \frac{P_t}{(1+r\%)^t}$$

其中, P, 是在 t 时刻发生的现金流,流入或流出; r%是现金流的贴现率。

3. 现金流的终值

现金流在时刻 T 的终值 FV 的计算公式如下。

$$FV = P_i(1+r\%)^{T-i}$$

其中, P. 是在 t 时刻发生的现金流,流入或流出; r%是现金流的贴现率。

4. 年金

按照固定的支付周期进行固定数量支付的多个现金流,称为年金。年金的现值是将发生在不同时间的现金流分别按照现值公式进行折现,将所有现值相加即得到年金的现值。

$$PV = \sum_{t=1}^{T} \frac{P_t}{(1+r\%)^t}$$

在P,为恒定的时候、上式可以根据等比数列公式进行化简。

7.1.2 现值和终值的计算

MATLAB 为现金流的终值和现值计算、提供了四个可用函数、分别是:

- fvfix: 固定现金流终值的计算:
- fvvar: 变动现金流终值的计算:
- pvfix: 固定现金流现值的计算:
- pvvar: 变动现金流现值的计算。
- 本节详细讲解 fyfix 和 pyvar 的使用和内部规范。

1. fvfix 函數

【语法格式】

FutureVal = fvfix(Rate, NumPeriods, Payment, PresentVal, Due)

【输入参数】

Rate: %对应于现金流折现的名义年利率。

NumPeriods %是计息的周期数,与债券的到期日有关。

Payment· %是计息周期的支付额,一般与息票率有关。

PresentValue: %可选,是初始值。

Due· %可选,是控制变量。默认值为 0,代表每计息周期末发生现金流支付,为 1 则在期初支付。

【输出参数】

FutureVal

8现金流的终值

fvfix 函数参数说明如图 7-2 所示。

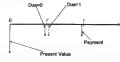


图 7-2 fvfix 函数参数说明

【例 7-1】 现金流终值计算实例。计算如下现金流的终值。购买一项保险,首次支付 是 1500 元,以后每月固定支付 200 元,支付十年。请问在折现率为 9%时,现金流的终值 是多少。

在 MATLAB 命令會口中輸入:

```
>>fvfix(0.09/12,12*10,200,1500,0)
ans = 4.237989103384854e+004
```

【贫巧与挪示】

fvfix 的各个参数的使用,可以直接参考源代码,用 type fvfix, 即可调出 fvfix 的源代码。同时可以采用测试的方法,比如下面的代码和 fvfix(0.09/12,12*10,200,1500,0)的返回 值就是一样的。这样有助于理解 fvfix 是如何计算的。

```
x=200*ones(1,120);
y=119:-1:0;
1500*(1+0.09/12)^120+sum(x*{(1+0.09/12).^y)')
```

得到的結果是 4.237989103384854e+004, 注意这里的实现并没有通过 for 頒环,而是 直接特化为矩阵乘法, 这样有利于提高程序效率, 使于 MATLAB 处理。在 MATLAB 程 序故乘据高的过程中, 该項接收叫做面景化。

2. pvvar 函数

【语法格式】

PresentVal = pvvaF(CashFlow, Rate, IrrCFDates)

【输入参数】

CashFlow %现金流向量 Rate %对应的周期贴现率

IrrCFDates %可选,对于非周期性折现率时的日期向量

【输出参数】

PresentVal *变动现金流的现值

【例 7-2】 净现值计算实例。有一项投资,在 2007 年 1 月 12 日投入 10000 元,在 2008 年的 2 月 14 日收回 2500 元;在 2008 年的 3 月 3 日收回 2000 元,在 2008 年的 6 月 14 日收回 3000 元,在 2008 年的 12 月 1 日收回 4000 元。请问在折现率为 9%时,项目的 净现值 NPV 是参少?

在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令:

```
>>CashFlow = [-10000, 2500, 2000, 3000, 4000];

>>IrrcFDates = ['01/12/2007'

'02/14/2008'

'03/03/2008'

'06/14/2008'];

>>pvvar(CashFlow, 0.09, IrrcFDates)

ans = 1,24684047268768e+002
```

可见,这项投资的净现值为142.16元,项目具有投资价值。

【花巧与棚示】

在參數 IrrCFDates 存在的情况下, pvvar 是如何处理内部时间的?将下列代码输入到 MATLAB命令窗口中, 可以发现网 pvvar 计算出的结果相同。

```
CashFlow = [-10000, 2500, 2000, 3000, 4000];
ITTCFDates = ['01/12/2007'
'02/14/2008'
'03/03/2008'
'06/14/2008';
n=365;
din=datenum(ITrCFDates);
diny=(din-din(1,1)1/n;
CashFlow*(100,09), ('diny)
```

在 pvvar 中, ImCFDates 是按照一年 365 天, 来计算天数的,即 actual/actual 的规则来 计算的。在固定收益债券的计算中,日期的计量是复杂,应当注意。

7.1.3 债券报价方式

债券的报价是基于 32 进制的报价规范,有时亦基于 64 进制或者 256 进制的。在 MATLAB 计算时,需要转化为十进制小数,报价方式如表 7.1 所示。

报	价	1/32	1/64	1/256	十进制报价	
90-13+		13	1		90.421875	
103-234		23		4	103 78125	
93-026		02		6	93.15625	

表 7.1 债券报价方式

上表列出了常见的国债报价方式,由于其进位制不同于常用的十进制,在报价转化时需要格外注意,否则出现报价计量的错误,会导致相应的计算全部是错误的。

7.1.4 报价和交割价

债券的报价通常是所谓的洁净报价 (Clear Price), 是指将未来没有发生的现金流折现 到目前所在计息周期的开端, 交割价是市场实际交割价格,即通常的含息价 (Durty Price), 包含债券在本计息周期已经发生的利息。这部分应计利息所有权是被债券出售者所拥有 的, 购买者应对这部分利息非行补偿。从而形成市场交割价格。

通常, 所得数据均为报价, 应自行换算成交割价。

债券报价和交割价之间关系如图 7-3 所示。



限 7-3 债券报价和交割价之间关系

在图 7.3 中,1.0 1 分别是两次利息给付日期,其间即为当前计息周期,对于T 时刻的 债券交易来说,报价(Clear Price)是1 时刻,除息日之后的报价。即对未来现金流以恰当 折现率折现的价格。

价格价是在T时刻,实际交割债券时的价格,应当是报价加上了到T的应计利息,采用如下公式。

$$AI = \frac{T - t'}{t - t'}C$$

其中、AI即为应计利息,C是息票。

关于时间的处理,根据不同的债券条款,有如下的几种计息基准,如表 7.2 所列。

*	准	含 义	指 述	
0		实际/实际	计息周期按照实际天敷计算,一般 365 天/年,闰年 366 天	
1		30/360SIA	毎月30天,毎年360天。二月最后一天付息调整	
2		实际/360	实际天散。按照每年 360 天计算	
3		实际/365	实际天教,按照每年 365 天计算	
4		30/360PSA	每月30天,每年360天。如计息周期最后一天是二月份最后一天,则将本月延展至30日	
5		30/360ISDA	国际结算用	
6		30/360Euro	欧洲使用	
7		实际/365Jap	日本使用、忽略闰年效应	

表 7.2 应计天数规则

7.2 基本固定收益工具和利率

7.2.1 基本固定收益工具

美国固定收益市场上,常见的金融工具有:美国国债,市政债券,联邦机构债券,公司债券。这四部分构成了美国固定收益工具市场的主要部分。以上是按照不同的债券发行方进行分类的。

(1) 美国国债

由美国财政部发行,美国政府联邦税收为其进行担保,市场认为其没有信用风险,即 不会发生违约。但这并不能表示国债没有风险,通胀和利率变动等会造成其价值的变动。

一般国债按照期限长短分为国库券(T-bill)、中期国债(T-Notes)、长期国债(T-Bond)。

(2) 市政债券

由美国州政府发行的债务,其债务担保方式赚多,由州政府税收担保债券,亦有收入 担保债券等,存在一定的违约风险,历史上亦出现过类似案例。

(3) 联邦机构债券

由政府相关机构和政府发起企业发行,其中前者发行债券不受 SEC 美国证券交易委员会(US Securities and Exchange Commission,英文缩写 SEC) 监管,例如 TVA(田纳西流域管理局 Tennessee Valley Authority)发行的债券。债券面临信用风险,联邦政府并不对其进行担保。

(4)公司债

美国固定收益市场的重要组成部分, 其风险和受到的监管都比上述发行方严格。一般 公司债券的公开发行会有专业的信用评级机构进行评级。

上述根据发行方对债券进行的分类涉及不同的技术处理细节,在后面的章节中会详细 讨论。

7.2.2 利率的计量

在目前的金融体系中,普遍采用的计算利息的方式是复利,在文献研究中经常采用 的计息方式是连续复利。两种方法各有利弊。在 MATLAB 中,需要清楚如下三个利率的 定义:

- 债券等价利率 (Bond Equivalent-Yield, BEY);
- 计息周期利率 (Periodic Interest Rate, PIR);
- 实际利率。

另外,在 T-bill 的报价过程中,需要注意报价时采用的贴现率 (Discount Rate) 和上述收益率 (Yield) 之间的不同,需要进行转换。

例如,假定按单利计算的年利率为8%,此即为BEY,是按照单利计算的年利率。而

116 ▶ ▶ ▶ ▶

对于一年支付两次利息的债券来说,其报价仍然采用 BEY, 但实际利率涉及利息的再投资, 假设再投资利率仍然为 BEY, 则实际利率为 $(1+BEY/2)^2-1$, 然而,对于 8%/2=4%即使 所谓的计息周期利率 PIR、即在半年内的实际利率。

需要熟悉以上3种利率的转换并清楚它们之间的区别。对于市场报价一般采用BEY, 而在MATLAB内部计算过程中,采用的核心利率为计息周期利率PIR。一般情况下,在 数值计算中,很少考虑连续复利的计量方式。

7.3 日期计量的 SIA 标准

在明确上述3种利率概念和相互转换后,本节下面将讨论关于债券定价方面的问题。 债券的定价本质上是未来现金流折现的问题,即资金的时间价值问题,涉及的核心问题是 上面讨论的利率和本节讨论的时间和日期的计量问题。

在固定收益市场上,时间的计量是复杂的,不同的产品,甚至是同种产品的不同发行 日期都会导致不同的计息法则,一般情况下,存在一个行业标准,比如本节讨论的美国固 定收益市场基于的标准是 SIA 标准。

但严格来说,应当根据不同的交易所(场内交易)和不同的交易对手(OTC 市场)的 交易规则来计算债券的交易价格。

【例 7-3】 债券日期计量实例。为了说明时间和日期计量的重要性,假设存在一个如下的一个交易 银行论语在 2007 年 6 月 10 日出借 1 百万美金给对冲基金 HF, 并约定 9 月 10 日为还款期利息按照单利计算, 为 5%,则到期日应付给银行 1000000+92/360*5%=100.0127778 百万姜元。

HF 锁定的目标是一个将于9月10日到期的AAA级的公司债,短期来看,此AAA公司刷刚公布完上一财政年度的报表,实现了利润比上年增长23.53%的经营业绩,因此基本不存在造约风险,面对即将到期10亿美金的债务,此公司有充足现金流。目前市场上对此公司债的报价到期收益率为5.05%。 維利计点。

显然 HF 是注意到了公司债的收益率比向银行借款的成本高,存在套利空间,因此想 买入公司债,然后持有到期。

因此, HF 的交易员决定进行这个交易, 其计算包括岩将现金流匹配, 则应向银行借款到期日还款本息为1百万美金,则应借入1000000/(1+92/360*0.05)=0.98738343百万姜金。

而到期日按照而值1百万美金赎回的公司债的目前价格为1000000(1+92/360°0.0505) =0.98725888,按照这样计算结果,这个交易员向其主管申请了自己的交易策略,并告诉其 主管,这个交易榜给 BIF 带来每百万美元公司债124.55 美元的当期收益,而如不存在将来 任何的现金流,完全是无风险的要利。

但是其交易计划被驳回了,其交易主管告诉这个交易员:银行的短期流动性贷款的报价方式是按照 actual/360 的方式报价的,你关于成本的计算没有错误;但是在公司债市场,

对方的报价是按照 30/360 报价的,这样你的收益计算就存在严重的问题。

虽然 HF 在本次交易中没有任何交易费用,但是套利仍然是失败的,按照 30/360 的报 价方式,公司债的收益是 1000000/(1+90/360*0.0505)=0.98753240,这样当期收益就不 是 124.55 7,而是-148.97。

上达案例涉及当投融资市场是不同的市场时,进行跨市场套利过程中,对于时间和日 期的计量就显得十分的重要了。作为无风险套利,一般情况下,存在的利差都很小,只有 几个基点,因此,一天的计量错逐,当交易量巨大的情况下,验可能由盈利变为与颠毒、概。

因此天数的计量就尤其重要,特别是在 MATLAB 中,作为工业化的标准软件,其按 照特定标准编写的函数和算法,可能并不适用中国市场的实际情况。

本节将详细介绍美国 SIA 标准下的债券定价技术,并对 MATLAB 中相应的函数作出说明,为后面的讲解打下基础。

7.3.1 中长期国债的定价

在美国,其中长期国债即 T-notes、T-bond, 在计算价格时, 遵循如下的规则:

R1: 当交割日为付息日时,债券的出售者获得当天利息支付,而债券的购买者获得其余款项,其债券定价公式如下:

$$P = \sum_{i=1}^{n} \frac{100 * c/2}{(1 + BEY/2)^{i}} + \frac{100}{(1 + BEY/2)^{n}}$$

其中

c 为债券的息票率, 并半年计息一次;

BEY 为债券等价利率:

n为剩余计息周期。

【例 7-4】 债券定价实例。现在为 2008 年 6 月 15 日,谪估算,到期日为 2010 年 6 月 16 日,票面利率为 8%,面值为 100 元,交割日为 2008 年 6 月 16 日的债券价格,债券到期收益率是 7%,半年计息债券的价格。

解: 首先应当知道, 债券的价格是关系到债券交割日和到期日的。这样根据上述公式, 直接计算得到结果有。

$$P = \sum_{i=1}^{4} \frac{100 *8\%/2}{(1+7\%/2)^{i}} + \frac{100}{(1+7\%/2)^{4}} = 101.83653960$$

R2: 当交割日为非付息日,如果交割日不是利息支付日,那么债券出售者将不能得到 下一个利息支付日的利息,那么如何调整债券的价格以补偿债券持有者已经产生的利息?

按照行业规则, 计息规则为应接照半年复利, 计时规则为实际/实际来计算以发生的利息, 并记入债券实际交割价格, 即全价。

债券的报价是净价(Clean Price),而实际交割价格是全价(Full Price),全价和净价

之间的差别是应计利息 AI(Accrued Interest)

【例 7-5】 国债净价及应计利息计算实例。假定一只美国国债的剥削日为 2015 年 5 月 15 日, 交割日为 2008 年 1 月 15 日, 息票率为 10%, 到期收益率为 8%,则求其实际交 制价格,净价以及应计利息。

债券的息票支付日为每年的 5 月 15 日和 11 月 15 日,债券的定价公式如下。

$$P = \frac{1}{(1 + BEY/2)^{n_1/n_2}} * (\sum_{j=0}^{n} \frac{100 * c/2}{(1 + BEY/2)^j} + \frac{100}{(1 + BEY/2)^n})$$

其中.

n 为债券剩余完整计息周期数。

n. 为交割日到下一个利息支付日的实际天数。

n₂ 为上一个利息支付日到下一个利息支付日的实际天数。

注意, 求和是从 =0 开始的。

在本題中, n 为 2008 年 5 月 15 日到 2015 年 5 月 15 日, 共计 14 个计息周期。

 n_1 为交割日 2008 年 1 月 15 日到下一个付息日 2008 年 5 月 15 日的实际天数,需要考虑闰年因素,为 121 天。

 n_2 为上一个利息支付日 2007 年 11 月 15 到下一个利息支付日 2008 年 5 月 15 日的实际天数,为 182 天。综上:

$$P = \frac{1}{(1 + 8\%/2)^{121/182}} * (\sum_{i=0}^{14} \frac{100*10\%/2}{(1 + 8\%/2)^i} + \frac{100}{(1 + BEY/2)^{14}}) = 112.58872644$$

应计利息,是按照单利法则进行计算的,计算公式如下:

$$AI = \frac{n_2 - n_1}{n_2} * 5 = \frac{182 - 121}{182} * 5 = 1.67582418$$

所以债券净价为 P. = P - AI = 110.91290226。

R3: 在非计息日债券定价过程中,存在一个特例,当交割日和到期日之间时间间隔少于一个计息周期时,定价公式为:

$$P = \frac{100 * (1 + c/2)}{(1 + BEY/2)^{n_1/n_2}}$$

这里 c、BEY 和 n_1 的含义同上,但 n_2 含义有所改变, n_2 是上下两个利息支付日之间的 实际天数,应当比上一个利息支付日到下一个利息支付日的实际天数 n_2

【例 7-6】 闰年因素影响下的国债价格计算实例。现在有美国国债,原面利率为 8%, 到期日为 2008 年 7 月 15 日, 结黄日为 2008 年 2 月 23 日, 请计算在收益率为 5.76%的情 况下、债券的全价级和净价。以及改计利息。

n, 为结算日 2008 年 2 月 23 日到到期日 2008 年 7 月 15 日的实际天数, 考虑闰年因素

后为 143 天。

n₂应为上一个利息支付日期2008年1月15日到下一个利息支付日2008年7月15日 之间的天数,减去一天,结果为182天,价格为:

$$P = \frac{100*(1+8\%/2)}{(1+5.76\%/2)^{143/102}} = 101.70556841$$

7.3.2 市政债券的定价

R4: 美国公司债和市政债券以及联邦机构债券的定价。在美国这三者和国债有着相同的交易习惯,但有以下两点不同。

第一.公司债、市政债券和联邦机构债券是按照 30/360 的规则进行计息的。30 是指任何一个月份均按照 30 天算,包括 2 月份,1 年按照 360 天进行计算,计算的天数为:

天数=整数年×360+30×整数月份+剩余天数

剩余天数的计算,如果是月末最后一天(即31号,或者2月28日,闰年为29日)均按照30日计算。

第二:公司债和国债的交割日不同,国债在一个交易日后交割;公司债在3个营业日后交割。在例题中,所指均为交割日。

【例 7-7】 市政债券定价实例。美国市政债券,票面利率为 5.5%,到期日为 2006 年 12 月 19 日,交割日为 2004 年 9 月 17 日,到期收益率为 4.28%,上一个付息日为 2004 年 6 月 19 日,下一个付息日为 2004 年 12 月 19 日,请计算该市政债券的净价。

【步骤 1】: 计算债券的全价

按照 R4 中的计息规则。知道 2004 年 9 月 17 日到 12 月 19 日的计息天数为。

9月	30-17=13 天	
10月	30 天	
11月	30 天	
12 月	19 天	
共计	92 天	

按照相应规则, 6 月 19 日至 12 月 19 日的计息天数为 180 天。所以全价计算如下。

$$P = \frac{1}{(1 + 4.24\%/2)^{92/180}} \circ (\sum_{l=0}^{4} \frac{100*5.5\%/2}{(1 + 4.28\%/2)^{l}} + \frac{100}{(1 + 4.28\%/2)^{4}}) = 101.21352419$$

【步骤 2】: 计算债券应计利息

应急利息计算的规则仍然是 30/360 的规则,并且按照单利计息,有:

$$AI = \frac{180-92}{180} *5.5 = 2.688888889$$

【步骤3】: 计算净价

净价作为市场报价,有很多好处,净价的计算应当是全价减去应计利息:

$$P_c = P - AI = 98.52463530$$

7.3.3 大额存单国库券的定价

R5: 美国存单同单利证券, CD 在美国属于货币市场工具, 存续期一般短于1年。这 安金融工具按照 actual/360 进行计算。CD 是按照面值发行的, 因此存在如下的利息计算公 京和价值计算公式。

Interest =
$$100 * c * D/360$$

$$P = \frac{100(1 + c * D/360)}{1 + BEY/2 * D_1/D}$$

式中:

- c为CD年化的息票率:
- D 为发行日到到期日的实际天散:
- D, 为交割日到偿还日的天数。

BEY 为投资者要求的收益率、按照半年计息的年化收益率。

- CD 在市场上按照单力计算,因此,这同 T-notes 等不同。
- R6·美国国库券,商业票据,银行承兑汇票以及其他贴现证券的偿还期一般少于一年, 其发行是折价发行,投资者到期后获得面值。

因为是贴现债券,因此市场上的报价是贴现率,而不是收益率,存在一个价格和收益 率之间转换的问题。

$$P = 100(1 - r_d \frac{D_1}{360})$$

其中 74 即为贴现率。

7.4 固定收益证券的属性

上述是好收益率和日期計量阐述、下面讨论 MATLAB 中的实现函数和相应的计量规则 请注意其中的细节处理,某些函数会剖析其源码和核心算法、希望学有余力的读者能够仔细 结会 MATLAB 中的编程风料和相应的美国 SIA 标准, 这对套利键型的计量尤其重要。

7.4.1 固定收益证券数据的属性

固定收益证券交易根据不同的交易所和交易对象,有不同的交易规则,这些规则涉及 清算和运作等诸多专业领域,作为 MATLAB 其内部定义了债券的基本特征,以满足不同 用户的计算需求。

結頒 MATLAB 余數计算

- 交易日 (Trade Date),交易日是之交易双方达成买卖协议的日期,是指债券债务关系确立的日期。
- 交割日(Settlement Date or Exercise Date),又称结算日,是债券由卖方向买方交割证券的日期,一般国库券的交割日为交易日的下一个营业日,如遇节假日,顺延。
- 到期日(Maturity) 是指债券债权债务关系解除的日期,到期日发行人应还清所有的本金与利息。
- 年计急次數(Period)是一年内的复利计急次數,一般按照 BEY/年计息次數,得 到的是一个计急周期的收益率。
- 日期计量法则(Basis): 债券存续期内的应计急关数的规则。
- 月末法則(EndMonthRule) 处理月末是31,28和29的情况。
- 发行日 (IssueDate): 是指债券人和债务人债务关系建立的日期。
- 首次派息日(FirstCouponDate): 债券的首次付息日,对于不规则付息债券来说,首次派息日是根据债务合约约定而设立的。
- 最后派泰日(LastCouponDate): 债券的最后一次付惠日,对于不规则付惠债券来说, 最后一次派惠日是根据债务合约设立的,有可能同债券到期日不同。 对上途审查战转的费73所示。

	det a constitution of the base			
Settle	交割日			
Maturity	到朔日			
Penod	年计息次数			
Basis	日期计量法则			
EndMonthRule	月末法則			
IssueDate	发行日			
PirstCouponDate	首次派息日			
LastCouponDate	最后減息日			

表 7.3 MATLAB 债券数据属性

在 MATLAB 内部,需要清楚,如果完全指定上述参数,是复杂的,并且,绝大多数 债券,特别是国债一般来说,有自己的特定计息周期,因此在 MATLAB 内部有相应的默 认规则。

首先, MATLAB 商数根据首次派息日进行判断, 根据 SIA 的規则, 计算出相应的派 息日朝; 在首次派息日为空的情况下, 按照最后派息日进行判断; 在二者都为说明的情况 下, 则按照债券到期日进行判断。对于特殊的不规则证券, 有时有必要详细说明每次派息 日期。

7.4.2 收益率计算

下面讲述 6 类固定收益证券收益率的计算。

1. 根据贴现率, T-bill 发行日、到期日计算债券收益率

MATLAB 中標樹貼現率、发行日和到期日计算 Tbill 的收益率函数是 billdisc2yield。 在市场报价中,对于期限短于一年的贴现债券,其报价方式是贴现率,在计算期限结构是。 有从聚级其转位为购台海。

【语法格式】

[BEYield MMYield] = tbilldisc2yield(Discount, Settle, Maturity)

【始入参数】

Discount Settle 8贴现债券的贴现率

%贴现债券的交割日 %贴现债券的到期日

Maturity

BEYield

8债券市场收益率,按照一年365天计算

actual/360, actual/365, actual/360,

其转化公式分别为.

$$I - \frac{(Maturity - Settle)_{actual}}{360} * Discount = \frac{1}{1 - \frac{(Maturity - Settle)_{actual}}{360}} * MMYielat = \frac{1}{1 - \frac{(Maturity - Settle)_{actual}}{360}} * MDISCOUNT = \frac{1}{1 - \frac{(Maturity - Settle)_{actual}}{365}} * BEYield = \frac{1}{365}$$

【例 7-8】 国库券定价实例。某 T-bill 的交割日为 2008-4-17, 到期日为 2008-8-13, 年贴现率为 0.0398, 求债券收益率。

在 MATLAB 命令實口中輸入如下命令:

>>dis=0.0398; >>set='4-17-2008';

>>mat='8-13-2008'; >>[bey mmy]=tbilldisc2vield(dis, set, mat)

输出结果为

bey = 0.04088616 mmy = 0.04032607

读者可自行根据已介绍的转换公式验证输出结果。

当 Settle 和 Maturity 之间间隔大于 182 天时, MMYield 的算法不变化, 但是 BEYield 的计算公式需要改变, 不能够按照上述公式直接进行计算, 其新的计算公式为

BEYIeld =
$$\frac{2x + 2\sqrt{x^2 - (2x - 1) * (1 - \frac{100}{P})}}{2x - 1}$$

其中:
 $x = \frac{(Maturity - Settle)}{365}$ $P = 100 * (1 - \frac{(Maturity - Settle)}{360} * 100)$

这个公式的折现形式为:

$$P = \frac{100}{(1 + \frac{BEYield}{2})(1 + \frac{BEYield}{2}(2x - 1))}$$

读者应仔细理解上述公式,但也应清楚,对于超过 182 天的 T-bill 的报价和收益率之间的关系,应当遵循相应的市场规则,这里只是基于 SIA 的报价规则。

| 技巧与画示|

在 MATLAB 命令實口輸入命令: type tbilldisc2yield,在显示结果中找到如下的代码行。

```
% EMAILLAD % % $ 40 ** 4 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40 ** 40
```

其中加粗的代码行即是存绘期据过 182 天的 T-hill 的到期收益率计算公式。

在应用 MATLAB 计算时,一定要率记, MATLAB 提供的是工业标准,而市场上的交 島規則可能是随时变化的,市场也是变化的,不能够用一个公式,代替所有的市场。

当輸入的參數 Maturity 同 Settle 超过 365 天时, MATLAB 并不会报错, 在命令窗口会 显示響告, 提示返回值为负, 这点应尤其注意。

2. 根据债券收益率计算贴现率

在设定目标收益率之后,如何在市场上寻找到相应的 T-bill? 由于市场上短期国债的 报价是按照贴现率进行的,因此有必要将需要的收益率转化成贴现率,方便报价和询价。

在 MATLAB 中,将收益率转化成贴现率的函数是 tbillyield2disc, 其使用规范和 tbilldisc2yield 有所不同。

【语法格式】

Discount = tbillyield2disc(Yield, Settle, Maturity, Type)

【输入参数】

Yield

8贴现债券的收益

Settle

%贴现债券的交割日 %贴现债券的到期日

Maturity Type

8可选,默认值为1、表示按一年360天计算、为2、表示按一年365天计算。

【输出参数】

Discount

8债券贴现率

【例 7-9】 国库券贴现率计算实例。某 T-bill 的交割日为 2008-4-17,到期日为 2008-8-13, 债券年收益率为 0.04088616。求其贴现率。

在 MATLAB 命令會口中輸入如下命令.

>>yield=0.04088616; >>set='4-17-2008';

>>mat='8~13-2008'; >>dis=tbillyield2disc(yield, set, mat,2)

输出结果为.

dis = 0.039799999562430

本例的结果,同例 7-8 比较可知,在含入误差允许的范围内,tbillyield2disc 同tbilldisc2yield是互为逆函数。

3. 零息债券到期收益率函数

为计算學息票债券的到期收益率、引入准息票目的概念。

准息票日,是如果假设零息票债券是付息的,则其正常的付息日称之为准息票日(Quasi-coupon date)。

例如,一个到期日为 2008-12-17 的债券,现在是 2008-4-17,则其准息票日为 2008-6-17 和 2008-12-17。但是由于债券是零息票的,所以在 2008-6-17 并不会有利息支付,因此称 之为准息票日。上述债券只会在 2008-12-17 支付本金。

当到期日(Maturity)在下一个准息票日之内时,按照如下公式计算零息债券收益率:

$$Yield = (\frac{Par-Price}{Price})(\frac{M*B}{DSR})$$
 (1)

当到期日在下一个准息票日之外时,按照如下公式计算零息债券收益率:

$$Yield = \left[\left(\frac{Par}{Price}\right)^{\frac{1}{N_e-1+\frac{DSC}{R}}} - 1\right] * M \qquad (2)$$

其中.

罐碗 MATLAB 宗教计算

Par 是零息票债券的回购价格; Pricc 是债券当前价格; M 是一年内的计息频率,参见 zeroyield 函数输入参数的说明,即其中的 Period 参数。

E 为当前准计息周期的天数,根据 zeroyield 函数的 Basis 参数确定。

 N_q 的取值为交割日和到期日之间的准息票时段数目,比如上例中的 N_q 应当等于 2; DSR 为当前结算日到到期日的天数,根据 zeroyield 函数的 Basis 参数确定,

DSC 为当前结算日到下一个准息票日的天数,根据 zeroyield 函数的 Basis 參數确定。当 N_q =1 时,有 DSR=DSC。

公式(I)中,第一项为债券的收益率,第二项将收益率调整为年化的收益率。各变量关系如图 7-4 所示。



注: 在N,=1 时, DSR=DSC

图 7-4 zeroyield 函数计算公式参数含义

在 MATLAB 中计算零息债券到期收益率的函数 zeroyield 对待不同期限的零息债券采用不同的公式。其使用如下。

【语法格式】

Yield = zeroyield(Price, Settle, Maturity, Period, Basis, EndMonthRule)

【输入事物】

Price &债券价格 Settle &债券结算日

Maturity を债券到期日 Period を可选,一年计息頻率,默认值为 2

Basis 4可选,应计天数规则,参看表 6-5

EndMonthRUle 4可选,仅对到期日是30,29或者28日有效,0表示发放息票的日期相同; 81(默认值)表示息票放在最后一天发放。

【朝出春殿】

Yield &债券到期收益盒。

【例 7-10】 零息债券到期收益率计算实例。零息债券给算日为 2008-4-17, 到期日为 2010-6-1, 当前价格为 79.56 元, 求零息债券的到期收益率。

在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令:

>>zeroyield(79.56,'4-17-2008','6-1-2010')

输出结果为.

ans = 0.1107

可知,零息债券到期收益率为11.07%。

4. 年回报率和相应的不同计息周期的年化利率之间的转化

实务计算中,经常涉及将同一个收益率转化为等价的不同计息频率的收益率, MATLAB中提供effrr函数,实现此项功能。

【语法格式】

Return = effrr(Rate, NumPeriods)

【输入参数】

Rate &债券的年回报率,计息频率为 1 的收益率

NumPeriods %年计息頻率

【输出参数】

Return %在新的年计息频率下的收益率

其计算公式为

5. 固定收益证券的到期收益率

在 MATLAB 中,求一个付息债券到期收益率的函数是 bndyield。

%借券价格

8可洗,面值

【语法格式】

Yield = bndyield(Price, CouponRate, Settle, Maturity, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate, FirstCouponDate, LastCouponDate, StartDate, Face)

【输入参数】 Price

%债券息票率 CouponRate %借券续算日 Settle Maturity **%债券到期日** Period 8可洗, 年息票支付額率 %可选,应计天数法则 Basis EndMonthRule %可选、月末法则 IssueDate %可选,债券发行日 FirstCouponDate 8可选,首次派息日 %可选,最后派息日 LastCouponDate StartDate 8可选、现金收到日

Face

Yield %债券收益率

橋禰 MATLAB 金割计算

【例 7-11】 国债到期收益率计算实例。国债价格是 98.56 元,息票率为 8.5%,结算 日为 2008-4-20,到期日为 2010-6-30,请计算其到期收益率。

在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令:

>>bndvield(98.56,0.085,'4 20-2008','6-30-2010')

输出结果为-

ans = 0.09227940

可知,国债到期收益率为9.22794%。

6. T-bill 的到期收回债到期收益率益率计算

在 MATLAB 中计算 T-bill 收益率的函数是 tbillyield。

【语法格式】

[MMYield, BEYield, Discount] = tbillyield(Price, Settle, Maturity)

【输入参数】

Price Settle %T-bill 价格 %债券结算日

Maturity \$债券到期日

頭出藥数】

MMYield

%货币市场规则计息的收益率 %债券市场收益率

BEYield Discount

8债券贴现率,及直接换算得到市场报价

【例 7-12】 计算 T-bill 的收益率。现有结算日为 2008 年 10 月 9 日的国库券, 到期日为 2009 年 2 月 24 日, 结算价格为 98.75。求其 MMY、BEY 和贴现率。

在脚本中輸入如下代码:

Price = 98.75; Settle = '09-Oct-08'; Maturity = '24-Feb-09';

[MMYield, BEYield, Discount] = tbillyield(Price, Settle, Maturity)

得到如下结果:

MMYield = 0.0330 BEYield = 0.0335 Discount = 0.0326

7.4.3 价格计算

在 MATLAB 中,对应上述计算收益率的函数,存在相应的价格计算函数,本节介绍 MATLAB 债券定价函数的基本使用。

128

1. MATLAB 中生成现金流,支付日期,折现因子的函数

在 MATLAB 中计算一个包含有息票率、结算日、到期日的债券的现金流。及支付日。 折现因子等的函数是 cfamounts。

cfamounts 将计算出相应债券的全部现金流、对应的时间,以及相应的折现因子。此 函数是众多定价函数的核心。

【语法格式】

[CFlowAmounts, CFlowDates, TFactors, CFlowFlags] - cfamounts(CouponRate, Settle, Maturity, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate, FirstCouponDate, LastCouponDate, StartDate, Face)

【输入参数】

CouponRate %债券息票率 8.债券结算日 Settle Maturity %债券到期日

8.可洗, 息票支付额次 Period %可选, 计息天数法则 Basis %可洗、月末法則 EndMonthRule IssueDate 8可选,发行日

&可选, 首次息票支付日 FirstCouponDate %可选、量后一次息票支付日 LastCouponDate

StartDate *可洗,开始日期,存在同 IssueDate 不同的情况 Face

%可选、债券面值

【始出事物】

CFlowAmounts. *现金液数量、根据息票率和债券面值计算结果 a对应参数 CFlowAmounts 现金流的日期 CF1owDates *对应 CFlowAmounts 现金流的折现因子 TFactors

CFlowFlags 8现金流类型

【贫巧与喜宗】

在 MATLAB 命令盲口, 输入命令 type cfamounts, 在輸出參數说明中会找到如下语句:

Time factors are in units of whole semi-annual coupon periods plus any fractionalperiod using an Actual day count.

这里关于 TFactors 计算表明,实际上,Tfactors 与参数 Basis 计息天数法则是无关的, 是按照 actual/actual 计算的。这点在计算的过程中需要注意。在使用 MATLAB 函数提供的 使利计算时, 要知其所以然才能不犯错误。

【例 7-13】 债券现金流时间序列生成和折现因子计算实例。债券息票率是 10%、结 算日是 2008-4-12,到期日是 2011-3-31,半年计息,计算其现金流量表,以及对应的日期 和折现因子。

在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令:

MATLAB 全融计算

```
>>maturity='3-31 2011';
   >>coupon=0.10;
   >>[cfa, cfd, tf, cff]-cfamounts(coupon, settel, maturity)
   输出结果为:
   cfa = -0.3279 5.0000 5.0000 5.0000 5.0000 5.0000 105.0000
                          733863
                                  734046 734228 734411
         733510
                 733681
734593
          0 0.9344 1.9344 2.9344 3.9344 4.9344 5.9344
   tf =
   cff =
             3
                  3
                      3
                          3
                              3
   在 MATLAB 命令會口中继续輸入如下命令:
```

>>datestr(cfd)

输出结果为:

ans = 12-Apr-2008 30-Sep-2008 31-Mar-2009 30-Sep-2009 31-Mar-2010 30-Sep-2010 31-Mar-2011

可见,通过 cfamounts 函數,将债券拆解为现金流,并且包含了价格计算时所必需的 要素。而现金流是根据到期日逆推得到的。

2. 固定收益证券价格

MATI.AB 中,在给定到期收益率的情况下,对债券定价使用函数 bndprice。 【语法格式】

[Price, AccruedInt] = bndprice(Yield, CouponRate, Settle, Maturity, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate, FirstCouponDate, LastCouponDate, StartDate, Face)

[Price, AccruedInt] = bndprice(Yield, CouponRate, Settle, Maturity)

【输入参数】

\$债券到期收益率 Vield. CouponRate 2.偿债息重度 8结算日期 Settle 8.到期日 Maturity %可洗, 年付息频率 Pairod %可选,应计息天散法则 Rasis EndMonthRule %可选, 月末法则 %可洗,发行日 IssueDate %可选,首次付息日 FirstCouponDate %可洗,最后付息日 LastCoupon

StartDate Face %可选,开始日期,一般等同于 IssueDate

8可选、债券面值大小

【输出参数】

Price

8债券价格,为净价

AccruedInt

%应计算利息,根据 Basis 参数指定的计息规范进行计算

一般情况下,采用第二种输入格式,4个输入参数即可。

MATLAB 里的计算,是按照前面介绍的债券日期计量规则,先计算出债券的全价,然后减去应计利息,得到债券的净价。在全价的计算过程中,涉及上节特别介绍的 cfamounts 函数。

在应计利息的计算过程中,需要考虑 Basis 参数指定的应计利息法则,结果会根据 Basis 值的不同而不同。

由于 cfamounts 特別强调,TFactors 参数的计算是参考 actual/actual 的规范来进行计算的,所以债券的全价不会用变动。这点需要注意,在不同的交易规则下是不同的。

【例 7-14】 国债交易价格计算实例。现有一国债,到期收益率为 5.83%, 计算日为 2008-4-21,到期日为 2015-3-1, 急票率为 7.5%, 求其交易价格。

在 MATLAB 命令會口中輸入如下命令:

```
>>yield=0.0583;
>>coupon=0.075;
>>settle='4-21-2008';
>>maturity='3-1-2015';
```

>>[price ai]=bndprice(yield, coupon, settle, maturity)

输出结果为.

price = 109.32315077 ai = 1.03940217

在 MATLAB 命令窗口中輸入如下命令:

>>price+ai

输出结果为:

ans =110.36255294

本題是要求出债券交易价格,应对应于全价,因此需将净价 price 和应计利息 ai 相加得到结果。

3. 贴现类证券的价格

在 MATLAB 里提供了专门计算贴现类债券价格的函数 prdisc。

【语法格式】

Price = prdisc(Settle, Maturity, Face, Discount, Basis)

構通 MATLAB 宗朝什賀

【输入参数】

Settle %债券的计算日 Maturity %债券的到期日

Maturity 名债券的到期日 Face 名债券赎回价格。一般贴现债券为面值赎回

Basis %可选,应计天数法则

【输出参数】

Price %贴现债券价格

【例 7-15】 贴现债券价格计算实例。现有一贴现债券, 结算日为 2008-4-20, 到期日为 2008-6-3, 贴现率为 4.67%, 求其价格。价格计息天数法则为 actual/360。

在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令·

>> prdisc('4-20-2008', '6-3-2008', 100, 0.0467,2)

输出结果为:

ans = 99.42922222



在本例当中, Basis 参數为 2, 因为 T-bill 交易市场的计总规则是 actual/360, 得到的债券价格为 99.42922222。

4. T-bill 的定价

在 MATLAB 中除了上述对于贴现债券的统一定价函数外,针对庞大的 T-bill 市场, MATLAB 提供了专业的 tbillprice 函数用来给 T-bill 定价。

【语法格式】

Price = tbillprice(Rate, Settle, Maturity, Type)

【输入条数】

Rate %定价过程中使用的折观率,或贴现率,由 Type 参数来指定

Settle %债券的结算价格

Maturity %债券的到期日

Type %可选,指定 Rate 类型,Type=1,Rate 是货币市场收益率 MMY1eld;

Type-2, \$Rate 是债券等价收益率 BEYield; Type-3, Rate 为相应的折现率。

【输出参数】

Price %贴现债券价格

【例 7-16】 T-bill 交易价格计算实例。根据例 7-15, 采用 tbillprice 函数重新计算其价格, 并与 prdisc 函数计算结果相比较。

在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令。

>> tbillprice(0.0467, '4-20-2008', '6-3-2008', 3)

132

输出结果为

ans - 99.42922222

可见其计算结果同 prdisc 的计算结果是一样的,这里 Type 参数设置为 3,因为例中所 指为相应贴现率。

相应的计算 T-bill 的函数, 在MATLAB 中提供了probill 函数, 读者可自行参考 MATLAB 帮助文件。

5. 回购协议 (repo) 定价

回购协议是重要的短期融资工具,类似短期票据抵押贷款。在解决短期流动性和隔夜 资金头寸配置上有重要作用,在 MATLAB 为此类金融工具提供了 tbillrepo 函数。

【语法格式】

TBEDiscount = tbillrepo(RepoRate, InitialDiscount, PurchaseDate, SaleDate, Maturity)

[绘入条款]

RepoRate

8年化的, 基于 360 天计息方式的回购收益率

InitialDiscount

8购买日的初始贴现率,及可换算出购买价格

PurchaseDate SaleDate N回购协议签订日期 N回购日期 NT-bill到期日。

Maturity

TBEDiscount

8回购盈亏平衡点的贴现率

【例 7-17】 回购贴现率计算实例。短期债券的初始贴现率为 4.75%,债券到期日为 2008 年 4 月 3 日,购买债券日期为 2008 年 1 月 3 日,实出债券日期为 2008 年 2 月 3 日,向缺利塞为 4.5%。求此项回购盈亏平衡点的贴现率。

在 MATLAB 命令行场口中输入如下命令:

```
>>repo=0.045;
>>initialdis=0.0475;
>>purchaedate='1-3-2008';
>>saledate='2-3-2008';
>>maturity='4-3-2008';
>>TBEDiscount_tbll!repo(repo, initialdis, purchasedate,...
```

saledate.maturity)

输出结果为:

TBEDiscount = 0.04907083

可见,本例中的年化的回购贴现率应当为 4.907083%。

在一个回购协议中,涉及5个参数,分别具有其含义,现表示如下。根据例7-17,其 结果如图7-5 所示。

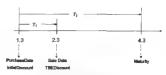


图 7-5 repo-回购参数详解

已知在 T_1 时段内年化收益率为 4.5%, 求图 7-5 中所示在 T_1 结束时的贴现率 TBEDiscount。

【步骤1]:

根据初始贴现率 (Initial Discount) 计算购买日 (Purchase Date) 的价格, Poo

模据贴现率和价格之间的公式 $\frac{100 \cdot h}{100} \circ \frac{360}{T_1} = InitialDiscount$, 在 repo 中,计息规则采用 actual/360 的计象规范、因此 $T_2 = 0$ 1 $T_1 = 0$ 1 $T_2 = 0$ 2 $T_3 = 0$ 3 $T_4 = 0$ 3 $T_4 = 0$ 4 $T_5 = 0$ 5 $T_5 = 0$ 5 $T_5 = 0$ 5 $T_5 = 0$ 7 $T_5 = 0$ 9 $T_5 = 0$ 7 $T_5 =$

「步骤 2 l-

根据收益率(RepoRate)要求,计算出在T,末的价格。

根据收益率公式 $\frac{R-R_0}{P_0}$ * $\frac{360}{T_i}$ = RepoRate,并将第一步结果代入有 R_i = 99.20342216,

这里 T_i =31 天,按照 actual/360 的计息天数规范。

【步骤3】

将上面计算出的价格 P₁ = 99.20342216,结合到期日(Maturity),换算成贴现率。根据公式TBEDiscount=100-P₁ = 360, 7 = TBEDiscount=6.04907083。

可见上述结果,同 tbillrepo 计算出的结果是相同的。

【被巧与复示】

关于 MATLAB 内部函数的算法和计总规则,可以通过查看参数的方式获取,也可以 直接在 MATLAB 中查看函数的源代码形式进行,在命令窗口中输入 type+函数名,即可 专者。

6. CD 类产品定价

CD 是可转让定期存单的缩写,是货币市场上的重要工具,以短期为主,类似 repo, 存续期内并不支付利息。

但是,其发行不是贴现发行,而是按照面值发行,利息根据禀面标定息禀,按单利计算,计息规范 actual/360。

在 MATLAB 里提供了三个 CD 类的相关函数: 分别是 cdai、cdyield 和 cdprice, 从函数的命名规范上,就可以知道,三个函数分别是计算 CD 类产品的应计利息、到期收益率

和价格的函数。

CD 类产品的计息规则全部是单利计息。为更加清楚三个函数的含义,首先应当清楚 关于 CD 产品的几个基本概念,如图 7-6 所示。



图 7-6 CD 产品要素图

发行日(IssueDate)是CD发行日期,到期日(Maturity)是CD到期日期。在整个存 续期内,没有任何利息收入。CD在发行日按面值100%发行,在到期日支付本金和相应利 息,利息支付数量由发行日的息票率决定。

在结算日的报价,是 CD 的净价,应加上在 T_i 时间段内的应计利息,得到交割价,是 CD 的实际成交价。

CD 的收益率是指在结算日购买,持有到到期日的收益率。

(1) MATLAB 中计算 CD 应计利息的函数为 cdai

【语法格式】

AccrInt = cdai(CouponRate, Settle, Maturity, IssueDate, Basis)

【输入参收】

8 发行日确定的息票率。年化息票率

CouponRate Settle

8CD 结算日

Maturity IssueDate %CD 型期日 %CD 发行日

Basis \$可选,应计利息规范,注意,其獻认值应为 Basis=2

[標出春報]

Accrint

%CD 应计利息

【例 7-18】 CD 类产品应计利息计算实例。现有一 CD, 息票率为 5%, 结算日为 2002-1-2, 到期日为 3-31-2002,发行日为 2001-10-1.求其应计利息。

在 MATLAB 命令會口中輸入如下命令。

>>coupon=0.05; >>settle='02-Jan-02'; >>maturity='31 Mar-02'; >>issuedate='1-Oct 01';

>>accrint=cdai(coupon, settle, maturity, issuedate)

輸出结果为.

accrint = 1.29166667

【放び与集示】

在计算 AccrInt 过程中, 其计息法则为 Basis=2, 即 actual/360, 因而 cdai 的计算公式如下:

$$AccrInt = \frac{T_1}{360} *CouponRate*100$$

本例中, T1=93 天, 为实际天数。

(2) MATLAB 中计算从结算日持有到到期日收益率的函数是 cdyield

【语法格式】

Yield = cdyield(Price, CouponRate, Settle, Maturity, IssueDate, Basis)

【输入参数】

Price

%CD价格,应为净价,如果是全价。应减去应计利息,用 cdai 计算

CouponRate %CD息票率,年化的息票率

Settle %CD结算日 Maturity %CD到網日

IssueDate \$CD 发行日

%可选,应计息天数规范, 默认值为 Basis=2, actual/360s

Basis 【輸出参数】

Yield

6于结算日购买、持有到到期日的收益率

【例 7-19】 CD 类产品到期收益率计算实例。如例 7-18 所示, CD 息票率为 5%, 结 算日为 2002-1-2, 到期日为 2002-3-31, 发行日为 2001-10-1, 其价格为 101.125, 求某到期 收益率。

在 MATLAB 命令會口中輸入如下命令.

>>price=101.125; >>coupon=0.05; >>settle='02-Jan-02';

>>maturity='31-Mar-02';

>>issuedate='1-Oct-01'; >>yield=cdyield(price,coupon, settle, maturity, issuedate)

输出结果为:

yield = 0.00388342

可见,到期收益率为 0.388%。计算过程应注意,这里的 pric≈101.125 是净价,不是全价。得到的 yield 是年化收益率,实际收益率按照 actual/360,单刊计算。

【枝巧与細宗】

cdyield 的计算公式如下:

 $\frac{\text{CouponRate} * \frac{T_2}{360} + 100 - \text{Price-AccrInt}}{\text{Price+AccrInt}}$

这里 To 是实际天教。注意报价是净价、需要换算成全价。

(3) MATLAB 中计算 CD 价格的函数是 cdprice

【语法格式】

[Price, AccrInt] =cdprice(Yield, CouponRate, Settle, Maturity, IssueDate, Basis)

【输入参数】

Yield %CD 到期收益率,单利计算

CouponRate %CD息票率 Settle %CD结算日 Maturity %CD到網目

IssueDate %CD发行日

Basis %可选,应计息天数规范,默认值 Basis-2, actual/360

【输出参数】

Price %CD 净价 AccrInt %应计利息

【例 7-20】 CD 参数计算实例。如例 7-18, CD 息票率为 5%, 到期收益率为 0.388342%, 结算日为 2002-1-2, 到期日为 2002-3-31, 发行日为 2001-10-1, 求其全价、净价及应计利 息。

在 MATLAB 命令會口中輸入如下命令:

>>yield=101.125; >>coupon=0.05; >>settle='02-Jan-02'; >>maturity='31-Mar-02'; >>issuedate='1-Oct-01';

>>[priceaccrint]=cdprice(vield.coupon.settle.maturity. issuedate)

输出结果为:

price = 101.12500008 accrint = 1.29166667

在 MATLAB 命令雷口中继续输入如下命令:

>>price+accrint

输出结果为:

ans = 102.41666675

由上面的结果看出,例 7-18、例 7-19 和例 7-20 三道顧目的数据是吻合的。最后一个结果对应 CD 的全价,即实际交割价格。

7.4.4 敏感性分析

MATLAB 作为一款优秀的计算软件,在金融工具箱中,提供了计算固定收益证券敏感

讀演 MATLAB 宗興計會

性的工具、计算固定收益证券的久期和凸性。

在考虑债券的久期和凸性前,读者应当熟悉 MATLAB 中基本的的现金流久期和凸性 计算函数 cfdur 和 cfconv。

计算债券久期和凸性的函数为别为 bndconvp (bndconvy), bnddurp (bndury), 分别是 根据债券的价格和收益率计算久期的函数,当中仍然涉及前面介绍的 cfamounts 函数。

债券的久期是价格对利率的导数,凸性是久期对利率的导数,即价格对利率的二阶导 数。用来衡量价格对利率变动的敏感性。久期分为麦考利久期和修正久期两种。

1. 现金流久期和凸性的计算

在 MATLAB 中计算现金流久期的函数是 cfdur。

【语法格式】

(Duration, ModDuration) = cfdur(CashFlow, Yield)

【输入条数】

CashFlow 8为一现金流向量

9.收益率

Yield.

【输出参数】

Duration ModDuration

8为现金流的麦寿利久期 6为现金流的修正久期

在 MATLAB 中计算现金流凸件的函数是 cfconv。

【语法格式】

CFlowConvexity = cfconv(CashFlow, Yield)

【独入争教】

CashFlow

8为一现金流向量

Minid

*收益率

【糖出类数】

CFlowConvexity

8为现金流的凸性

【例 7-21】 现金流久期和凸性计算实例。现有一现年金,每年支付 100 元,持续十 年、求现金流久期和凸性、假定利塞期限结构水平为8.5%。

在 MATLAB 命令雷口中输入如下命令.

>>y1eld=0.085; >>cfduration=cfdur(cf, vield)

输出结果为.

cfduration = 4.83438763

在 MATLAB 命令窗口中继续输入如下命令

>>cfconvexity=cfconv(cf, yield)

输出结果为.

cfconvexity = 30.73802528

2. 债券的久期计算

在 MATLAB 中计算债券久期的函数是 bnddurp 和 bnddury。

【语法格式】

[ModDuration, YearDuration, PerDuration] = Inddurp(Price, CouponRate, Settle, Marriary, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate, FirstCouponDate, LastCouponDate, StartDate, Face)

[ModDuration, YearDuration, PerDuration] = bnddury (Yield, CouponRate, Settle, Marrity, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate, FirstCouponDate, LastCouponDate, StartDate, Face)

&债券价格, 在 bnddurp 函数中

【输入参数】 Price

Yield	%债券收益率,在 bnddury 函数中
CouponRate	%债券息票率
Settle	%债券结算日
Maturity	€债券到期 日
Period	%可选,年息票支付领次
EndMonthRule	%可选,月末法则
IssueDate	%可选,债券发行日
FirstCouponDate	も可选,首次派息日
LastCouponDate	8可选,最后派息日
StartDate	6可选,开始计息日期
Face	%可选,债券面值大小

Face 【輸出参数】

MODDUTATION	も回が浄エス州	
YearDuration	%债券的麦考利久期,	以年为计量单位
PerDuration	%债券的麦考利久期。	以半年为计量单位

3. 债券的凸性计算

【语法格式】

[YearConvexity, PerConvexity] = bndconvp(Price, CouponRate, Settle, Maturity, Peri od, Basis, EndMontRule, IssueBate, PiratCouponDate, LastCouponDate, StartDate, Face) [YearConvexity, PerConvexity] - bndconvy(Yeld, CouponRate, Settle,

| YearConvexity, PerConvexity| = bndconvy(Yield, CouponMate, Settle,
Maturity, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate, FirstCouponDate, LastCouponDate
, StartDate, Face)

【输入参数】

同 bnddury。

請過 MATLAB 金融計算

【输出参数】

YearConvexity PerConvexity 8以年为计量单位的债券凸性 8以 Period 参数为计量单位的凸性

【例7-22】 债券久期和凸性计算实例。一国债,息票率为8.5%,半年付息,收益率为6.3%,结算日为2008-4-21,到期日为2020-3-1,市场交易价格为101.23。求债券的久期和凸性。

在 MATLAB 命令雷口中输入如下命令:

```
>>couponrate=0.085;
>>price=101.23;
>>yield=0.063;
>>settle='4-21-2008';
>>maturity='3-1 2020';
```

>>[moddur,yeardur,perdur] = bnddurp(price,couponrate,settle, maturity)

输出结果为.

```
moddur = 7.33232683
yeardur = 7.63780775
perdur = 15.27561551
```

在 MATLAB 命令會口中继续輸入如下命令:

```
>>[yearconv perconv] = bndconvp(price,couponrate,settle, maturity)
```

输出结果为:

```
yearconv = 73.59589273
perconv = 294.38357091
```

7.5 固定收益证券的数据管理

在 MATLAB 的使用中, 数据的管理组织形式是很重要的, 一般情况下, 金融数据都 是存储在专门的数据库中, 例如 mysqi 等, MATLAB 的 Database Toolbox 提供了专业的数 据库接口访问, MATLAB 推荐 JDBC 作为接口。但是日常使用过程中, 在数据集并不是很 大的情况下, 可以采用本文介绍的两种方式。

目前科研用数据的组织形式一般采用 Microsoft 的 Excel, 因此本节在讲述如何在读取 和写入 Excel 数据的同时,还介绍在 MATLAB 中的 Instrument 型数据。

7.5.1 Instrument 型数据

MATLAB 提供了五个函数对 Instructment 型金融数据结构进行操作。下面对这五个函数分别做介绍。

借助这五个函数,可以实现简单的类似 SQL 语言的数据查询, 删除, 显示, 提取功能。

140 ▶ ▶ ▶

1. 构建 Instructment 型数据的函数 instaddfield

【语法格式】

InstSet-instaddfield('FieldName',FieldList,'Data',DataList,'Type',...Ty
peString)

InstSetNew=instaddfield(InstSet,'FreldName',FieldList,'Data',DataList,'
Type',TypeString)

【输入参数】

 FieldList
 8变量名称,以cell型数据输入

 DataList
 8数据列表,以cell型数据输入

 TypeString
 4类型字符串,以字符串形式输入

【输出参数】

InstSet %为 instaddfield 创建的 工具变量 / ,为 struct 类型

InstSetNew %instaddfield 添加的新现测后的变量

【枝巧与椰汞】

MATLAB 的 Instrument 结构, 按照矩阵方式组织的数据、一般将列作为变量, 行作均 限测。在这里、MATLAB 称列为城 (field), 行为数据 (data)。这样, 就清楚 instaddfield 函数参数的含义。

'FieldName'是城名变量的关键字,学过数据库对 SQL 语言有了解的读者应当清楚,在 数据库操作时,对变量的操作时对列进行的,这里'FieldName'和 SQL 中变量的概念集似。

'Data'是数据观测关键字,声明后面跟随的 cell 型数据是相应的观测。

'Type'是类型关键字,声明后面的字符串作为每个观测的基本属性。可以将 Type 视为 特殊的 Field,相同的 Type 必须有相同的城名;不同的 Type 可以有不同的 field。 血紅結 抽如下.

FieldList 是城名, 数据类型为 cell; DataList 是行的观测量, 数据类型为 cell; TypeString 是类型标识字符单, 数据类型为字符单。

instaddfield 函数可以用来创建 Instrument 結构嚴握,同时可以用 instaddfield 向己有的 Instrument 型数据结构中添加相应的数据 (Data) 和奥型 (Type) 。

Instrument 型数据,可以用 save/load 命令存储和埃入工作空间。Instrument 型数据可以实现一个小型数据库的功能,并利用其提供的操作函数,实现 SQL 语言的部分功能。在做投資組合的, Instrument 型数据符合是很有帮助的。

在參數輸入的过程中,MATLAB 采用有名形式,因此,輸入順序并不影响结果,而 前面介绍的 MATLAB 函數、參數的輸入順序,不能改变。

【例 7-23】 Instrment 型数据生成实例。现有针对某股票的 6 个期权、数据如下

执行价 Call Put 25 2.2 2.1 30 1.8 2.7 35 1.6 3.6

请将其组织成为 Instrument 型数据。

分析 这里面临一个股票的期权,而具体的期权,其期权类型(Call 或 Put),执行价、期权价格都不同,共同的就是都是期权。

因此数据结构类型设计如下 Type 字段, 用来标识产品为期权, 在域的设置中, 设置三个域, 分别表示执行价。期权价格和期权举型(Call 或 Put)。

在 MATLAB 命令雷口中输入如下命令·

```
>>callvalue=[2.2, 1.8, 1.6];
>>putprice=[2.1, 2.7, 3.6];
>>pttprice=[2.1, 2.7, 3.6];
>>strike=[25, 30, 35];
>>strike=[strike strike];
>>fieldint=('Strike, 'OptionValue', 'OptionType');
>>datalist=(strike, optionvalue, ['c'; 'c'; 'c'; 'p'; 'p', 'p']);
>>inst=instaddfield('Type', 'Option', 'FieldName', fieldlist,
'Deta', datalist);
```

输出结果为:

```
inst =
FinObj: 'Instruments'
IndexTable: [1x1 struct]
    Type: ('Option')
FieldName: {{3x1 cell}}
FieldData: {{3x1 cell}}
```

可见,上述命令创建了一个 Instrument 型的金融数据对象 (FinObj: 'Instrument'), instaddfield 将输入全部转化为一个 cell 型数据。

【例 7-24】 向 Instrument 型数据中添加观测实。为例 7-23 中建立的 Instrument 型数据添加如下的一个数据(Data)观测:

基于股票的一个期货合约, 类型为 Futures, 3 个月远期价格为 31 元, 期货远期合约 多头, 用'L'表示。

分析,由于上例中建立的 Instrument 的 Type 为 Option,这里添加一个 Type 为 Futures 的观测,其域名应当包含远期价格、交割日其和仓位情况三个域。

在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令:

```
>>:nstnew=instaddfield(inst, 'FieldName',('FuturePrice', 'Positions', 'Deliverydate'), 'Data',(31, 'L', 0.25)'Type', 'Futures')
```

输出结果为。

```
instnew =
FinObj: 'Instruments'
```

```
IndexTable: [1x1 struct]
Type: {2x1 cell}
```

FieldName: (2x1 cell) FieldClass: {2x1 cell} FieldData: (2x1 cell)

2. 显示 Instrument 型数据的函数 instdisp

【语法格式】

CharTable = instdisp(InstSet)

【输入争数】

InstSet

&准备量示的 Instrument 型数据

(輸出多数)

CharTable

%显示 instdisp 的内容, 为 char 型数组, 显示格式是按照方阵的形式显示

一段巧写着示

instdisp 函数的返回值 CharTable,是一个矩阵,其大小可以用 size 函数。注意在不同的 Type 数据举型间, MATLAB 自动插入空行, 因而 ChartTable 中的規測数目是小于其行数的。

【例 7-25】 Instrument 型数据查看实例。将例题 7-24 中的数据属性显示在 MATLAB 命令窗口中。

在 MATLAB 命令會口中輸入如下命令:

>>instdisp(instnew)

輸出结果为.

Index Type Strike OptionValue OptionType

1	ODETOIL	20	4.6	C
2	Option	30	1.8	C
3	Option	35	1.6	С
4	Option	25	2.1	P
5	Option	30	2.7	p
6	Ontion	35	3.6	10

Index Type FuturePrice Positions DeliveryDate 0.25

Futures 31

3. 查询 Instrument 型数据的函数 instget

在 MATLAB 中,可以采用类似 SOL 语言的方式,在 Instrument 型数据中查询,查询 的方式也类似于 SQL 语言,同时语法表达上也有很高的自由度,语法格式自由。

【语法格式】

[Data_1, Data_2, ..., Data_n] - instget (InstSet, 'FieldName', FieldList, 'Index', IndexSet, 'Type', TypeList)

【始入参数】

InstSet

&将要查询的 Instrument 型数据

續頒 MATLAB 金融计算

FieldLish %cell型数据、将要查询的域变量列表

IndexSet %用 Instrument 型数据的索引 Index 做查询条件, 必须同 TypeList TypeList

*数据类型 Type 作为奋询条件、必须同 IndexSet

【输出参数】

Data_n 8结果输出,FieldList 中第 n 列所标识结果,空白项用 NaN 表示

【例7-26】 Instrument 型数据的查询。在例 7-24 中的 Instrument 型数据 instnew 中, 查询出所有看涨期权的价格及其对应的执行价格。

分析·本题目涉及数据查询的高级技巧,在 MATLAB 中, 用 instget 进行数据查询的 自由度仅仅局限在 FieldList、Index 和 Type 的属性,这里,期权是 Type 属性,价格是 Field 属性、但是看涨期权、是一个特殊的属性。

这里需要先选出来期权,价格和所有类型,然后用 MATLAB 提供的 find 函数查找相 应的子类型数据。

在 MATLAB 命令會口中输入如下命令:

```
>>[stk opva opty]=instget(instnew, 'FieldName', { 'Strike',
'OptionValue', ... 'OptionType'), 'Type', 'Option');
   >>subinst=(stk opva);
                              %将执行价和期权价格组合成一个矩阵
   >> subinst(find(opty=='c'),:); %本行是结合 find 函数进行数据查询的关键
```

输出结果为.

```
ans =
  25,0000 2,2000
  30.0000 1.8000
  35.0000
           1,6000
```

这样通过 instget 和 find 函数的组合,实现了 SQL 语言中的组合条件查询,如能灵活 应用此命令、则可以查找出满足任何条件的数据(Data)。

4. 提取 Instrument 型数据的函数 instgetcell

【语法格式】

[DataList, FieldList, ClassList] =instgetcell(InstSet, 'FieldName', FieldList, 'Index', IndexSet, 'Type', TypeList)

【输入参数】

简 instget 函数

【输出金数】

DataList %将 FieldName 指定的域数据,以 cell 形式输出到 DataList 中

FielList 8即輸出结果中的全部域

8属性列表 ClassList

【例 7-27】 Instrument 型数据的提取实例。取出例 7-24 中的 Instrument 型数据 instnew 中的执行价格和期权价格。

```
在 MATLAB 命令會口中输入如下命令:
```

```
>>(datalist filedlist
classlist)=instgetcell(instnew,'FieldName',{'Strike', 'OptionValue'})
输出结果为。
datalist =
[7xx double]
[7xx double]
filedlist =
'Strike'
'OptionValue'
classlist =
'dble'
'dble'
```

这里,将注意力集中在返回值 datalist 上,由于其是 cell 型数据,用 celldisp 显示一个 cell 型数据。符这个 cell 型数据转化成矩阵的形式,在 MATLAB 命令實口中继续输入如下命令:

```
>>datalist=[datalist{1}, datalist(2)]
```

输出结果为:

```
datalist = 25.0000 2.2000 30.0000 1.8000 35.0000 2.1000 25.0000 2.7000 30.0000 2.7000 NaN NaN NaN
```

数据中存在 NaN 的数据,通过下面的方法,提取出非空值。在 MATLAB 命令會口中继续输入如下命令·

```
>>reshape(datalist(~isnan(datalist)),6,2)
```

输出结果为.

```
ans = 25.0000 2.2000
30.0000 1.8000
35.0000 1.6000
25.0000 2.1000
30.0000 2.7000
35.0000 3.6000
```

5. 修改 Instrument 型数据的函数 instsetfield

除了 instaddfield 完成添加数据(Data)之外,instsetfield 可以完成 Instrument 型数据的修改。

正如函数名字所示, instsetfield 完成的仅仅是对域的操作, 而 instaddfield 完成的是对数据 Data 即观测的操作, 需要注意两者的不同点。

【语法格式】

InstSet = instsetfield(InstSet, 'FieldName', FieldList, 'Data', DataList)
InstSet=instsetfield(InstSet, 'FieldName', FieldList, 'Data', DataList, 'Ind
ex', IndexSet, 'Type', 'TypeList)

【输入参数】

@ instaddfield

【独出争数】

InstSet

%变化后的 Instrument 型数据

7.5.2 Excel 数据的读写

前面已经介绍过,在桌面办公环境中,最常见的数据组织方式并不是数据库,而是常见的 Excel。

作为一个办公级别的数据管理软件, Excel 在简单数据管理和图形表现方面非常优秀, 但是作为高级运算, 需要和 VBA 结合使用方可。但是 VBA 性能,并不适合做大规模复杂 运算。因此,以 Excel 作为展示窗口, MATLAB 作为计算平台就会将两者的优点结合到一 起,发挥更佳的性能。

Excel 和 MATLAB 的混合编程,有两种方案,一种是动态交互方案。MATLAB 提供 了和 Excel 链接的两种方案。Excel Link 和 Builder for Excel。这两种方案难度较大,需要 读者对宏等概念有所了解。

这里介绍的重点是如果将 Excel 的数据读入 MATLAB 并实现 MATLAB 数据向 Excel 的写入,这些过程的实现均是基于文件读写的。

在 MATLAB 中,对 Excel 文件进行读入和写出命令分别是 xlsread 和 xlswrite 两个函数。 将 Excel 数据读入 MATLAB 的函数 xlsread。

【语法格式】

```
num = xlsread(filename)
num = xlsread(filename, -1)
num = xlsread(filename, sheet)
num = xlsread(filename, range')
num = xlsread(filename, range')
num = xlsread(filename, sheet, 'range')
num = xlsread(filename, sheet, 'range', 'basic')
num = xlsread(filename, sheet, 'range', 'basic')
num = xlsread(filename, ... functionhandle)
(num, txt, raw] = xlsread(filename, ...)
(num, txt, raw, X] = xlsread(filename, ..., functionhandle)
```

num=xlsread (filename), filename 是要读入的 Excel 文件, 用单引号括起来的文件
 名。文件名后额。此命令将指定文件中第一个 Sheet 的数值型数据读入 MATLAB

的 「作空间」以矩阵形式存储。

- num=xlsread (filename, -1), filename 是要读入的 Excel 文件,此时 MATLAB 会自动打开 Excel 并提示选择数据区域,单击确定后,将制定区域的数据读入 MATLAB。
- num=xlsrcad (filename, sheet), filename 是要读入的 Excel 文件, sheet 是所需读入的 工作表。可以是整数或者字符串。关于参数 sheet 的取值,可以参考 xlsinfo 路数。
- num=xIsrcad (filename, 'range'), filename 是要读入的 Excel 文件, 读入默认 sheet1
 中指定区域的数据。输入变量 range 的格式是将数据区域的左上和右下的坐标表示出来,中间用':'进行连接。比如'A1 C4'是一个4×3的矩形区域。
- num=xlsread (filename, sheet, 'range'), 读入参数 sheet 所制定的工作表。
- num=xlsread filename, sheet, 'range', 'basic'), 一般是解决 Excel 不是作为 COM Server 的情况下, 在基本模式下导入数据。
- num=xlsread (filename, ..., functionhandle), filename 是将要读入的 Excel 文件, functionhandle 是对数据完成特定操作函数的句柄。中间三个参数一般设为空,即"。 关于 functionhandle 函数的输入参数和输出参数都是一个结构型数组,由两个域构成,分别是 DataRange.Count 和 DataRange.Value。

DataRange.Count 是'矩阵'总的元素数目,是'矩阵'的行数和列数的乘积。

DataRange. Value, 是按单下标方式标识元素的, 可參见 sub2ind 函数, 由于每个元素 可能并不一定是数字, 所以 DataRange. Value 是按照元肥数组的方式组织数据的。对其值 的引用, 采用 DataRange. Value (k) 的方式, 注意是单下标。

一般来说, 自定义函数的 M 文件中关于函数头的定义按照如下格式

function [DataRange] = My_CallFcn (DataRange)

可见输出变量也是 DataRange。但是需要注意的是,My_CallFcn 对数据的操作,仅仅 限于读入 MATLAB 工作空间的变量。其不改变原 Excel 文件中的数值。

此函数在处理数据筛选的过程中极其有用。如果原始数据是在 Excel 中组织的,而要 选出来符合某些约束条件的数值,则可以在 My_CallFcn 函数中对数据进行操作,读入数 据,进行运算,将结果输出。当然也可以自行读入数据,然后再单独进行数据操作。

- [num,txt]=xlsread (filename,…),将数据中的数字部分以矩阵形式读入,文本数据以 ceil 型数据读入 MATLAB 工作空间。
- [num,txt,raw]=xlsread (filename,…),关于本函数的使用介绍请参考例 7-28。
- [num,txt,raw,X]=xlsread(filename,···,functionhandle)是[num,txt,raw]=xlsread (filename,...)
 形式的一种延伸,以单下标的方式表示了哪些数据被 functionhandle 对应的函数操作过。
 这里,需要特别注意的是日期型变量的处理。由于 Excel 和 MATLAB 对待日期的起 给点不同,因此前面介绍的 m2xdate 和 x2mdate 函数在处理二者之间日期型数据转换时就 尤其重要。

【例 7-28】 Excel 型数据的读取实例。读入文本和数值型数据组成的 Excel 表格。 现有一 Excel 表格的 Sheet1 中有如下数据。
 John
 23
 78
 USA
 M

 Mercy
 20
 53
 Britain
 F

 Kate
 19
 48
 Canada
 F

 Kox
 22
 83
 USA
 M

数据区域是 A1. E4, 文件名是 test.xls。第一列是人名,第二列是年龄,第三列是体 重、第四列是国籍、第五列是性别。

在 MATLAB 命令行中输入如下命令·

>> [num, txt, raw] = xlsread('test.xls','','')

输出结果为:

```
num -
   23
        78
   20
   19
        48
   22
        83
txt =
   'John'
                    1.1
                          'HEA'
                                      'M'
   'Mercy'
                           'Britain'
                                       191
                                       ·F·
   'Kate'
                          'Canada'
                          'USA'
   'Kox'
                                      1361
raw =
   'John'
             [23]
                    [78]
                            'IISA'
                                        1 ME 1
             [20]
                     [53] 'Britain'
                                         1 F 1
   'Mercy'
                            'Canada'
                                        1 p :
   'Kate'
              [19] [48]
                            'USA'
                                         1 M 4
   'Kox'
              1221
                     [83]
>> whos
```

输出结果为:

Name	Size	Bytes	Class	Attributes
num	4x2	64	double	
raw	4x5	1342	cell	
txt	4x5	1278	cell	

可见,在这种语法格式下调用 xlaread 函数、读入含有文本和数值型数据混合而成的 Excel 文件时,对于其中的数值型数据,存储在返回值 num 中,返回值 num 是一个数值型 的矩阵、其类型属性是 double。

而对于 Excel 文件中的文本数据,是以 cell 型数组形式组织,其存储在返回值 txt。读 者注意到 txt 是 4×5 的 cell 型数组,可是其中原来是数字的部分是空的 cell 型数组。

返回值 raw 直接将 Excel 表格转换成一个维数相同的 cell 型二维数组,全部数据都是以 cell 型数据存储。

至此,本节介绍了如何将数据从 Excel 中读入 MATLAB,其中对于数据从 MATLAB 写入 Excel 的函数 xlswrite 有类似操作,在此不做介绍,读者可参考帮助文档。

但需要指出的是在数据从 MATLAB 向 Excel 输出时,将要输出的变量不论是矩阵还

是 cell 型数组,都会按照相应的格式写入到 Excel 文件中。

办公环境中,经常遇到复杂的数据统计,比如,一个 Excel 文件中包含了某只股票的 交易代码和股票名称,同时又开、收、高、低四个价格,需要作出如下统计 在连续 n 天 收盘价低于开盘价的条件下,接下来的交易日中收盘价高于开盘价的条件概率。

在 Excel 中完成统计功能相对复杂,而读入的数据中包含了文本和数字。这时利用例 7-24 中介绍的方法,即可以在 MATLAB 环境中完成统计功能,并将结果返回到 Excel 中, 大大楊高了办公验室。

7.5.3 其他格式数据的读写

除了常见的 Excel 数据外,MATLAB 还支持其他格式的数据文件的读入,同时作为一个大型计算工具,MATLAB 提供了对 SQL 语言的支持,通过 Database Toolbox 提供了对数据库访问的支持。目前,主流数据库都能得到 MATLAB 的支持。

本节将主要讲解如何处理小规模数据。即以文件形式组织的数据。

常见的逗号作为分隔符的数据文件,使用函数 csvread 和 csvwrite 函数进行操作。 文本文件的自定义格式的读入,采用 textread 读入。

逗号分割文本的读入函数为 csyread。

【语法格式】

```
M = csvread(filename)
M = csvread(filename, row, col)
```

M = csvread(filename, row, col, range)

【输入变量】

filename 8读入的文件名,以单引号括起来

row. %读入数据的开始行,以 0 为起点,即 0 代表第一行

col %读入数据的开始列,同上

range %读入数据的区域,类似 xlsread 函数

【看李出命】

· \$存储读入数据的变量

【例 7-29】 逗号分隔符数据的读取实例。文件名为 test.mat 的文件包含如下数据。 以逗号为分隔符。

```
02, 04, 06, 08, 10, 12
03, 06, 09, 12, 15, 18
05, 10, 15, 20, 25, 30
07, 14, 21, 28, 35, 42
11, 22, 33, 44, 55, 66
```

在 MATLAB 里输入如下命令并观察相应输出。

```
>> csvread('test.mat',1,3)
```

输出结果为.

```
ans .
      15
  12
         18
  20
      25 30
  28
      35
          42
      55
          66
>> csvread('test.mat',1,0)
输出结果为:
ang =
  3
      6
          9 12 15
                     18
      10
         15
             20 25
                      30
   7
      14 21 28
                  35
                     42
  11
      22 33 44 55
                     66
```

通过如上返回值,读者应清楚 csvread 函数的使用规则。相应的写入文件函数 csvwrite 有类似用法,读者可参考帮助文档。

在实际情况中,数据源可能是多种多样的,甚至可能是人工输入的,但有一个规范的 格式,针对这种数据,MATLAB 提供了textread 函数,进行数据读入的操作。

textread 的操作可以完成格式匹配,而格式是由用户自由定义的,因此为数据读入的工作提供了最大的自由度。

【语法格式】

λ,

```
[A,B,C,...]=textread('filename','format')
[A,B,C,...]=textread('filename','format',N)
[...]=textread(...,'param','value',...)
[A,B,C,...]=textread('filename','format'), filename 所指文件,按照 format 所
```

确定的格式进行读入,关于 format 的具体值,请参考帮助文档。 [...]=textread(...,'param','value',...),利用 param/value 对来决定对文件的读

【例 7-30】 自定义格式数据读取实例。采用自定义格式读入文件的所有数据。

Kingsberg CFA1 0.75 25 Pass

数据存储在文件名是 test.txt 的文版文件中。包含姓名,参见 CFA 考试级别,分数, 年龄,和是否通过等数据。请将文本文件内容读入 MATLAB 工作区。

在 MATLAB 命令行中输入如下命令。

>> [Names, Exam, Score, Age, State] = textread('test.txt', '%s %s %f %d %s') 輸出结果为:

```
Names = 'Kingsberg'
Exam = 'CFA1'
Score = 0.7500
Age = 25
State = 'Pass'
>> whos
```

输出结果为:

Age 1x1 8 double	
Exam 1x1 68 cell	
Names 1x1 78 cell	
Score 1x1 8 double	
State 1x1 68 cell	

可见成功地读入了 test.txt 文件中所包含的信息,通过 whos 命令可看到,对于数值型数据是作为 double 输入的,而 cell 型数据是作为字符串输入的。

7.6 本章小结

本章涉及的主要内容分成两块:债券的基本计算规范和数据转换。

在债券的基本计算规范里,介绍了计息的规范和天数计算法则,这两个方面的内容是 实现债券精确计算的基础。基本原则遵循美国市场原则,而读者在进行实务计算时,应参 考中国市场的实际交易规范,以对计算过程进行控制。

天敷计算是债券计算的难点,每个市场都有不同的规范,特别是关于非交易日的处理 等问题。债券定价小数点后几位的不同往往是由于天数的不同和计息规范不同造成的。

数据转换部分,着重介绍了 MATLAB 和 Excel 之间的数据转换。在实际工作环境中,这是最常用的,而很少需要使用 textread 函数读取非标准格式的数据。

对于文件型的数据组织方式,上途介绍内容已经足够,需要从数据库中读取数据进行 分析的读者可参考 Database Toolbox 工具籍,如何从关系数据库中读取数据。Database Toolbox 工具箱支持常见数据库的读取,并且在量新版本中,可以通过 Java 进行数据库连 棒。

第 8 章 利率期限结构和利率模型

本章异律

第7章介绍了基本的债券计算和日期规则,对于计算本身的熟悉并不是固定收益证券 的全部。在固定收益证券的定价过程中、核心的思想是现金流折现模型,即货币的时间价 值。存在的一个问题是,如何确定相应的折现率?

通过本章的介绍,读者应当清楚利率期限结构的基本概念,同时掌握基本的计算方法, 并且了解其产固定收益证券中的重要作用。

在利率期限结构的基础之上,本章着手应用无套利均衡的基本思想介绍含权债券的定价技术中用到的利率模型。

8.1 利率期限结构计算

8.1.1 利息债券收益率

在投资过程中,经常面临的一项风险是再投资风险,存在再投资风险的原因是由于付 息债券在到期前的现金流需要再投资,而再投资的收益率和市场当时的利率水平有关。因 此、用到期收益率并不能很好地描述这种再投资风险。因此引入了零息债券的概念。

零息债券是指发行后,在到期时一次性还本付息的债券。到期前,不存在任何现金流的支付。因而这样的债券不面临再投资风险。

如果同时没有信用风险,则这种债券面临的就只有利率波动的风险。因此,这正是在 债券定价中需要的折现率。在剔除了信用风险和再投资风险之后的利率,可以很好地描述 利塞接动的风险。

本节的主要目标,需要解决如何利用市场数据计算得到相应的零息债券收益率。

在有了不同时期的零息债券收益率之后,将这些不同期限的零息债券收益率用曲线连 接起来,便构成利率期限结构曲线,在债券是价近程中,利率期限结构曲线占据了重要地 位,相应地在含权债券的定价中,利率曲线的建模就成了整个含权证券的核心基础。在 MATLAB中,有丰富的高数可以自接使用。

为让读者能够在实际应用中根据实际需要开发出符合自己需求的应用程序,本章的重点放到无套利模型的 MATLAB 实现上。

8.1.2 构建收益率曲线

在固定收益证券定价的过程中,利率期限结构起着重要的作用,固定收益的计算中有

很大一部分工作是如何构建一个完整并且合理的利率期限结构。

一般来说,由于市场上存在众多的固定收益证券,利率期限结构应当是众多数据点的 一个拟合结果。但从计算过程上来讲,假定特定期限的利率只对应着一个固定收益证券会 为计算带来方便,并且不会影响其核心的计算过程。为此本节基于如上假设,利用市场的 实际数据,通过实例来服完成利率期限结构的计量过程。

【例 8-1】 利率期限结构构建实例。2008-4-22 国债市场数据如下

書 8.1 風像市场交易數据

本 金	年 份	非原本	价 格
100	0.25 年	8%	97.50
100	0.5年	9%	94.90
100	1年	8%	90.00
100	1.5年	8%	96.00
100	2年	12%	101.60

采用连续计息方式。

首先,应当明确,对于前三个到期期限,除了到期本金支付,没有任何现金流。 【步骤1】: 求出 T=0.25 时的收益率

1少集11: 水田1=0.23 时的收益率

根据公式

$$PV = FV * e^{-rT}$$

有,对于第一个债券

因此, 得到 かっ 0.10127123

【步骤 2】 重复【步骤 1】,计算出第二个债券和第三个债券的到期收益率有:

$$r_{0.5}$$
=0.10469296
 r_1 = 0.10536052

对于以上三个债券,由于是贴现债券,所以得到的到期收益率就是零息债券收益率, 下面将计算 1.5 年期的零息债券利率。

【步骤3】: 1.5年期零息债券利率

由于 1.5 年的债券, 在 0.5 年和 1 年的时候, 有相应的 4 元的现金流, 所以 1.5 年的债券可以看做是由三个零息债券构成的

- 0.5 年的 4 元零息债券;
- 1年的4元零息债券:
- 1.5 年的 100+4 元零息债券。

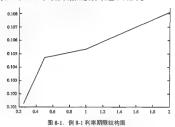
对于前两个4元零息债券,应当用前面计算出来的零息债券到期收益率计算,后面的 1.5年的零息债券到期收益率就要要求出的。 根据公式:

代入相应的数据,得到

 $\eta_{.5}=0.10680932$

同理可以得到 r2=0.10808030

至此,得到了一个0~2年的利率期限结构,如图8-1所示。



8.1.3 Bootstrapping 算法

本节解决如何从大量市场交易数据中、计算当前时点的利率期限结构。

【例 8-2】 利率期限结构绘制实例。2003 年 8 月 15 日观察到的美国国债市场交易数据如表 8.2 所示,第一列是息票率,第二列是债券的市场交易价格,第三列是债券的到期日,请函出当时市场利率曲线图。

衰 8.2 2003 年 8 月 15 日国債市场交易数据				
息票率	像券价格	到期日		
0.03	101.0544	2004-2-15		
0.02125	100.9254	2004-8-15		
0.015	99.8942	2005-2-15		
0.065	109.0934	2005-8-15		
0.05625	108.438	2006-2-15		
0.02375	99.7848	2006-8-15		
0.0625	111.7184	2007-2-15		
0.0325	101.0841	2007-8-15		
0.03	99.1692	2008-2-15		

息赛车		集表
思票率	债券价格	對期日
0.0325	99.271	2008-8-15
0.055	109.7707	2009-2-15
0.06	112.145	2009-8-15
0.065	114.9084	2010-2-15
0.0575	110.3894	2010-8-15
0.05	105.2934	2011-2-15
0.05	104.7607	2011-8-15
0.04875	103.4391	2012-2-15
0.04375	99.2806	2012-8-15
0.03875	95.0288	2013-2-15
0.0425	97.7693	2013-8-15

【步骤 1 】 符价格数据换算成到期收益率数据。利用第7章讲到的 bndyield 函数,将价格序列转化成收益率序列。

在 MATLAB 命令會口中輸入如下命令。

>>settle='8-15-2003';

>> yield = bndyield(price, couponrate, settle, maturity);

其中, price 是表 8.2 中的债券价格序列, couponrate 是表 8.2 中的息票率序列, maturity 是表 8.2 中的到期日序列, 全部按列向量形式顺序写入 MATLAB 工作空间, 得到如表 8.3 所示到期收益率数据。

養 8.3 国情制期收益度期

The state of the s				
0.011913	0.015716	0.018478	0.021407	0.024498
0.029606	0.031997	0.034098	0.035299	0.037227
0.040317	0.041708	0.042906	0.043859	0.044730
0.045299				100000
	0.029606 0.040317	0.01913 0.015716 0.029606 0.031997 0.040317 0.041708	0.011913 0.015716 0.018478 0.029606 0.031997 0.034098 0.040317 0.041708 0.042906	0.011913 0.015716 0.018478 0.021407 0.029606 0.031997 0.034098 0.035299 0.040317 0.041708 0.042906 0.043859

【步骤 2】 将收益率换算成零息票利率集

在 MATLABM 文件编辑器中输入如下代码。

clear;clc; 8清空工作空间,并清空命令窗口

price-[101.0544 100.9254 99.8942 109.0934 108.436 99.7848 111.7184 101.0841 99.806 99.271 109.7707 112.145 114.9084 110.3894 105.2934 104.7607 103.4391 99.2806 99.0288 97.76931;

%对应债券的价格

yield=(0.008819 0.011913 0.015716 0.018478 0.021407 0.024498 0.027175 0.029606 0.031997 0.034098 0.035299 0.037227 0.038827 0.040317 0.041708 0.042906 0.043859 0.044730 0.045246 0.045290

```
*步擊 1 中 bndvield 函数求得的收益率
```

time=0.5:0.5:10; time (1,2)=0.5; zbt(1,1)=vield(1,1); zbt(1,2)=vield(1,2)*2:

for i=3:20

intfactor=1+0.5*zbt(1.1:(i-1)); cashflowdate -2*time(1,1:(i-1));

disfact=sum(intfactor.^cashflowdate): sim=1/(2*time(i)):

%构建现金流时间点,相对时间间隔 0.5年

8由于计息方式的不同,而后续循环要用到,设定为0.5 9.是泉夏利座集的第一个信 %由于计息方式的不同,进行的调整,为了后续循环简便

%for 循环是计算零息要利率集的核心 &计算相应周期(半年)折现率 4对应计复周期数日, 半年计量

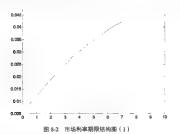
> %折现因子的和 %为表示方便设定此项

gbt(i)=2*((100+100*couponrate(i)*0.5)/(price(i)*100*couponrate(i)*0.5*disfa ct)) ^sim-2; \$在一直 zbt (i-1) 的情况下, 计算 zbt (i) end

zbt (1.2) = zbt (1.2) /2: time(1,2)=1: plot(time, zbt, 'r')

%调整回 zbt (1.2) 直弯信, 计息方式不同导致 %调整回因计息方式不同导致的不同 8时间为横轴,零息票利率集为纵轴面出曲线

运行程序,得到如图 8-2 所示的利塞期限结构曲线。



【姓氏写描示】

在上述的计算过程中、应当注意以下几点。

在步骤 2 中,需要的输入参量是 couponrate, price, yield, 其中 couponrate 和 price 是 市场上的直接数据。vield 是根据 price, couponrate, settle, maturity 计算出来的, 而 price, couponrate, settle, maturity 都是市场已知数据。因而, 从上面的分析知道, 计算利率市场 期限结构需要的基本数据为 couponrate、price、settle 和 maturity 四个。

在计算的过程中、由于小于或等于一年期债券是不付息债券、因而其半年计息的 BEY 是特殊计算的, 这点体现在在 for 循环前对 time (1.2)和 zbt (1.2)的调整, 并且在 for 循环结束后。调整回原来的真实值。

在 for 循环内部, 黑体加粗的代码行用到了如下公式:

$$price(i) = \sum_{j=1}^{i-1} \frac{100 * 0.5 * couponrate(i)}{[1 + 0.5 * zbit(j)]^{2*pine(j)}} + \frac{100 * [1 + 0.5 * couponrate(i)]}{[1 + 0.5 * zbit(i)]^{2*pine(i)}}$$

变形后解出 zhe(i)有

$$zbt(i) \times 2^{+}\{\frac{100^{+}[1+0.5^{+}couponrate(i)]}{price(i) - \sum_{i=1}^{l-1} \frac{100^{+}0.5^{+}couponrate(i)}{[1+0.5^{+}zbt(j)]^{2^{+}bine(j)}}\}^{\frac{2^{+}bine(j)}{2^{+}bine(j)}} - 2$$

第十利度期限结构的言葉性、MATLAR 提供了两个函数。可以提提者场数据言格计算

8.1.4 彩潔網錫结构计值函数

利塞期限结构、分别为 zhtvseld 和 zhtorace

- zhtvield 将提到網收益度、息豐度、結算日、到期日计算利度網際结构。
- zbtprice 根据价格、息票率、结算日、到期日计算利定期密结构。

前面已经证明、根据价格息票率、结算日和到期日可以得到到期收益率。因而两者是 等价的。本节以 zbtprice 为例讲解, zbtyjeld, 读者可自行参考 help 文档。

【语法格收】

[ZeroRates, CurveDates] = zbtprice(Bonds, Prices, Settle, OutputCompounding)

【输入空量】

9. Ronds 是一个矩阵, 为 Nx 6 或者 Nx 2 的矩阵 Ronds

%(Manurity CouponSate Face Period Basis EndMonthSule)

Waturity 使券到期日,一个 N 條列向量 \$CouponRate 对应债券息票率

AFACA 可说、使用不作 %Period 可选、债券付息额次、联认为 2

ABasis 可說, 计息天数 %EndHonthRule 可識, 月末法則

zhtvield 用褶似的输入输出变量、用法也基本一样。

Prienn 1億長价格內藏

5億券结算日期。一般为当前日 Settle 4零息限利率条

Out out Compounding \$可选、零息展利率集的计息额次、不同于 Persod。默认为 2

【特出學書】 ZeroRates

CurveDates 500次日期

【神巧与書言】

【例 8-3】 zbtprice 函数实例。利用 zbtprice 函数、计算例 8-2 中的利率曲线结构。 A MATI ARM 文件编辑器中输入加下命令

clear, clc;

couponrate=[0.03 0.02125 0.015 0 065 0.05625 0.02375 0 0625 0 0325 0.03 0.0325 0 055 0 065 0 065 0 055 0 05 0 0.05 0 04875 0 04375 0.03875 0 0425]; 和知義學的意義率

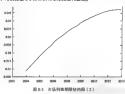
prices[IDL 0544 100.9254 99.8942 109.0934 108.418 99 7848 111 7184 101.0841 99 1692 99 271 109.7707 112.145 114.9084 110.3894 105.2934 104.7667 103.4391 99.2806 95.0288 97.7683];

a対応债券的价格 maturity=cfdates('8-15-2003','8-15-2013'); * *生成债例 bonds=.maturity', couponrate'): *特徴 2bi

も生成使券別期日,此顧比较規則 も特殊 zbtprice 参数 Bonds

[zerorates dates]=zbtpr;ce(bonds, price, '8 15 2003'); 电玻璃解阻结构 plot(dates, zerorates, 'r'), dateaxis('w')

运行程序,得到如图 8-3 所示的利率期限结构曲线。



可见同前面讲到的 Bootstrapping 方法得到的结果是一样的,MATLAB 的 zbt price 函数就是采用 Bootstrapping 法计算利率期限结构的。

8.1.5 远期利率计算

本市介绍如何利用利率期限结构计算证期利率,并介绍对冲基金是如何利用利率期限 结构进行量利的。 利策证期标准,在当前约定未来至个时间段内,按照约定利率折入或标验一定量倍金。

利率远期是指,在当前约定未来某个时间段内,按照约定利率折入或拆除一定量资金, 一般交易所产品经过标准化后,变量只有未来某段时期的远期利率 FRA。

FRA 的确定并不是对未来利率的预测,而是根据当前利率期限结构进行套利活动导致 的警刑均衡,其定价应满足无套利均衡关系。

按照连续计氖方式、FRA 应满足的关系为

$$e^{\eta_1 + \tilde{T}_1} e^{\eta_{11} + (T_2 - T_1)} = e^{\eta_1 + T_2}$$

化简后有

$$r_{PRA} = \frac{r_{\Gamma_1}T_2 - r_{\Gamma_1}T}{T_1 - T_1}$$

在 MATLAB 中计算 FRA 的函数是 zero2fwd.

【语法格式】

[ForwardRates, CurveDates] = zero2fwd (ZeroRates, CurveDates, Settle, Compound ing, Basis)

【输入变量】

4.利塞關係休內班示於學息更利塞集

ZuroRates CurveDates ***相应的日期**

《当前試算日期,一般是作为利息期間结构曲线的記点 Sett_e 4可愧, 计急方式。 酸认信为半年计量

Command) no 【特出李書】

ForwardRates 4对应当前利率曲线的运期利率曲线纺构图

CurveDates 5.彻底的远期利率日期

一般来说, 对于利率期限结构, 市场上关注的是 1m, 3m, 6m, 1y, 2y, 3y, 5y, 10y, 20v. 30v 这样几个时点、8.16 节将会介绍相应的处理方法。

MATLAB 中计算运期利率的基数 zero2fwd, 其连即值 ForwardRates 的第一項, 即为 即期利息、等于输入变量 ZemRates 的第一項。 【例 B-4】 证额利定查利定例。美国国债市场 2008-4-24 日的利度期原结构数据,以 表 8.4 英烟間側 2008-4-24 日利車期間結构散譜

及一天前,一層前和一个月以前的历史交易數据。如表 8.4 所示

US Treevey Boads					
用用	川 井 井	一天前	一 用 前	- A M	
3 M	1.19	1.17	1.19	1.20	
6 M	1.63	1.57	1.53	1.50	
1 Y	2.36	2.19	2.10	1.77	
3 Y	2.29	2.13	2.04	1.64	
5 Y	3.09	2.95	2.89	2.60	
10 Y	3.82	3 73	3 73	3.50	
30 Y	4.54	4.49	4.52	4.30	

请计算不同期限的 FRA,给出套利策略。

【步骤 1】 需要对利率的一个整体走势和形状做出判断,从而将数据图表化。在 MATLABM 文件编辑器中输入如下命令

```
bonds -[0.2500 1.1900 1.1700 1.1900 1.2000
   0 5000 1.6200 1.5700
                         1.5300
                                 1.5000
  2 0000 2.3800 2.1900
                        2.1000 1.7700
  3 0000 2,2900 2,1300 2,0400
                               1.6400
         3.0900
  5.0000
                 2.9500
                        2.8900
                                 2.6000
         3.820D
                         3,7300
  10 0000
                 3.7300
                                3.5000
  30.0000 4.5400
                 4.4900
                         4.5200
                                 4.30001:
1.将原绘数据输入列变量 honde 中
```

plot(bonds(:,1),bonds(:,2),'k+--'); hold on; plot (bonds (1, 1), bonds (1, 3), 'k*--'); hold on: plot(bonds(:.1),bonds(:.4).'bx--'): hold on: plot(bonds(:,1),bonds(:,5),'ko--'); 4做出相应的利拿期限结构图,并用不同的维型表示

Seof

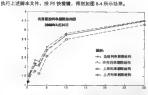


图 8-4 美国国债利率期限结构图(2008-4-24)

【步骤 2】 利用上述数据、作出 4 个不同日期的 FRA 结构图。 在 MATLABM 文件编辑器中输入如下命令

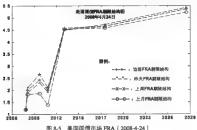
clear, cic,				
bonds =[0.2	2500 1.1	900 1.	1700 1.1	900 1.20
0.5000	1.6200	1.5700	1.5300	1.5000
2.0000	2.3800	2.1900	2.1000	1.7700
3.0000	2.2900	2.1300	2.0400	1.6400
5.0000	3.0900	2.9500	2.8900	2.6000
10.0000	3.8200	3.7300	3.7300	3.5000
30.0000	4.5400	4,4900	4.5200	4.3000];

4上述是债券市场数据 curvedsres=datenum(['07 23-2008','10 24 2008','04 23 2010';'04 23 2011' ; 04 23 20131, '04 23 20181, '04 23-2028111;

1/注重日期输入前方的 0 不能省略。如107 23 2008 不可写成17-23-20081 fwdone-zero2fwd(bonds(:.2).curvedates, '4 23 2008'1:

```
fwdtwo=zero2fwd(bonds(:,3),curvedates, '4-23-2008');
fwdthree=zero2fwd(bonds(:,4),curvedates, '4-23-2008');
fwdfwdru=zero2fwd(bonds(:,5),curvedates, '4-23-2008');
4分别來起来对茲的FRA(
plot(curvedates,fwdne,'k+--');hold on;
plot(curvedates,fwdhe,'k*--');hold on;
plot(curvedates,fwdhe,'k*--');hold on;
plot(curvedates,fwdhe,'k*--');
datesxis('x');
%eof
```

F5 执行以上脚本文件,得到美国国债市场 FRA 期限结构图 (2008-4-24),如图 8-5 所示:



0-3 SCHIMINITAN LAN (2000-1-24)

【步骤3】: 根据上述计算结果,应当如何做套利?

根据利率期限结构和计算出的 FRA 期限结构图,应当完成如下两步套利:

- (1) 买入 FRA(2y~3y);
- (2) 卖出 FRA (3y~5y)。

【枝巧与編示】

例 8.4, 仅仅揭示了利率期限结构函线的一个应用,如何根据曲线判读出市场的无效率, 进而进行套利活动是一个难点。

利率期限站构除了能够正确地为不含权债券进行定价外,还可以从中解读出宏观经济 趋势。

在图 8-4 中,可以看到最近一个月来,在2y~3y的附点处,曲线有一个大的向下凸出,但是凸出在逐渐回归,这意味着查利的作用使得市场逐渐的回归均衡。

利率期限結构由线之所以会有凸出,原因在于美国次货危机导致的流动性和信用风 险。利率由线的上移,意味着,市场认为当前利率水平过低,将来很可能面临一系列的加

埔瀬 MATLAB 宗胸计解

息过程。作者在最近半年跟踪美国国债市场利率期限结构,见和讯网刊载文章:

http://news.hexun.com/2008-04-25/105546939.html

标题为: **是联储本轮降息或在下周见底**,可见市场预期和美联储行动的一致性。读者 可参考原文。

由此可見,利率期限結构的統的重要作用。正是其重要性,才使得本书将固定收益证 蔡计算做如此篇幅的详细介绍。

8.1.6 期限结构曲线插值

正如 8.1.5 节所述,利率期限结构曲线的构造患难立在市场交易数据基础之上的,由于惯券发行的不连续性,市场上并不存在所有时间点上的零息票利率集,市场中常见的是旧、3m、6m、ly、2y、3y、5y、10y、20y 和 30y 这样几个利率期限结构。因此如何根据有限的点构建出一条联系的曲线,是本小节主要讨论的内容。

【例 8-5】 基于利率期限结构的债券定价实例。利用表 8.4 所示零息票利率集,计算下列债券的价值。

债券息票是10%,付息日是每年的3月1日和9月1日期,债券到到期日是2009年3月1日,结集时间是2008-4-24,并已知利塞期限结构限如期8-6所示。

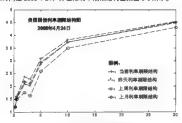


图 8-6 美国国债利塞期限结构图

中顯自知,此债券到期前有两笔现金流,分别是:

項目	1	2
85[8]	2008-9-1	2009-3-1
現金數量	5	105

因此需要知道 2008-9-1 日和 2009-3-1 日到期的零息票利率。根据现有的市场信息,能 知道未来 3 个月、6 个月和 2 年的零息票利率,及 2008-7-24 日、2008-10-24 日和 2010-4-24 日的即期利率。

一个显然的想法是:利用 3 个月和 6 个月的零息票利率,采用线性播值的方法,求出 2008-9-1 的零息票利率。同样的方法,构造出 2009-3-1 的零息票利率,解法如下。

算出 2008-7-24 与 2008-9-1 日之间的天数为 39 天。2008-9-1 与 2008-10-24 之间的天数为 53 天, 所以, 采用线性插值公式:

$$r_x = r_{3M} + (r_{6M} - r_{3M}) * \frac{T_1}{T_1 + T_2} = 1.19\% + (1.62\% - 1.19\%) * \frac{39}{39 + 53}$$

计算得, r2008-9-1=1.37%。

同理, 采用线性插值技术, 得到 r2009-1-1=1,7978%。

因此在计算未来现金流的现值时,根据线性插值方法得到了对应现金流时点上的即期 利率,所以这里按照 actual/actual 的方案进行这些得到此债券的价格应为:

$$P = \frac{10}{(1+1.37\%)^{130/365}} + \frac{110}{(1+1.7978\%)^{311/365}} = 118.29$$

相应的利率期限结构的插值方法有很多种,业内的常见构建方法也有很多种,需要根据具体的使用目的不同而采用不同的方法。

对于插值方法,除最简单的线性插值方法外,还有样条等插值方法,可以根据不同的需要而采用不同的方法,关于这些方法的介绍,在一般数值分析的资料中可以查找到。

8.2 基于利率期限结构定价技术

本节解决如下问题:如何使用当前利率期限结构数据进行定价,主要解决 MATLAB 中如下工具的定价问题:

- bondbyzero 根据利率期限结构为债券进行定价:
- cfbyzero 根据利率期限结构为现金流进行定价;
- fixedbyzero 根据利率期限结构为固定利率票据进行定价。
- floatbyzero 根据利率期限结构为浮动利率票据进行定价:
- intenvprice 根据利率期限结构为金融工具进行定价;
- intenvsens 根据利率期限结构计算金融工具的敏感性:
- swapbyzero 根据利率期限结构为互换进行定价。

8.2.1 利率期限结构的表示

在 MATLAB 中使用一个 struct 型數据对利率期限结构进行描述,在 MATLAB 中使用 函数 intenvset 来创建描述利率期限结构的 struct 型数据。

【语法格式】

[RateSpec, RateSpecOld] = intenvset(RateSpec, 'Argument1', Value1,

橘罐 MATLAB 室體计算

```
'Argument2', Value2, ...)

(RateSpec, RateSpecOld] = intenvset(RateSpec, 'Argument1', Value1, 'Argument2', Value2, ...)
```

【输入变量】

'Argumenta' %是利率期限结构 struct 型数据 RateSpec 的域名,其可取值参见后面的 讨论

Valuen %对应域的数值

「輸出变量」

RateSpec &描述利率期限结构的一个 struct 型数据

RateSpecOld %旧版本的数据结构

关于输入变量中的'Argumentn'是如下的域名:

```
Compounding: [ 1 | {2} | 3 | 4 | 6 | 12 | 365 | -1 } Disc: [ scalar | vector (NPOINTS x 1) ] Rates: [ scalar | vector (NPOINTS x 1) ] EndDates: [ scalar | vector (NPOINTS x 1) ] StartDates: [ scalar | vector (NPOINTS x 1) ] ValuationDate: [ scalar | vector (NPOINTS x 1) ] Basis: [ (0) | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 ] EndMonthRule: [ 0 | (1) ]
```

Compouding:表示计息频率,一年中计息的次数,其中默认值是半年计息,当 Compounding=-1 时代表连续计息的情况。

Disc: 代表相应的折现因子

Rates · 这里的 Rates 是同 StartDates 和 EndDates 对应的远期利率。在所有的 StartDates 都是当前日期时,Rates 就是对应期限的即期利率的数值,此时 Rates、Compouding 和 Disc 有如下关系:

在 StartDates 是未来的某一时刻时,Rates 描述的是远期利率,但 StartDates 必须早于 EndDates。

EndDates: 描述对应利率的结束时刻。

Start Dates. 描述对应利率的开始时刻。

ValuationDate:估值日期,一般为当前时间,默认值是 StartDates 中的最小值。

Basis·天数计算法则,默认值是 0,对应规则是 actual/actual。

EndMonthRule: 月末法則。

intenvset 函數中的'Argumentn'輸入变量必须从上述字段中选取。在輸入时'Argumentn' 只需同对应的值配对即可,不用考虑不同'Argumentn'之间的前后顺序。

第二种用途是对当前利率期限结构的某些减进行修改。在给定的利率期限时间点同现 金流的时间点不符合时是非常有用的,采用插值的办法得到现金流时间点上的利率值。 【例 8-6】 MATLAB 中利率期限结构数据的构建。已知利率期限结构如下:

```
0.1900 0.6200 1.3800 1.2900 2.0900 2.8200 3.5400
```

对应的期限分别为 2008-6-3、2008-9-3、2010-6-3、2011-6-3、2013-6-3、2018-6-3 和 2038-6-3。请利用 intenvset 函数构建相应的利率期限结构。

在 MATLABM 文件编辑器中输入如下命令·

```
clear; clc;
   Compounding=2;
   Rates=[0.0119 0.0162 0.0238 0.0229 0.0309 0.0382 0.0454];
   EndDates=['2008-09-03';'2008-12-03';'2010-06-03';'2011-06-03';'2013-06-
03';'2018-06-03';'2038-06-03'];
    EndDates=datenum(EndDates);
   StartDates=['2008-06-03'; '2008-06-03';'2008-06-03';'2008-06-03';
·2008-06-03'; ·2008-06-03'; ·2008-06-03'];
    StartDates=datenum(StartDates);
    ValuationDate=['2008-6-3'];
    ValuationDate=datenum(ValuationDate);
    Basis=0:
    EndMonthRule=1;
    [RateSpec, RateSpecOld] = intervset('Compounding', Compounding ,...
'Rates' ,Rates ,'EndDates',EndDates,'StartDates',StartDates,'Basis',Basis,...
    'ValuationDate', ValuationDate, 'EndMonthRule', EndMonthRule);
```

应当注意的是 Rates、EndDates 和 StartDates 必須以 N×1 的列向量形式输入,否则程序会报错,这点读者应当注意。

在 MATLAB 命令行里輸入 whos 命令,查看内存中变量:

>whos Name	Size	Bytes	Class	Attributes
Basis	1×1		double	
Compounding	1×1	8	double	
EndDates	7x1	56	double	
EndMonthRule	1x1	8	double	
RateSpec	1x1	1748	struct	
RateSpecOld	1x1	1380	struct	
Rates	7x1	56	double	
StartDates	7:x1	56	double	
ValuationDate	1xl	8	double	

其中 RateSpec 就是生成的 struct 型數据,用以描述利率期限结构。在 MATLAB 命令 會口輸入变量名 RateSpec,得到如下结果:

```
RateSpec = FinObj: 'RateSpec'
Compounding: 2
Disc: [7x1 double]
Rates: [7x1 double]
EndTimes: [7x1 double]
StartTimes: 17x1 double]
```

精網 MATLAB 金額计算

EndDates: [7x1 double] StartDates: [7x1 double] ValuationDate: 733562 Basis: 0

PrdMonthRule: 1

在后面的利率模型中, 经常会遇到利率期限结构的输入, 统一采用 intervset 函数。

8.2.2 债券定价技术

bondbyzero 是 bond-by-zero 的缩写,是利用利率期限结构对债券进行定价的。

【语法结构】

Price = bondbyzero(RateSpec, CouponRate, Settle, Maturity, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate, FirstCouponDate, LastCouponDate, StartDate, Face)

【输入变量】

8.利塞網路结构说明 RateSpec

CouponRate 4息票率 844算日

Settle 8到期日,必须晚于计算日 Maturity

8可选, 计息频次, 献认为 2, 以下参数皆可选 Period

%关数计算法则 Basis 8月末法剛 EndMonthRule

IssueDate 8发行日 FirstCouponDate 8.首次付息日

8最后付息日 LastCouponDate 8开给日期 StartDate Face 8面值

Price

8债券价格

在进行定价时,往往给出的利率期限结构是特定时点上的零息票利率值。而不是和相 应债券的现金流发生时点上的利塞值。因而需要采用 intervset 的第二种形式。通过采用插 信的方法确定现金流发生时点上的利率值。

【茶叮与油茶】

在 MATLAB 命令窗口中输入命令 type bondbyzero, 找到如下的代码行:

% Make sure that RateSpec holds zero rates. Intepolate if it doesn't. if (any (ValuationDate ~= intenvget (RateSpec, 'StartDates'))) RateSpec = intervset (RateSpec, 'StartDates', ValuationDate); ZeroRates = intenyget(RateSpec, 'Rates');

上述代码行即是解决债券现金流发生时间和利率期限结构时间点不匹配问题的。采用 intenvset 函数的第二种输入形式。参见代码行中的黑体部分。

166 - -

【例 8-7】 bondbyzero 函数定价实例。当前时间为 2008-6-3,为债券结算日,债券到 期日为2015-3-1, 息悪塵为8%, 利塞網閱结构采用例8-6中的利塞期限结构。求债券价格。 在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令:

>> price=bondbyzero(RateSpec, 0.08, '2008-6-3', '2015-3-1')

输出结果为:

price = 128,7120

可见根据当前利率期限结构得到的上述债券的价格为 128.7120。

8.2.3 现金流定价技术

上节展示了如何利用利率期限结构对债券这类规则现金流进行定价。本节主要是将这 个结论推广到对于任意现金流的定价。

1. 根据利率期限结构为现金流进行定价

在 8.2.2 节中,解决的主要问题是利用期限结构对债券进行定价,本质上来说,也是 对未来现金流进行定价。

在这里所要定价的现金流是不规则的。需要指定现金里的量和现金流的日期。在对不 规则付息债券,或者有提前偿债条款(sinking fund)的债券进行定价时常采用本小节介绍 的方法。

在 MATLAB 中为现金流定价的函数是 cfbyzero。

【语法格式】

Price = cfbyzero(RateSpec, CFlowAmounts, CFlowDates, Settle) Price = cfbvzero(RateSpec, CFlowAmounts, CFlowDates, Settle, Basis)

【输入变量】

8.利塞期限结构说明 RateSpec 4现金流数量

CFlowAmounts

%现金流日期 CFlowDates Settle s 绘質 R

%天数计算规则,默认值为 0, 对应规则为 actual/actual Basis

【輸出表圖】

8现金流现值,即其价格 Price

【例 B-B】 利用利塞期限结构的现金流定价实例。利用例 8-6 创建的利塞期限结构 RateSpec 对如下现金流进行定价,当前日期为 2008-6-3。

现金流量:

1.0 15 7

結補 MATLAB 多數计實

对应现金流发生日期:

2008-10-3 2010-1-1 2012-1-6 2014-3-30

在 MATLABM 文件编辑器中输入如下命令:

```
cfamounts=[10 15 6 7];
cfdates=('2008-10-03':'2010-01-01':'2012-01-06':'2014-03-30');
cfdates=datenum(cfdates)';
price=cfbvzero(RateSpec. cfamounts, cfdates, datenum('2008-6-3'))
```

输出结果为

price w 35 7525



这里在 M 文件编辑器中的输入用到了前面的 RateSpec, 如果只是输入上述脚 本、则 MATLAB 会出现如下提示:

??? Undefined function or variable 'RateSpec'.

RateSpec 是没有定义的变量或者函数,读者需要特例 8-6 中的代码在 MATLAB 中运 行一遍,得到 RateSpec 变量后方可进行本例所讲之定价过程。

2. 根据利率期限结构为固定和浮动息票率票据进行定价

MATLAB 中对票据进行定价还有两个函数 fixedbyzero 和 floatbyzero, 分别是对固定 利塞票据和浮动利率票据进行定价,其计算同 bondbyprice 是基本一样,这里只介绍其语 法规范,具体使用时读者可根据实际情况酌情采用。

MATLAB 中对固定利率票据进行定价的 fixedbyzero 函数。

【语法格式】

Price = fixedbyzero(RateSpec, CouponRate, Settle, Maturity) Price=fixedbyzero(RateSpec,CouponRate,Settle,Maturity,Reset,... Basis, Principal)

【輸入变量】

8利率期限结构说明 RateSpec **全型**库 CouponRate 8结算日 Settle *刺網日 Maturity 8年支付次数(以下皆可选) Reset

8夫数计算法则 Basis %本金、默认信是 100 Principal

【输出变量】

8周定利度頭据价格 Price

MATLAB 中对浮动利率票据进行定价的 floatbyzero 函数。

【语法格式】

Price=floatbyzero(RateSpec, Spread, Settle, Maturity)
Price=floatbyzero(RateSpec, Spread, Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal)

8利率期限结构说明

【输入变量】 RateSpec

 Spread
 \$AG价差

 Settle
 \$43算日

 Maturity
 \$到期日

 Resst
 \$年支付次数{以下皆可选}

 Basis
 \$天数计算法则

 Principal
 \$a会。數以傳是10日

精出変量

Price %固定利率票据价格

读者可根据实际问题,进行选择。最基本的、同时也是灵活性最大的就是 cfbyzero,但是其数据的输入复杂程度也较高。

【例 8-9 】 利用利率期限结构为固定利率债券定价。已知利率期限结构如例 8-6 所示。目前有一结算日期为 2008 年 8 月 6 日,到期日为 2013 年 3 月 1 日的固定利率债券,息票率为 4.5%,利用利率期限结构为其定价。

首先确保例 8-6 所生成的利率期限结构变量 RateSpec 可用。存储为 RateSpec.mat 文件。 在 MATLAB 命令實口輸入如下命令:

load RateSpec.mat; CouponRate=0.045; Settle= '2008-08-06'; Maturity= '2013-03-01';

Price = fixedbyzero(RateSpec, CouponRate, Settle, Maturity)

输出结果为:

Price = 106.1423

8.2.4 互换定价技术

可以在 MATLAB 中根据当前利率期限结构完成对互换 (Swap)的定价,使用的函数 是 swapbyzero。

【语法格式】

[Price, SwapRate] = swapbyzero(RateSpec, LegRate, Settle, Maturity, LegReset, Basis, Principal, LegType)

【输入变量】

RateSpec

8当前利塞期限结构的说明

鳥浦 MATLAB 宗襲计週

LegRate \$---个两列的矩阵,说明息票率(收到)和价差(相对于基准利率的基点差)

Settle %结算日 Maturity %到期日

LegReset *可选, 年互換頻次, 默认值为[1 1], 即双方都是每年向对方支付一次 Basis *可选, 天散计算规则, 默认值为 0, 对应规则为 actual/actual

Principal %可洗,名义本金量。獻认信是 100

LegType % 可选, LegRate 中的利率属性, 1 为固定, 0 为浮动, 默认值为[1 0]

【输出变量】

Price %互換价格

SwapRate %互换率,是使得互换合约价值为 0 所应支付的固定利率

【花竹与湯元】

在呼喚中支付的利率在这里用 leg 表示, 在表示现金流支付的时候, 支付和收取的现金流, 就如同两条腿一样支撑起互换, 这里形象地称为 leg, 即利率的意思。

【例 8-10】 互换定价实例。现有一互换、收到固定利率,支付浮动利率,收取固定 利率。支付每年进行一次,名义本尽量是 RMB100, 当前日期是 1-1-2000 (即给第日), 互换截至日期是 1-1-2003, 固定利率是 6%, 浮动利率是在现有利率基础上上浮 20bps, 请 计算其价值。

根据函数 swapbyzero 的形式

[Price, SwapRate] = swapbyzero(RateSpec, LegRate, Settle, Maturity, LegReset, Basis, Principal, LegType)

LegRate = [0.06 20]; % [CouponRate Spread]

Settle=datenum('1-1-2000') % 730486

Maturity=datenum('1-1-2003') % 731582 LegReset = [1 1]: % 毎年支付一次

Basis=0 %按照數认的天数计算法则 actual/actual

Principal = 100

LegType = [1 0]; % [固定 浮动]

下面需要解决的是 RateSpec 这个利率期限结构是如何得到的,这里采用 MATLAB 自带的一个利率期限结构。

在 MATLAB 命令當口中輸入如下命令·

>>load deriv >>whos

在显示的结果中,有一个变量为 ZeroRateSpec, 这就是本题将要使用的利率期限结构。 在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令:

>>instdisp(ZeroRateSpec)%显示前面 load 命令载入的一个变量

看到 ZeroRateSpec 这个 Instrument 型数据中的第五个产品就是这里要用到的互换。 下面进行定价。在 M 文件编辑器中输入如下命令,并按 F5 快捷键提交运行。

clear; clc;

load deriv

Rate-ZeroRateSpec.Rates; & 获取利率期限结构值 Fwd(1) = Rate(1):

Fwd(2)=(1+Rate(2))^2/(1+Rate(1))-1;

Fwd(3)=(1+Rate(3))^3/(1+Rate(2))^2-1:%计算对应的证期利率

Receive=100*ones(1,3)*0.06;%收到的现金流

Pay=100*(Fwd+0.002);%支付的现金流 Net_Receive-Pav: %净收支

Time-1:3:%BY(6)

Price=sum(Net./(1+Rate(1:3))', Time)%折现求和即得到价格

得到如下结果

Price = 3.69230915

关于 swap 的定价中需要说明如下问题。固定利率对应的现金流是确定的。深动利率 的现金流是在当前利率期限结构决定的远期利率的基础上,上浮指定的价差,在例 8-9 中 是 20bps。

关于远期利率,可以采用 8.1 节中介绍 zero2fwd 函数进行计算,但是需要注意的是, zero2fwd 是采用连续计息的方式进行的,而这里从上述脚本代码中可以看出,是采用按照 年计息的方式进行的。

算得远期利率后,在此基础上上浮 20bps 即得到需要支付的浮动现金流。这个计算的 基础是无套利理论。

8.2.5 产品定价函数及敏感性分析函数

上面分别对不同产品的定价做了介绍,在 MATLAB 里,对于不同的利率型产品进行 定价存在统一的函数,并且对不同产品的敏感性分析也有统一的逻辑框架。本节介绍相关 函数的使用规范。

1. 产品定价函数

在 MATLAB 里提供了一个对产品进行统一定价的函数—intenvprice。

【语法格式】

Price = intenvprice(RateSpec, InstSet)

【输入变量】

RateSpac Tost Set

8利率期限结构说明 8金融产品属件说明

【輸出变量】

Price

*产品价格

输入变量中的 RateSpec 关于利率期限结构的说明, 同前面介绍的是一样的, 主要涉及 intenvset/intenvget 两个函数。

請据 MATLAE 宝融计算

2. 敏感性分析函数

在实务中,经常需要考虑金融产品价格对某些因素的敏感性,在利率型金融产品中, 主要的影响因素是利率,因此有必要研究价格对利率的导数。在 MATLAB 中计算敏感性 的函数为 intervents。

【语法格式】

[Delta, Gamma, Price] = intenvsens(RateSpec, InstSet)

【输入变量】

RateSpec

%利率期限结构说明 %金融产品属性说明

InstSet

Delta

%全融产品价格对利率的导数、采用有限差分的方法进行计算

Gamma \$Delta对利率的导数,同样采用有限差分的方法进行计算 Price \$全融产品价格

利用 intervsens 并不能解决所有常见金融产品的敏感性, intervsens 可以解决如下五种 金融产品的敏感性分析: 'Bond'、'CashPlow'、'Fixed'、'Float'和'Swap'。

8.2.6 Instrument 型数据的构建

在 7.5 节中, 介绍了 MATLAB 中固定收益证券數据管理, 其中涉及了一个新的结构性 数据 Instrument 型数据。

本章 8.2.5 小节中,关于定价和敏感性分析的统一框架中,涉及一个 InstSet 输入变量, 但是并未对其做进一步的说明。

intenvprice 函数使用的核心是关于 InstSet 这个对于金融产品属性说明的 Instrument 型数据的构建。

7.5 节初步介绍了相关函数的使用 instaddfield (创建 Instrument 型数据)、instdisp (显 Ristrument 型数据)、instget (提取 Instrument 型数据)、instsetfield (在 Instrument 型数据由添加结查查量)。

这里将要介绍的创建相关的 Instrument 型数据,将是针对具体金融产品的。

在 MATLAB 中使用函数 instadd 可以实现对如下产品属性的描述:

'Bond', 'CashFlow', 'OptBond', 'OptEmBond', 'Fixed', 'Float', 'Cap', 'Floor', 'Swap',

'Swaption', 'OptStock', 'Barrier', 'Compound', 'Lookback', 'Asian', 共15种常产见金融产品。

相对应的 MATLAB 也提供了专门的函数来完成相应的产品属性描述和数据结构的构建,这些函数分别是:

instbond, instef, instoptbnd, instfixed, instfloat, instcap,instfloor, instswap,instoptstock, instbarrier, instcompound, instlookback, instasian, instswaption, instoptembndo

整理成表,如表 8.5 所示。

AC D. J. PRODUCE BEST BEST BEST STORY AND SA								
Bond	methond	Swap	mstoptstock					
CashFlow	instef	Swaption	instbarrier					
OptBond	instoptbnd	OptStock	instcompound					
OptEmBond	instfixed	Barrier	anstlookback					
Fixed	instfloat	Compound	instasian					
Float	mstcap	Lookbeck	instawaption					
Cap	instfloor	Asian'	instoptembed					
Floor	instswap							

表 8.5 instadd 函数创建的产品类型及其对应的特殊函数

本节以利率项 cap 为例讲解 instadd 函数的使用,对于描述其他产品属性的 Instrument 型数据具体包含哪些越,读者可参考相关的帮助文档。

在 MATLAB 中, 构建一个能够完整描述利率页 (cap) 的 Instrument 型数据,需要 6 个变量,分别是: 执行利率 (Strike)、结算日 (Settle)、到期日 (Maturity)、年支付頻率 (Reset)、 计息天数规则 (Basis) 以及名义本金量 (Principal)。因此在构建描述利率页的 Instrument 塑散铌时,必须设定 6 个域变量。

采用专用函数 instcap 构建描述利率项的 Instrument 型数据。

【语法格式】

ISet = instcap(Strike, Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal)
ISet = instcap(ISet, Strike, Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal)
Frieldhist, ClassList, TypeString| = instcap

【输入变量】

Strike 8执行利率 Settle 8结算日 Maturity 8測期日

 Reset
 8年支付頻次, 獻认为 1

 Basis
 8天数计算法则

 Principal
 8名义本金值, 默认为 100

【編出來聲】

ISet %包含有金融产品详细信息的变量,产品的区分是用类型区分的

FieldList %域变量名,是一个 cell 型数据

ClassList %对应每个域变量的属性列表,可用值为'dble'、'date'和'char'

TypeString %类型字符串,标识产品名字的,这里是'Cap'

【例8-11】 Cap 定价实例。当前时间是 2008-6-6, 一个利率顶 Cap 的到期日是 2008-9-1, 执行利率是 7%, 其他值接联认值计算, 年支付赈次为 1, 天数计算规则是 actual/actual, 名义本令量是 100 元。请在 MATLAB 中构建一个标准的 Instrument 型数据, 用来描述这 个利率而。

在 MATT.AB 命令常口中输入如下命令。

```
>>MyCap=instcap(0.07,'2008-6-6','2008-9-1', 1, 0, 100)
```

输出结果为.

```
MyCap =
   FinObj: 'Instruments'
   IndexTable: [1x1 struct]
   Type: {'Cap'}
   FieldName: {{6x1 cell}}
   FieldData: {{6x1 cell}}
   FieldData: {{6x2 cell}}
```

可以看到上述显示信息,MyCap 包含了这个利率顶的全部信息,在 MATLAB 中使用 instdisp 函數来显示这个结构型数据包含的全部 Cap 信息。

```
>>instdisp(MyCap)
```

输出结果为:

```
Index Type Strike Settle Maturity CapReset Basis Principal
1 Cap 0.07 06-Jun-2008 01-Sep-2008 1 0 100
```

从上述的显示中,读者应该清楚每个参数对应的意义。MyCap 这个结构型数据的每个 单元都是 cell 型的,在引用内容时需要使用'{}',这点需要读者注意。

而 instcap 函数语法格式中的第三种形式 ISet = instcap(ISet, Strike, Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal)是向一个已经存在的结构型数据中添加一个新的金融工具。读者可以根据上面的例子,自行向这个数据结构中继续添加。

上述所列的所有金融工具的信息都可以采用函数 instadd 来构建,利率顶(Cap)当然 也不例外。

【语法格式】

InstSet = instadd('Cap', Strike, Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal)

【输入变量】

*Cap' *表示产品名称的字符章, 機鋸产品不同会不同 Strike *同 instcap Settla *同 instcap Maturity *8同 instcap Reset **| 同 instcap Basia **| 同 instcap Principal **| 個 instcap

【輸出变量】

InstSet % instcap

当一个结构型数据中包含多个金融工具时,可采用第7章介绍的 instget 函数获取其中的某个产品,或者某些产品的某些城值。

8.3 利率模型

8.3.1 利率模型分类

利率模型是对未来利率的预测,采用随机过程来描述利率的未来变动,分为均衡模型 和妻利模型两种·

(1)均衡模型

均衡模型属于规范模型,是关于利率"应该怎样"的描述,在均衡模型中,当期的利率期限结构是输出变量。

(2)套利模型

審利模型是实证模型,根据市场情况,告诉市场关于利率"不应该怎样",这是与均 衡模型的根本不同之处。審利模型,当期利率期限结构是输入变量。

从应用上看,審判模型的成用要远远超过均衡模型。 套利模型的前捷是存在即合理,如何使得利率波动符合当前的利率期限结构,是模型的核心,包括趋势的符合和波动率的符合。 单因青均衡模型的数坐形式如下、

$$dr = m(r)dt + s(r)dz$$

这里,r是短期利率。根据m(r)和s(r)的具体表示形式不同,可分为不同的模型,但是两者都只問利率r相关,与时间无关。

- 当 m(r) = μr, s(r) = σr , 此模型被称为 Rendleman and Bartter 模型。
- 当 m(r) = a(b-r), s(r) = σ, 此模型是著名的 Vasicek 模型。
- 当 m(r) = a(b-r), s(r) = σ√r, 此模型为 CIR 模型。

关于均衡模型,在此并不做详细介绍,有兴趣的读者可以参考相关书籍。本书主要介绍无套利模型。本章关注如下模型;

- · Ho-Lee (HI.) 维型.
- Hull-White (HW) 模型:
- Black-Karasinski (BK)模型:
- Black-Derman-Toy (BDT) 樺型:
- Heath-Jarrow-Morton (HJM)模型。

其中, BK 模型是 HW 模型的对数正态分布形式; BDT 模型是 HL 模型的一个自然延伸; HJM 模型是应用广泛的一个模型, 具有良好的分析性质。

在 MATLAB 的金融衍生品工具箱里,支持的模型为 HW、BK、BDT 和 HJM 四类, 其核心是叉树(二叉树或三叉树)的构建。在定价和应用的过程中,采用风险中特定价方法。

8.3.2 HL模型

HL 模型是 T.S.Y Ho 同 S.-B.Lee 在其 1986 年的著名论文 Term Structure Movements and

續編 MATLAB 金砂計園

Pricing Interest Rate Contingent Claims, (Journal of Finance)介绍的一个随机模型。 其模型的形式为

$$dr = \theta(t)dt + \sigma dz$$

此处 σ 是短期利率的即时波动率, $\theta(t)$ 是时间的函数,通过对 $\theta(t)$ 的调整使得模型符合初始的利率期限结构。 σ 为不变常量。

【裁巧与翻示】

模型里的 r 代表的含义,是下面构建二叉树的关键。在 HL 模型中 r 的定义是即期利 車的隨机过程。比如 r 是代表一年期的即期利率,則上述方程描述的是,在未来任何一个 时点1,到 r H l 的零惠利率。

在后面的 HL 模型二叉树构建过程中希望读者能仔细体会,利率期限结构模型的复杂, 在于将一条曲线,折解成了多个零点票利率的组合。

HI. 模型的构建思想是摔到拳响限结构由效分解,由于利拳钢限结构由线是描述不同 新限的章息票债券的即期利率的一个集合,这样 HI. 特不同期限的即期利率作为研究对象, 时间,被划端状物多不同期限即期对条的附加过程。

即期利率的漂移量 $\theta(t)$ 是随着时间改变的,以便于其符合当前利率期限结构由效,即 两年后的一年期即期利率某漂转量可能就不同于现在的漂转量。但是其方差 σ 是不变的。

在这里,首先讨论σ为常量的情况,然后再将σ推广到是时间函数的情况。 当前市场观察到的零息票利率集合如表 8.6 所示。

	AC 0.0										
30 30	零息票利率	零息票债券价格									
1	5.78%	94.54									
2	6.20%	88.66									

東京の 伊育可利安施州新聞

将 HL 模型 $dr = \theta(t)dt + \sigma dt$ 改写为离散形式,则这里取 $\Delta t = 1$, $\sigma = 1.5\%$, 为方便接下来的讨论风险中性概率,如果没有特别指出,则都为 0.5 。

由于利率在市场上并不是可以直接买卖的变量。而相对应的可以买卖的金融工具是债 券,所以在构建,HL 模型时,将采用价格例和利率数相互比较,以方便读者理解,如图 8-7 所示价价格 工 刻铜。

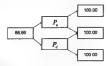


图 9-7 HI. 植型价格面如一叉树脂

这里,读者应当注意,图 8-8 表示的是两年期的零息债券的价格二叉树图,在 12-2 时,债券返回本金 100 元。从 100 时开始计时,过一年以后的价格应该是多少? 即图 8-8 中的 月,和 PL。

相应的为计算得到这个价格,就需要知道一年以后的一年期即期利率的值是多少,用 这个一年后的一年期即期利率折现得到相应的 P.和 P.。

所以相应的需要构建一个一年期即期利率的二叉树 图来进行定价,即如图 8-8 所示。

设定风险中性概率为 0.5-0.5, 则可知利率二叉树图 8-8 中 $r_a = 5.78\% + \mu(1)\Delta t + \sigma\sqrt{\Delta t}$, $r_d = 5.78\% + \mu(1)\Delta t - \sigma\sqrt{\Delta t}$,



图 8-8 HL模型利率单期二叉树图

7.和 72是一年以后的一年期即期利率的可能取值,这个对应的是 F2 时点上的现金流的折现率,因此,有如下公式:当前两年期零息债券的价格应当是 P3 和 P2 按照风险中性概率求得的平均值,以当前无风险利率 5.78%折现的结果。而风险中性概率为 0.5-0.5,因而,如下公式应立。

$$88.66 = \frac{\frac{1}{2}P_u + \frac{1}{2}P_d}{\frac{1}{1+5}\frac{5}{78\%}}$$

将当前两年期零息债券在一年后的可能价格 P,和 P,用一年后的一年期即期利率表示 (由于当前的两年期零息债券在一年后,就是一个一年期零息债券,因而其折现应当用一年后的一年期即期利率)。根据风险中性定价技术,有如下结果:

$$P_u = \frac{\frac{100}{2} + \frac{100}{2}}{1 + r_u}$$
, $P_d = \frac{\frac{100}{2} + \frac{100}{2}}{1 + r_d}$

因而有

$$\begin{split} 88.66 &= \frac{\frac{1}{2} \left(\frac{100}{1+r_s} + \frac{100}{1+5.78\%} \right)}{1+5.78\%} \\ &= \frac{\frac{1}{2} \left(\frac{100}{1+5.78\% + \mu(1)\Delta t + \sigma \sqrt{\Delta t}} + \frac{100}{1+5.78\% + \mu(1)\Delta t - \sigma \sqrt{\Delta t}} \right)}{1+5.78\%} \\ &= \frac{\frac{1}{2} \left(\frac{100}{1+7.28\% + \mu(1)} + \frac{100}{1+4.28\% + \mu(1)} \right)}{1+5.78\%} \end{split}$$

所以,可以得到 $\mu(1) = 0.87\%$ 。

从上面的分析过程可以看到,为了构建一个和当前利率期限结构符合的二叉树图, μ(1)是用来调整二叉树,以使其符合当前利率期限结构。这里所说的符合是指不存在套利 机会。利率期限结构在这里隐含在零息票债券的价格中。

編編 MATLAB 金融计算

因而可以得到 HT. 模型对应的价格和利率二叉树肥, 分别如图 8-9 和图 8-10 所示。

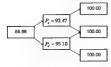


图 8-9 HL 模型价格两期二叉树围



图 8-10 HL 標型利率单期二叉树图

现在市场上存在一个三年期零息债券,其价格为82.78元,对应的零息票利率为6.5%, 将上述两期的一年期即期利率二叉树图推广到两期。

首先,需要明确 III. 模型中的 σ = 1.5% 是代表: 任何期限的即期利率的标准差都是 σ = 1.5%,不管是一年期的即期利率,还是两年期的即期利率,亦或是三年期的即期利率。 为此,一个在当前时点 (=0 的角度看来是三年期零息票率的债券。在一年后就只是一个两年期的零息票券;而年后,就是一个一年期零息债券。问题的核心是确定其一年以后的状态价格。首先通出三年期零息债券的价格二叉树图(如图 8-11 所示)和两期的利率二叉树图(如图 8-12 所示)。

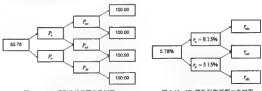


图 8-11 HL模型价格三期二叉树图

網 8-12 HL 權型利塞兩期二叉树图

其中 T_{tal} = T_{da},这样使得利率先上升后下降同先下降后上升得到同样的结果,称为 "二 叉树重构" 技术 (recombine)。在后面的 HJM 模型中,会发现,其二叉树并不是重构的。 在图 8-12 中,有如下方程式成立:

$$r_{tot} = r_u + \mu(2) + \sigma$$

 $r_{tot} = r_{dv} = r_u + \mu(2) - \sigma = r_d + \mu(2) + \sigma$
 $r_{dd} = r_d + \mu(2) - \sigma$

将 4 和 72 代入,显然上式是成立的,因而图 8-12 是重构的。

在图 8-12 中,三年期零息债券现在的价格,应该等于 P_a 和 P_a 在风险中性概率下的期望用当前一年期的无风险利率折现 n=5.78%; 而相应的 P_a 和 P_a 应该用 P_{au} 、 P_{au} 和 Q 险中性概率下的期望分别用 r_a 和 r_a 折现,这要 r_a 和 r_a 的值已经知道, P_{au} 、 r_{au} 和 r_a

是债券到期时的定额 100 元支付分别用 544 、 544 和 544 进行折现得到结果。

$$82.78 = \frac{\frac{1}{2}P_{u} + \frac{1}{2}P_{d}}{1 + r_{0}} = \frac{\frac{1}{2} \left(\frac{\frac{1}{2}P_{uu} + \frac{1}{2}P_{ud}}{1 + r_{u}}\right) + \frac{1}{2} \left(\frac{\frac{1}{2}P_{ud} + \frac{1}{2}P_{dd}}{1 + r_{d}}\right)}{1 + r_{0}}$$

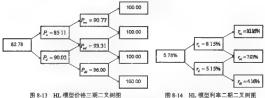
其中

$$P_{\text{min}} = \frac{100}{1 + r_{\text{min}}} = \frac{100}{1 + r_{\text{id}} + \mu(2) + \sigma}$$

$$P_{\text{mid}} = \frac{100}{1 + r_{\text{id}}} = \frac{100}{1 + r_{\text{id}} + \mu(2) - \sigma} = \frac{100}{1 + r_{\text{id}} + \mu(2) + \sigma}$$

$$P_{\text{dut}} = \frac{100}{1 + r_{\text{id}}} = \frac{100}{1 + r_{\text{id}} + \mu(2) - \sigma}$$

如此一来。代入相关数据之后得到二叉树图、如图 8-13 和图 8-14 所示。



18-13 NL 快空训带二州—人列因 图 8-14 NL 7

如果市场上存在更多期限的数据,则可将上述模型继续推广到多期结果。

8.3.3 变方差 HL 模型

在 8.3.2 节中, 讨论了 HL 模型的一个简单情况, 在 HL 模型中, 只有其漂移率 $\theta(r)$ 是 随时间改变的, 其方差 σ 是始终保持恒定不变, 这个显然是不合理的。本节着重处理方差 σ 是 令曹的情况, 注意本节器出的 σ 只同时间有关。同利率水平无关。

首先,应当清楚波动率期限结构的概念。在当前时点上,构建二叉树的过程,并不是 一个如 8.3.2 中所描述的一个等方差的过程,其方差应当满足当前的波动率期限结构。在 这个基础上,构建元套利模型。

波动率期限结构是指不同到期期限的情况下的即时利率的波动率。然而这是一个随机 变量,只能根据当前的波动率去估算。

解决的方法是,在当前时点上,根据历史数据,能得到不同期限,比如一年期零息票 利率的波动率,同样两年期的也可以根据无套利模型,计算出一年以后的一年期即期利率 的渡动率。

續續 MATLAB 宗觀计會

下面结合实例、给出变方差HL模型二叉树的构建方法。 在二叉树里,其风险中性概率下的均值和方差如下。

$$\hat{E}(r) = \frac{1}{2}r_u + \frac{1}{2}r_d$$

$$\hat{E}(r^2) = \frac{1}{2}r_u^2 + \frac{1}{2}r_d^2$$

因而、得到方差

$$var(r) = \hat{E}(r^2) - (\hat{E}(r))^2 = \frac{1}{4}(r_u - r_d)^2$$
$$\sigma(r) = \sqrt{var(r)} = \frac{1}{2}(r_u - r_d)$$

这里的标准差、称之为基点差、或者正则波动率。

【例 8-12】 HL 利率模型二叉树构建实例。构建如表 8.7 所示的下列数据的二叉树。

到期日 学忠原宫 零息票债券价格 正则波动率 5 78% 04 54 1.5% 2 6.20% 88 66 1.3% 6.43% 82.95 1.29 6.52% 77.67 11%

表 8.7 零息票债券数据

由于在 HL 模型中,不同时间的波动塞是不同的,而又无法观测,但是在当前的时点 上,可以知道一年期的即期利率的波动率为1.5%;两年期的波动率为1.3%,依此类推。

通过无套利的方法,进行对远期的波动塞预测,这是本例的核心。

「光雅1」 构建第一阶段二叉树图。

二叉树的第一阶段构建、需要两个方程。

首先是波动率方程,根据上面的结果有:

$$\frac{r_u - r_d}{2} = 1.5\%$$

由于此时的 1.5%波动塞, 恰好是一年期即期利塞的波动塞, 因而可直接由以上方程计 算得到。但在后面读者将会看到,这个方程并不能使用,因为正则波动率一列并不是一年 期即期利率的波动率,因而只能根据无套利方法进行处理。

第二个方程, 应是根据风险中性定价方法得到的, 参考图 8-15 所示的价格二叉树图和 利率二叉树图。

图 8-15 即是图 8-7 和图 8-8。根据上图和风险中性定价方法,有如下方程成立。

$$88.66 = \frac{\frac{1}{2}P_u + \frac{1}{2}P_d}{1 + 5.78\%} = \frac{\frac{1}{2}\frac{100}{1 + r_u} + \frac{1}{2}\frac{100}{1 + r_d}}{1 + 5.78\%}$$

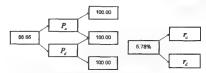


图 8-15 两年期零息债券价格二叉树和单期利塞二叉树图

根据上述两个方程可以解得

$$r_{c} = 0.08148471;$$
 $r_{d} = 0.05148471$

得到的结果同图 8-10 所示是相同的。由于在第一阶段,一年期即期利率的波动率和 8.3.2 节中的假设是相同的,因而必然得到相同的结果,但是第二阶段的二叉树结果就不 同了。

在 8.3.2 节介绍的 HL 模型,假设是波动率始终恒定为 1.5%,而这里由于波动率会改变,因而并没有任何办法能够直接构建第二阶段的二叉树。因而应该从现在已知的正则波动率的结构入手进行。

【步骤 2】: 构建第二阶段二叉树图

模据上述关于正则波动率的解释,在表8.7中,最后一列第二行的正则波动率为1.3%, 是指当前已知的两年期的即期利率的波动率是1.3%,也就是说,一年以后的两年期即期利 基县一个随机变量。在风险中性概率下其波动率为1.3%。

设R为两年期的即期利率,则 $R_0 = 6.2%$,而 R_1 是一年以后的两年期即期利率,是一个随机变量,在二叉树图中、价格只有两种状态,而所在风险中性概率又为0.5 - 0.5,设 R_1 的以0.5的概率取值为 R_2^2 ,以0.5的概率取值为 R_2^3 。

根据正则波动率的定义有 $1.3\%\approx \frac{R_s^2-R_d^2}{2}$,这是为构建第二阶段的二叉树图建立的第一个方程。下面还需要第二个方程。

一年以后,两年期的即期利率的两个取值 R² 和 R²,在 I=1 的时点上看,这是一个两年后到期的零息债券、而站在 I=0 的角度上看,这是一个三年期的零息债券。

则一年以后,三年期零息债券的价格有两种可能(此时这个三年期零息债券成为一个两年期的零息债券,其折现率应当为 [=1] 时刻的两年期即期利率]·

$$P_u^2 = \frac{100}{(1+R_u^2)^2}$$
; $P_u^2 = \frac{100}{(1+R_d^2)^2}$

而当前 ≠0 时点上三年期零息债券的价格根据风险中性定价方法, 应当为

$$82.95 = \frac{\frac{1}{2}P_u^2 + \frac{1}{2}P_d^2}{1 + 5.78\%}$$

精谱 MATLAB 金割计值

上述方程组解得 R_a^2 =0.08079181; R_a^2 =0.05479181。进而可知,一年后这个在 \rightleftharpoons 0 时点上的三年期零息债券的价格有两种情况,分别为:

$$P_u^2 = \frac{100}{(1 + R_u^2)^2} = 85.60830784$$

$$P_d^2 = \frac{100}{(1 + R_u^2)^2} = 89.88071216$$

进而可知,根据风险中性定价技术、这个三年期零息债券的价格为。

$$\frac{\frac{\frac{1}{2}P_a^2 + \frac{1}{2}P_e^2}{1 + 5.78\%} = 82.95$$

这个结果,同用当前的三年期零息债券的收益率 6.43%折现的结果是相同的。

【被巧与表示】

这里的方程,并不建议手工解,其解虽然有解析解,但非常复杂,建议采用 MATLAB 提供的 sym 函数和 solve 函数。其中 solve 可以解決方程短问题。sym 变量一般用来构建一 个属性为 sym 的变量,是存储方程短用。具体用法参見帮助文档。

可是,需要解决的问题是一年期即期利率第二阶段的二叉树,而不是 R_{i}^{2} 和 R_{i}^{2} 。下面让我们检查一下,到目前为止,已经知道了什么。

在第一步中,已经求得了一年后的一年期即期利率;而上面求得的 R_c^3 和 R_c^3 是一年后的两年期即期利率的可能取值情况,要求的是一年期即期利率第二阶段的二叉树,即一年后的单期二叉树应当如何?

按照无套利原则,在风险中性世界里,及为风险中性概率期望以无风险利率折观,因 而有如下方程:

$$\begin{aligned} p_g^2 &= \frac{\frac{1}{2} \frac{100}{21 + r_{gu}} + \frac{1}{21 + r_{tu}} = \frac{\frac{1}{2} \frac{100}{21 + r_{gu}} + \frac{1}{21 + r_{tu}}}{\frac{1 + r_{tu}}{21 + r_{tu}} + \frac{1}{21 + r_{gu}} + \frac{100}{21 + r_{gu}} + \frac{1}{21 + r_{tu}} \\ p_d^2 &= \frac{\frac{1}{2} \frac{100}{11 + r_{gu}} + \frac{1100}{21 + r_{gu}} + \frac{1}{21 + r_{gu}} + \frac{1}{21 + r_{gu}} + \frac{1}{21 + r_{gu}} \\ \frac{1 + 51 \cdot 59}{11 + 76} &= \frac{1}{11 + 51 \cdot 59} \end{aligned}$$

以上两个方程的建立,可参考图 8-11 和图 8-12。并且注意上述方程含有四个变量分别为 r_{uu} 、 r_{ud} 、 r_{ud} n_{dd} 。要解出上述四个变量,还需要两个方程。

在本节开始的讨论中,假设 HL 模型中的方差只是与时间有关,而与利率水平无关。即一年以后的一年期即期利率的正则波动率不论利率水平是 $_{6}$ 还是 $_{72}$,应该都是一样的,因而有如下方程:

$$\frac{r_{uu} - r_{ud}}{2} = \frac{r_{du} - r_{dd}}{2}$$

最后一个方程,需要实现二叉树图的重构,即利率的路径,是"先升后降"和"先降后升"应该是相同的,即要求·

$$r_{ud} = r_{du}$$

后面在 HJM 模型中,读者会发现,重构并不是必需的,这里的一个自由度是通过重构消除的。对以上四个方程求解,得到如下结果:

$$r_{ant} = 0.09120510$$

 $r_{ant} = r_{abr} = 0.06921738$
 $r_{ad} = 0.04722966$

二叉树图如图 8-16 所示。

同样可以得到,单期的两年期即期利率二叉树如图 8-17 所示。

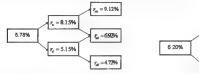


图 8-16 变方差 HL模型一年期即期利率两期二叉树图

图 8-17 两年期即期利率二叉树图

【步骤3】 构建第三阶段利率二叉树图

機仿第二阶段利率二叉树图构建的过程,在一年期即期利率的二叉树图的构建过程中,一年期即期利率三叉树图本身的用途是在最后的定价时使用,而其他期限(比如第二步的两年期)的利率二叉树图是结合一年期即期利率二叉树图本身来符合波动率期限结构的。因此,思路如下。

首先,设定符号 Ri 和 Ri 代表一年以后的三年期即期利率的状态,二叉树中,只有两种状态可取。一年以后即 I=1 时点上的一个三年期即期利率,站在 I=0 的时点上观察,应 当涉及一个四年期的零息债券。对 I=0 时点上的四年期零息债券利用风险中性定价技术进行定价。存在如下方程。

$$77.67 = \frac{\frac{1}{2}P_{\text{H}} + \frac{1}{2}P_{\text{d}}}{1 + r_{\text{H}}} = \frac{\frac{1}{2}\frac{100}{(1 + R_{\text{H}}^{3})^{3}} + \frac{1}{2}\frac{100}{(1 + R_{\text{d}}^{3})^{3}}}{1 + 5.78\%}$$

其中 P_a 和 P_d 分别代表,当前的四年期零息债券在一年以后的两种可能价格,其中的下脚标u和d并不是代表利率上升或者下降,而是当经济处于u状态时的价格,对应的利率处于 P_d 。对于脚标d、存在同样的结果。

同第二步一样,需要耦合正则波动率条件,存在方程。

$$\frac{R_u^3 - R_d^3}{2} = 1.1\%$$

解如上方程如得到结果。

 $R_s^3 = 0.07892281$; $R_s^3 = 0.05692281$

 $P_a^3 = 79.62122971; P_d^3 = 84.69742229$

又面临同样的问题,当前需要构建的是第三阶段的一年期即期利率二叉树图,而目前 有的是一年后的三年期即期利率的两种可能;在图 8-17 中,得到了一年后的两年期即期利 率的两种可能。

此时待求的价格二叉树图和利率二叉树图分别如图 8-18 和图 8-19 所示。

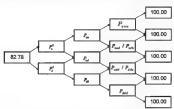


图 8-18 查方差 HL模型四阶段价格二叉树图

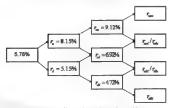


图 8-19 变方差 HL模型三阶段利率二叉树图

图 8-18 和图 8-19 中价格和利率两个二叉树图的某些节点用 "/" 号隔开,此时并不知道, 二叉树是否重构以及节点值是否路径依赖的, 读者稍后将会发现, 二叉树图的重构将是一个约束条件。

根据风险中性定价技术,有如下结果:

$$\begin{split} P_{s}^{2} &= \frac{\frac{1}{2}P_{im} + \frac{1}{2}P_{oid}}{1 + r_{i}} = \frac{\frac{1}{2}(\frac{1}{2}(P_{oinc} + P_{oid}) / (1 + r_{io})) + \frac{1}{2}[\frac{1}{2}(P_{oide} + P_{oide}) / (1 + r_{oid})]}{1 + r_{i}} \\ P_{s}^{2} &= \frac{\frac{1}{2}P_{oid} + \frac{1}{2}P_{oid}}{1 + r_{oi}} = \frac{\frac{1}{2}(\frac{1}{2}(P_{oide} + P_{oide}) / (1 + r_{oid})) + \frac{1}{2}(\frac{1}{2}(P_{oide} + P_{oide}) / (1 + r_{oid}))}{1 + r_{i}} \end{split}$$

二叉树图的重构,可以得到两个方程。

$$r_{mad} = r_{mds}$$
: $r_{mdd} = r_{ddu}$

同理, 按照正则波动塞相同有两个独立方程

$$\frac{r_{\text{total}} - r_{\text{total}}}{2} = \frac{r_{\text{total}} - r_{\text{total}}}{2} = \frac{r_{\text{ddle}} - r_{\text{ddd}}}{2}$$

上述共有6个方程,6个未知数、因而得到的结果如图 8-20 所示。

$$r_{\text{mass}} = 0.11966665$$

 $r_{\text{mod}} = r_{\text{sobs}} = 0.07628639$
 $r_{\text{nodd}} = r_{\text{dobs}} = 0.03290613$
 $r_{\text{ddd}} = -0.01047413$

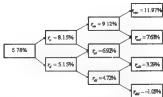


图 8-20 查方差 HL 模型三阶段利率二叉树图

8.3.4 HL 權型意义

HL模型是第一个无套利模型,有别于其他的均衡模型。上节用了大量篇幅介绍了HL模型下的二叉树构造,这将是后续章节的基础,对于8.4.1 节和8.4.2 节将要介绍的两个案例,仔细理解可知,这包含了所有无套利利率二叉树的基本思想。

在构建无套利利率二叉树模型的过程中,重要的两个方面是:

- (1)同当前利率期限结构符合,因而无套利;
- (2) 同当前波动率期限结构符合。

这两个符合是构建二叉树模型的基础。

桶罐 MATLAB 金额计理

一般来说,波动率期限结构最好是从当前市场上交易的金融工具中的隐含波动率计算 出来,这样完全符合无套利的基本思想。

后面将继续讲解 MATLAB 中提供的利率期限结构模型,在实例讲解过程中,读者会发现,其他模型多多少少是从 HL 模型衍生出来的,或者说是 HL 模型的某种改进。

比如图 8-20 中存在的问题是 $r_{del} = -1.05\% < 0$,而实际情况是不可能小于零的。因此, BDT 模型通过一个小的改进,修正了 HL 模型。

8.4 BDT 模型

MATLAB 里支特的利摩模型有 BDT、HW、BK、HIM。本节首先介绍一下各个函数 的基本参数形式,在后面的每一小节,都会针对每个模型给出详细的推导和 MATLAB 中 的实现方法。

在 MATLAB 中,构建四种模型叉树的函数分别如下

- BDTTree = bdttree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec);
- HWTree = hwtree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec);
- BKTree = bktree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec).
- HJMTree = himtree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec).

其中,bdttree 和 hjmtree 是二叉树模型,而 hwtree 和 bktree 是三叉树模型。 从上面的语法格式可以看出,四个模型的输入形式是一样的,参数为:

- VolSpec·波动率说明:
- RateSpec: 即时利率说明;
- TimeSpec: 时间说明。

但需要注意的是,参数的详细结构是不同的,在后续的介绍过程中会——介绍。这些 参数都是 struct 型的数据,而且对应每一个参数都有相应的专有函数构建相应的 struct 型 数据。

8.4.1 BDT 模型的构建

前面在 8.3.3 节详细介绍了 HL 模型二叉树的构建过程, 这里的 BDT 模型是 Black-Derman-Tov 提出的一种对 HL 模型的改进。

在图 8-20 中,读者应该已经发现,其最后阶段的利率二叉树图存在负数, ruu =-1.05%<0,这显然是不合理的。

HL模型假设即期利率服从正态分布,而 BDT 模型假设利率服从对截正态分布,这样 就消除了图 8-20 中存在的负值得可能性。

【例 8-13】 BDT 利率模型二叉树构建实例。当前市场期限结构和正则波动率期限结构如表 8.8 所示

表 8.8 BDT 模型数据								
期 限 即期利率 正判波功率								
1	0.10	0.20						
2	0.11	0.19						
3	0.12	0.18						
4	0.125	0.17						

SOO DOT 均利助焊

上表中, 0.20 代表的是一年期即期利率的波动率, 依此类推, 0.19 代表的是两年期的即期利率的波动率, 等等。

【故巧与凋示】

本题采用的数据是 MATLAB 自带的数据集,在文件 deriv.mat 中,使用 load deriv 命令 可以将文件中包含的所有变量导入到 MATLAB 工作空间。其中本例采用的是 deriv.mat 文 件中的 BDTTree 这个 struct 站构型数据集中的数据。便于将这里讲解的 BDT 模型同 MATLAB 旅游置涂掛行比較。

请根据表 8.8 中数据构建 BDT 模型利率二叉树。

BDT 模型和前面介绍的 HL 模型是相同的,即风险中性概率都假设为 0.5-0.5。这里也 是一样的。不同的是由于 BDT 模型假设了利率服从对截正态分布后, 导致的正则波动率 是利率取自然对数之后的波动率。因此有;

$$\sigma(\ln r) = \frac{\ln r_u - \ln r_d}{2} = \frac{\ln(r_u / r_d)}{2}$$

除此之外、同HL模型完全一样。

【步骤1】: 构建第一阶段利率二叉树

二叉树的根部数据就是 0.1, 因此, 不用做任何修改。对于第一阶段二叉树的两个端 点 n, 和 n, 需要使用两年期的即期利率和其对应的正则波动率, 方程如下

$$P_2 = \frac{\frac{1}{2}P_u^2 + \frac{1}{2}P_u^3}{1 + p_0}$$

代入数据有.

$$\frac{100}{(1+0.11)^2} = \frac{\frac{1}{2} \frac{100}{1+r_a} + \frac{1}{2} \frac{100}{1+r_d}}{1+0.1}$$

同时正则波动率方程有:

$$\frac{\ln(r_u/r_d)}{2}=0.19$$

 $r_a = 0.14318047$; $r_d = 0.09791560$

【步骤 2】: 构建第二阶段利率二叉树

需要使用三年期即期利率及其相应的波动率。首先需要解决的是当前的三年期即期利率在1年后变成两年期即期利率 & 和 & 。

风险中性定价方程和正则波动率方程分别为:

$$\frac{100}{(1+12\%)^3} = \frac{\frac{1}{2}P_u + \frac{1}{2}P_d}{1+10\%} = \frac{\frac{1}{2}\frac{100}{(1+R_u^2)^2} + \frac{1}{2}\frac{100}{(1+R_d^2)^2}}{1+10\%}$$
$$\frac{\ln(R_u^2 / R_d^2)}{2} = 0.18$$

求得结果 $R^2 = 0.15415902$; $R^2 = 0.10755310$, 求得对应的 R 和 R 为:

$$P_u = 75.07039429;$$
 $P_d = 81.52126023$

所以对应的有方程

$$P_{\rm H} = \frac{\frac{1}{2} \frac{100}{1 + r_{\rm stat}} + \frac{100}{1 + r_{\rm stat}}}{\frac{2}{2}}$$

$$P_{\rm d} = \frac{\frac{1}{2} \frac{100}{1 + r_{\rm stat}} + \frac{100}{1 + r_{\rm stat}}}{\frac{2}{2}}$$

注意到上述方程在这里直接利用了二叉树重构的条件,因而 $r_{tot} = r_{th}$ 。 正则波动率方程为:

$$r_{ud}^2 = r_{uu}r_{dd}$$

因而解得方程组的解为:

$$r_{tot} = 0.19414174$$

 $r_{tot} = 0.13767200$
 $r_{dd} = 0.97627533$

【步骤 3】: 构建第三阶段利率二叉树图

需要使用四年期的零息债券和其对应的正则波动率 0.17 构建方程。

$$\frac{100}{(1+12.5\%)^3} = \frac{\frac{1}{2}P_a + \frac{1}{2}P_d}{1+10\%} = \frac{\frac{1}{2}\frac{100}{(1+R_a^4)^3} + \frac{1}{2}\frac{100}{(1+R_a^4)^3}}{1+10\%}$$

$$\frac{\ln(R_a^6 / R_d^4)}{2} = 0.17$$

得到结果 $R_u^4 = 0.15698467$; $R_d^4 = 0.11173703$ 因而得到 $P_u = 64.56797733$; $P_d = 72.77693867$ 因而有:

$$\begin{split} P_u &= \frac{0.5 * [(0.5 * (P_{out} + P_{out})) / (1 + r_{out})] + 0.5 * [(0.5 * (P_{out} + P_{out})) / (1 + r_{out})]}{2} \\ &= \frac{0.5 * [(0.5 * (\frac{100}{1 + r_{out}} + \frac{100}{1 + r_{out}})) / (1 + r_{out})] + 0.5 * [(0.5 * (\frac{100}{1 + r_{out}} + \frac{100}{1 + r_{out}})) / (1 + r_{out})]}{2} \\ P_d &= \frac{0.5 * P_{out} + 0.5 * P_{out}}{2} \\ &= \frac{0.5 * [(0.5 * (P_{out} + P_{out})) / (1 + r_{out})] + 0.5 * [(0.5 * (P_{dut} + P_{dut})) / (1 + r_{out})]}{2} \\ &= \frac{0.5 * [(0.5 * (\frac{100}{1 + r_{out}} + \frac{100}{1 + r_{out}})) / (1 + r_{out})] + 0.5 * [(0.5 * (\frac{100}{1 + r_{out}} + \frac{100}{1 + r_{out}})) / (1 + r_{out})]}{2} \end{split}$$

上述两个方程构成的方程组中,存在四个变量。有波动率同利率水平无关,有如下两个方程成立:

$$r_{und}^2 = r_{und} r_{udd}$$
; $r_{udd}^2 = r_{und} r_{ddd}$

上述方程组的解为.

$$r_{ions} = 0.21777499$$
 $r_{ond} = 0.16051323$
 $r_{out} = 0.11830787$ $r_{old} = 0.08720000$

8.4.2 BDT 模型的实现

到目前为止,根据正则波动率和当前利率期限结构,构建 BDT 模型的二叉树。在下面介绍 bdttree 函数时,读者会发现,bdttree 和上述方法得到的结果是一样的。

【语法格式】

BDTTree = bdttree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec)

【输入变量】

VolSpec RateSpec TimeSpec %波动率期限结构说明

8利率期限结构说明 8时间点说明

【輸出來屬】

BDTTree

&二叉树, 为一个 streut 型结构

在 MATLAB 命令窗口中输入命令 load deriv 显示载入的数据。输入 BDTTree,则显示 BDTTree 结构如下:

質什醬是 BAJTAM 脳鷸

>>load deriv >>BDTTree

输出结果为

```
FinObj: 'BDTFwdTree'
VolSpec: [1x1 struct]
'TimeSpec: [1x1 struct]
RateSpec: [1x1 struct]
cObs: [0 1 2 3]
    TFwd: [4x1 double] [3x1 double] [2x1 double] [3])
    CFlowT: ([4x1 double] [3x1 double] [2x1 double] [4])
FMdTree: [(1.1000] [1.0979 1.1432] [1.0976 1.1377 1.1942] [1.0872...
1.1183 1.1606 1.2179])
```

可见返回的 BDTTree 结构中包含了输入的三个参数 VolSpec、TimeSpec 和 RateSpec。同时 BDTTree 中最重要的就是 FwdTree、即远期短期利率树。

在命令窗口中用 treeviewer 命令查看生成的利率二叉树如下。

>>treeviewer(BDTTree)

输出如图 8-21 所示。

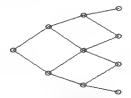


图 8-21 BDTTree 二叉树图

读者可以验证,结构中的 FwdTree 即使包含了二叉树图各个节点的利率数值,其构建 方法同例 8-13 中所示方法是完全一致的。

8.5 HW 和 BK 模型

在本节将介绍 HW 和 BK 模型。HW 模型首次是由 Hull 和 White 在 1990 年的一篇文章 * Pricing Interest Rate Derivative Securities * 中提出的,是 Vasicek 模型的一个扩展。 然而 HW 模型仍然存在列率可能为负的缺陷,因而 BK 模型对 HW 模型进行了改进, 将模型对数化,而避免了利率为负的可能。这点有些类似 HL 模型和 BDT 模型的区别和联

系,不同的是 HW 和 BK 模型是一个 - . 叉树,而且是重构的。

8.5.1 三叉树的基本形态

一般情况下,采用标准三叉树形态如图 8-22 所示。

在实际应用中一般采用非标准化的三叉树模型,构成非标准化的三叉树图的基本单元 有三个、如图 8-23 所示。



图 8-23(a)是上/平/下形式的标准三叉树图单元;图 8-23(b)是平/下/下形式的非标准三叉树图单元;图 8-23(c)是上/上/平形式的非标准三叉树图。

在 MATLAB 中,采用的是非标准形式的三叉树图,这种类型的三叉树便于计算和构造,给计算带来了方便。

8.5.2 HW 模型的构建

HW 模型于 1990 年发表后,一般采用如下的形式表示连续时间 HW 模型。

$$dr = [\theta(t) - ar]dt + \sigma dz$$

其中 r 代表的是短期即期利率。假设 Δt 期间的利率 R. 遵循同样的随机过程有:

$$dR = [\theta(t) - aR]dt + \sigma dz$$

显然,上述模型具有均值回复的特性。

在构建三叉树的过程中,将过程分为两步,第一步不考虑 $\theta(t)$,即构建如下模型。

$$dR^* = -aR^*dt + \sigma dz$$

相对应的三叉树图。构建的三叉树图需要满足的是波动率期限结构。

然后 heta(t) 的变动以使得构建的三叉树图满足当前的利率期限结构,从而构建 R 服从的 三叉树图。

【步骤 1】 构建 R* 所代表的随机过程相对应的二叉树图。

构建符合模型 $dR^* = -aR^*dt + \sigma dz$ 的三叉树图。

假设 R' 的初始值是 0。并且其改变量 $\Delta R = R'(t + \Delta t) - R'(t)$ 服从正态分布,其期望值是 MR',其方差为 $V = \frac{\sigma^2(1-e^{-2\Delta t})}{2}$,其中 $M = e^{-\Delta t} - 1$ 。

定义 ΔR 为三叉树的分支间隔,从误差最小的角度,设定 $\Delta R = \sqrt{3V}$ 。关于这个指定并没有特定的要求,一般情况下,这样的假设有利于三叉树的重构并且可以使得误差暑小。

在三叉树分支间隔确定的情况下,就多了重构的约束,这样自由度减少了。

因此,为符合相应的波动率(在 HW 模型中是常数波动率)能变动的只有风险中性概率值。这样,在 HW 模型中构建三叉树的三个自由度是由风险中性概率来决定的。

第一步中构建的三叉树应该如图 8-24 所示,定义节点(i,j)为 $t=i*h\Delta r$, $R^*=j*\Delta R$ 对应的节点,其中,为正整数,j为整数,可正可负。三叉树构建过程必须保证在每一个分支上的风险中性每塞积层下的。

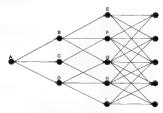


图 8-24 HW 模型三叉树 (第一步)

当 a>0 时,一般情况下图 8-23 (a) 是满足上述要求的; 当j的数值比较大,则三叉树的构雕应当从标准的图 8-23 (a) 转换到图 8-23 (b); 在j的数值是负数并且其绝对值较大时,三叉树的构雕应当从标准的图 8-23 (a) 转换到图 8-23 (c)。

这样的转化保证 j 存在一个最大值和最小值,当 j 达到最大或最小的时候,则需要将基本叉树单元在 a-b 或者 a-c 之间进行转换,以保证风险中性概率是正数。

Hull 和 White 证明当这个极大值 j_{max} 设定为不小于 0.184/M 的最小整数;极小值 $j_{max} = -j_{max}$ 时,则可保证所有的风险中性概率均为正数。

定义 p_{u}, p_{m} 和 p_{d} 分别代表三叉树中最上方,中间和最下方分支的风险中性概率。风险中性概率的选择应当匹配下一期间内 ΔR^{d} 的期望和方差,并且风险中性概率应当具有归一化的性质,因此给出三个方程。

对于图 8-23 (a) 中所示的三叉树基本单元有:

 $p_u \Delta R - p_d \Delta R = MR^* = jM \Delta R$ $p_u \Delta R^2 + p_d \Delta R^2 = V + (jM \Delta R)^2$ $p_u + p_m + p_d = 1$

解上述方程得到结果.

$$p_{m} = \frac{1}{6} + \frac{1}{2}((jM)^{2} + jM)$$

$$p_{m} = \frac{2}{3} - (jM)^{2}$$

$$p_{d} = \frac{1}{6} + \frac{1}{2}((jM)^{2} - jM)$$

注意代入 $\Delta R = \sqrt{3V}$ 得最终结果。

同理、对于图 8-23(b)中所示的三叉树基本单元有·

$$-p_m \Delta R - p_d * 2\Delta R = jM \Delta R$$

$$p_m \Delta R^2 + p_d (2\Delta R)^2 = V + (jM \Delta R)^2$$

$$p_n + p_m + p_d = 1$$

解上述方程得到结果:

$$p_u = \frac{7}{6} + \frac{1}{2}((jM)^2 - 3jM)$$

$$p_m = -\frac{1}{3} - (jM)^2 + 2jM$$

$$p_d = \frac{1}{6} + \frac{1}{2}((jM)^2 - jM)$$

对于图 8-23(c)中所示的三叉树基本单元有.

$$p_u * 2\Delta R + p_m * \Delta R = jM \Delta R$$

$$p_u (2\Delta R)^2 + p_m \Delta R^2 = V + (jM \Delta R)^2$$

$$p_u + p_m + p_d = 1$$

解上述方程得到结果:

$$p_u = \frac{1}{6} + \frac{1}{2}((jM)^2 - jM)$$

$$p_m = -\frac{1}{3} - (jM)^2 + 2jM$$

$$p_d = \frac{7}{6} + \frac{1}{2}((jM)^2 - 3jM)$$

【技巧与書示】

在 MATLAB 中构建 HW 三叉树的核心函数是 hwtengine, 在命令窗口中输入命令 typc hwtengine, 查看函数代码, 找到如下的代码块:

% standard branching

Probs(iLevel)(1,idxStardard)=1/6 + 1/2*(((j(idxStardard)*
M(iLevel)),^2) + j(idxStardard) * M(iLevel));

Probs(iLevel)(2, idxStardard) = 2/3 - (j(idxStardard)*M(iLevel)).^2;
Probs(iLevel)(3, idxStardard)=1/6 + 1/2*(((j(idxStardard)*

M(iLevel)).^2) - i(idxStardard) * M(iLevel));

% upper nodes (nonstandard branching down)

 $Props(iLevel)(1, idxTop) = 7/6 + ((idxTop)*M(iLevel)).^2 +$ 3*j(idxTop)*M(iLevel))/2;

Probs(iLevel)(2, idxTop) = -1/3 - (i(idxTop)*M(iLevel)).^2 -2*i(idxTop)*M(iLevel);

Probs(iLevel)(3, idxTop) = $1/6 + ((j(idxTop)*M(iLevel)).^2 +$ (idxTop) *M(iLevel))/2;

% lower nodes (nonstandard branching up)

Probs(iLevel)(1, idxBottom) = 1/6 + 1/2*(((idxBottom)*M(iLevel)). ^2) - j(idxBottom) *M(iLevel));

Probs(iLevel)(2, idxBottom) = -1/3 - (i(idxBottom)*M(iLevel)).^2 + 2*j(idxBottom)*M(iLevel);

Probs(iLevel)(3, idxBottom) = 7/6 + ((i(idxBottom)*M(iLevel)),^2 -3*j(idxBottom)*M(iLevel))/2;

上述代码块即是构建3种状态下三叉树基本单元的槽块。

在构建三叉树的过程中一般设定 i 触及到 i_{max} 或 i_{max} 则三叉树基本单元由图 8-23 (a) 向图 8-23(b)或图 8-23(c)转换,即风险中性概率的求解方程组在上述三个结果之间转换。

【步骤 2 】 构建 R 所代表的随机过程相对应的三叉树图。

在第二步的核心、即考虑变量 $\theta(t)$ 使得所构建的三叉树在使用风险中性概率定价时、 应符合当前的利率期限结构。

将 R^* 的三叉树转化成R的三叉树在每一个时间节点上,调整对应的利率水平,而不改 变其间隔 AR。

定义 $\alpha(t) = R(t) - R^{*}(t)$, 采用迭代方法计算 $\alpha(t)$ 使得 R 的三叉树和初始利率期限结构 完全匹配。

定义 $\alpha(i\Delta t)$ 是 R 的三叉树和 R° 的三叉树在时间节点 $i\Delta t$ 的差值。

定义 $O_{i,i}$ 的值为利率达到三叉树 $\{i,j\}$ 节点、单位货币(通常为 1 货币单位)的现值 間相应利塞路径风险中性概率的乘积,否则为 0。

其本质是一个三状态的 Arrow-Debreu 证券。

做如下假设.

假设波动率 $\sigma = 0.01$, a = 0.1 , $\Delta t = 1$ 年。在此假设下, $M = e^{-a\Delta t} - 1 = -0.09516258$, $V = \sigma^2 (1 - e^{-2a\Delta t}) / (2a) = 9.06346235 * 10^{-5} \Delta R = \sqrt{3V} = 0.01648951$, $j_{max} = -j_{min} = 2$, 将上 述数据代入,则可求得图 8-24 中的各个节点的风险中性概率如表 8.9 所示

表 8.9 HW 模型二叉何节点的风险中性核手效理										
节	卢	A	В	С	D	Æ	F	G	н	1
R+%		0	1.649	0	-1.649	3.298	1.649	0	-1.649	-3.298
p_a		0.1667	0.1236	0.1667	0.2188	0.8993	0.1236	0.1667	0.2188	0.0896
p _m		0.6667	0.6576	0.6667	0.6576	0.0111	0.6576	0.6667	0.6576	0.0111
Pa		0.1667	0.2188	0.1667	0.1236	0.0896	0.2188	0.1667	0.1236	0.8993

表 8.9 中有些列的概率并不归一,是由于取四位小数时四会五入导致的误差。进而得 到 HW 模型即期利率期限结构的数值如表 8.10 所示。

表 8.10 HW 維烈斯斯利塞斯開结地

期限	1	2	3	4
即期利率%	2.75	3.12	3.63	4.15



注章 上述表 8 10 中给出的利率期限结构中的数据是按照连续复利给出的结果。在 HW 三叉树中的利率是按年计息的复利结果, 所以需要完成转换。

按照连续复利计息便于计算结果、最后得到的结果只要完成相应的转换即可。

下面用如上数据完成三叉树构建的第二步。

在图 8-24 中的节点 A 处, 代表 $Q_{0,0}=1$, 因此 α_0 的值是通过对 t=1 的债券进行折现得 到的。因此 ac 直接设定为利率期限结构的对应值,及 to 1 的即期利率。

将利率期限结构中的连续复利转化为按年计息的复利有, $\alpha_0 = e^{0.0275}$ -1=2.788%,即图 8-25 中的 A 节点的利率值。

接下来的目标是如何确定 O_1,O_2 。和 O_{-1} 。由于 $O_3=2.788%$,因此有如下结果:

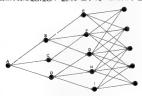


图 8-25 完整 HW 模型三叉树图

$$Q_{1,1} = p_u e^{r_d} = 0.1667 * e^{-0.0312} = 0.16214578$$

 $Q_{1,0} = p_m e^{r_d} = 0.6666 * e^{-0.0312} = 0.64858312$
 $Q_{1,-1} = p_d e^{r_d} = 0.1667 * e^{-0.0312} = 0.16214578$

根据利塞期限结构得知。两年后 1 美元的现值是 e-2*0.0312 = 0.93950701 。根据风险中 性定价技术有如下结论:

$$e^{-2^{*0.0312}} = Q_{L1} \frac{1}{1 + r_B} + Q_{L0} \frac{1}{1 + r_C} + Q_{L-1} \frac{1}{1 + r_D}$$

其中

$$r_B = \alpha_1 + \Delta R = \alpha_1 + 0.01648951$$

 $r_C = \alpha_1$
 $r_D = \alpha_1 - \Delta R = \alpha_1 - 0.01648951$

其中 r_0 , r_0 和 r_0 均是以年为计息周期的复利数值。解得 $\alpha_1 = 0.03494523$,因此得到

精掃 MATLAR 常醇针質

二叉树的第二阶段的三个点 B, C和 D的利率数值分别为

 $r_B = \alpha_1 + \Delta R = 0.05143483$ $r_C = 0.03494532$

 $r_D = \alpha_1 - \Delta R = 0.01845581$

将上述连续计息的利率数值转化成相应的按年计息的利塞得:

 $r_B = \alpha_1 + \Delta R = 0.05278057$ $r_C = 0.03556308$

 $r_D = \alpha_1 - \Delta R = 0.01862717$

【枝巧与墓示】

在 MATLAB 里輸入命令 type hwtengine, 可找到如下代码:

FR(:Level)(:) = 1 ./ rate2disc(Compound, r, tSpan(iLevel+1), tSpan(iLevel));

由此可以得到,在 hwiengine 函数内部计算完全是按照连续利率计息的;而得到的二 又树节点利率的计息周期是按照 Qf 为计息周期的复剂。

这样处理由于△1 未必是年,有可能是天,为便于计算而采用的这种方式。内部采用统 一的连续计息公式同样也是便于计算。

同理可以计算剩余节点的 Q 值和 α 值,这样可得到完整的 HW 模型三叉树如图 8-25 所示的九个节点的风险中性概率数据如表 8.11 所示。

表 8.11 完整 HW 模型节点的风险中性概率数据

节	燕	Α	В	С	D	E	F	G	Н	1
R%		2.788	5.278	3.556	1.863	B.290	6.519	4.777	3.063	1.378
p_s		0.1667	0.1236	0.1667	0.2188	0.8993	0.1236	0.1667	0.2188	0.0896
p _m		0.6667	0.6576	0.6667	0.6576	0.0111	0.6576	0.6667	0.6576	0.0111
Pd		0.1667	0.2188	0.1667	0.1236	0.0896	0.2188	0.1667	0.1236	0.8993



图 8-26 HW 模型三叉树图

得到的三叉树如图 8-26 所示。

8.5.3 HW 模型的 O 参数

假设对于任意的i < m(m > 0), Q_x)的值已经确定下来,接下来要求解的为 α_m , 以便于利用利率三叉村对在 $(m+1)\Delta$ 到期的债券进行定价时,能够符合当前的利率期限结构曲线所作的定价。

在节点(m,j)的利率是 $\alpha_m + j\Delta R$,所以 $(m+1)\Delta t$ 到期的 零息票债券的价格可以表述为如下形式

$$P_{m+1} = \sum_{j=-j_{max}}^{j=j_{max}} Q_{m,j} \exp[-(\alpha_m + j\Delta R)\Delta t]$$

这里 Pm+1 是根据利率期限结构计算出来的零息票债券价格,解得:

$$\alpha_m = \frac{\ln(\sum_{j=-j_{mm}}^{j=j_{mm}} Q_{m,j} \exp(-j\Delta R \Delta t) - \ln(P_{m+1})}{\Delta t}$$

-旦 α 。确定之后,可以采用如下的公式计算 α 。

$$Q_{m+1,j} = \sum_{i=1}^{J} Q_{m,k} q(k,j) \exp[-(\alpha_m + k\Delta R)\Delta t]$$

这里 q(k,j) 是根据 8.5.2 节中关于节点的风险中性概率计算公式得到的,是表示从节 (m,k) 到节点 (m,k) 到节点 (m+1,j) 的转移概率。

由于是三叉树,一般情况下,q(k,j)的大部分值是0,求和只需要对 $q(k,j) \neq 0$ 的值进行求和即可。

8.5.4 BK 模型简介

HW 模型是对单因素利率模型一个强有力概括,提供了一个统一的方法对单因素模型 构建三叉树。

上面介绍的 HW 模型中的两步法即是对此方法的一个讨论。本节将对这个模型进行推 广,并简单介绍 BK 模型。

在 MATLAB 中对 HW 和 BK 模型的实现都是基于上述方法的,其核心代码包含在函数 hwtengine 中,读者可通过 type 命令查看其代码,其算法即上文所示算法。

假设利率模型暴加下形式.

$$df(r) = [\theta(t) - af(r)]dt + \sigma dz$$

这种模型并不能概括所有的无套利模型,读者可能注意到其不确定项的方差 σ 是恒定的,典型的就是HW和BK模型。

这个是模型的核心特征,并且模型的另外一个特征即均值回复的性质。当 f(r) = r 时,即为 HW 模型。当 $f(r) = \ln(r)$ 时,即为 BK 模型。

如前文所示。假设时间 Ar 时间内的利率 R 服从同样的随机过程

$$df(R) = [\theta(t) - af(R)]dt + \sigma dz$$

令 x = f(R),则

$$dx = [\theta(t) - ax]dt + \sigma dz$$

第一步设定 $\theta(t)=0$,构建相对应的二叉树模型,通过调整方差和期望;第二步在第一步的基础上,加上平移量 α ,使得三叉树符合当前利率期限结构。

 α_i 和 $Q_{i,j}$ 通过如下方法确定。设定 $Q_{0,0}=1$,假设函数 g 是函数 f 的反函数,即 $g=f^{-1}$ 。 因此,在节点 $(m\Delta t,j)$ 的利率是:

$$g(\alpha_m + j\Delta x)$$

在 $(m+1)\Delta t$ 到期的零息债券价格可以表述为

$$P_{m+1} = \sum_{j=-l_{mm}}^{j=-j_{mm}} Q_{m,j} \exp(-g(\alpha_m + j\Delta x)\Delta t)$$

因而可求得 α_m 。在此之后,根据如下公式可以求得 $Q_{m+1,l}$;

$$Q_{m+1,j} = \sum Q_{m,k} q(k,j) \exp(-g(\alpha_m + k\Delta x)\Delta t)$$

这里 q(k,j) 是根据 8.5.2 节中关于节点的风险中性概率计算公式得到的,是表示从节点 (m,k) 到节点 (m+1,i) 的转移概率。

当函数 f 的形式为对数函数时、即是 BK 模型 $d \ln(r) = [\theta(t) - a \ln(r)] dt + \sigma dz$

8.5.5 HW 和 BK 模型的实现

如前文所讲,BK 模型只是 HW 模型的一个修正,这点在 MATLAB 中是统一通过 hwtengine 函数实现的。其实现的具体函数分别为 bktree 和 hwtree。

HW 模型的实现函数如下。

【语法格式】

HWTree = hwtree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec)

【输入变量】

VolSpec %波动率期限结构的说明,为 struct 型数据

RateSpec 和專期限结构的说明,为struct型数据

TimeSpec *对应期限的证明

【输出变量】

HWTree %HW 模型三叉树所需数据,为 struct 型数据。

BK 模型的实现函数如下:

【语法格式】

BKTree = bktree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec)

【输入变量】

VolSpec %波动率期限结构的说明,为 struct 型数据

RateSpec %利率期限结构的说明,为 struct 型数据

TimeSpec %对应期限的说明

【输出变量】

BKTree SHW 推想三叉树所需数据,为 struct 受数据。

在使用上述参数时,关于输入变量和输出变量的详细结构,读者可参考帮助文档。对

于每一个输入变量,每个模型都有专门的函数进行构造,这些函数的具体使用规范请读者 自行参考帮助文档。

【例 8-14】 HW 模型二叉神实例。按照连续计息规范,估值日期是 01-01-2008,开始日期同样是 01-01-2008。波动率曲线日期分别为 12-31-2008,12-31-2010, 12-31-2011。均值回复参数对应的日期分别为 01-01-2011,均值回复参数为 0.1。对应上述日期的利率分别为 2.75%,3.12%,3.63%,4.15%。利用以上参数生成 HW 二叉树。

根据 hwtree 函数的格式,需要输入三个参数,因此核心是三个参数的构建。三个输入 参数的生成分别涉及 hwtimespec、intenvset、hwvolspec。在 M 文件编辑器中输入如下代码·

```
8輸入數据
```

```
Compounding = -1;
ValuationDate = '01-01-2008';
StartDate = ValuationDate;
VolDates = ['12-31-2008'; '12-31-2009'; '12-31-2010';
12-31-201111:
VolCurve = 0.01;
AlphaDates = '01-01-2011';
AlphaCurve = 0.1;
Rates = [0.0275; 0.0312; 0.0363; 0.0415];
NHW 模型的波动率说明
HWVolSnec = hwvolsnec(ValuationDate, VolDates, VolCurve, ...
AlphaDates, AlphaCurve);
%利率期限结构说明
RateSpec = intenvset('Compounding', Compounding,...
                    'ValuationDate', ValuationDate,...
                    'StartDates', ValuationDate,...
                    'EndDates', VolDates,...
                    'Rates', Rates);
$HW 權型时间的说明
HWTimeSpec = hwtimespec(ValuationDate, VolDates, Compounding);
9.生成 HW 模型二叉树
HWTree = hwtree(HWVolSpec, RateSpec, HWTimeSpec)
得到的结果如下所示:
HWTree ≃
     FinObj: 'HWFwdTree'
    VolSpec: [1x1 struct]
   TimeSpec: [1x1 struct]
   RateSpec: [1x1 struct]
      tObs: [0 0.9973 1.9973 2.9973]
      dObs: [733408 733773 734138 734503]
     CFlowT: {[4x1 double] [3x1 double] [2x1 double] [3.9973]}
     Probs: {[3x1 double] [3x3 double] [3x5 double]}
    Connect: {[2] [2 3 4] [2 2 3 4 4])
```

利用 treeviewer 函数查看得到的结果如图 8-27 所示。

FwdTree: {1x4 cell}

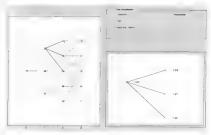


图 8-27 HW 模型二叉树图

8.6 HJM 模型

8.6.1 HJM 模型简介

前面介绍的无妻利模型都是基于单因子的,即模型中只存在一个不确定性因素。本节将要介绍的 HJM 模型是一种多因子模型。

HL, HW 等模型都是基于短期利率的模型,而 HJM 模型的研究对象是远期利率,因此有着本质的不同。

对于单因子的 HJM 模型,在某些约束条件下,等同于前面介绍的单因子无套利模型。 因此从实用的角度,前面介绍的无套利模型更具有实际意义。

从另外一个角度考虑, HJM 模型在多因子的情况下, 其风险中性概率是固定不变的, 造成了其利率树并不是重构的, 因而造成分支过多。

在单因子的情况下,其节点个数为2°,其中 n 为相应的时间区间个数;当是双因子模型的情况下,其节点个数为4°。在 n=30 步的情况下,这大约是10¹⁴个节点,如果每一个节点的数值在计算机中以双精度 8 个字节的长度存储,则需要8*10°G的内存,这是一般的计算机无法提供的,可见,在实践过模中 HJM 模型并不是一个简易的应用模型。

因而,一般情况下,采用的是蒙特卡罗模拟的方式,但是计算的复杂度仍然很高,在 得到一个精度可以允许的解时,需要消耗大量的计算资源。

因此本节只介绍 HJM 模型的使用,并不介绍其算法和实际的应用,有需要的读者可以自行参考相应的书籍。

8.6.2 HJM 模型的实现

在 MATLAB 中, HJM 模型是采用二叉树的方式表示的, 且风险概率是等概率的模型。

200 > > >

HJM 模型在 MATLAB 中最多只支持三个变量。

在实践中,超过三个变量的模型也是没有意义的,由于利率期限结构只是一个二维平 面上的曲线,其变动因子也只有三个,因此三个变量就足够符合任何形状的曲线了。

在 MATLAB 中用以实现 HJM 模型的函数是 hjmtree。

【语法格式】

HJMTree = hjmtree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec)

【输入变量】

VolSpec %波动率期限结构说明,为 struct 型数据 RateSpec %利率期限结构说明,为 struct 型数据

TimeSpec %时间说明,为struct型数据

【输出变量】

HJMTree %輸出 HJM 利率树,为 struct 型数据

【例 8-15】 HJM 模型二叉树生成实例。按照连续计息规范,当前估值日期为 01-01-2000。描述剂率期限结构的数据。开始的日期分别为 01-01-2000; 01-01-2001; 01-01-2002; 01-01-2003; 01-01-2004; 结束日期为 01-01-2001; 01-01-2002; 01-01-2003; 01-01-2004; 01-01-2005; 对应的远期和率分别为 0.1; 0.11; 0.12; 0.125; 0.13,对应的波动率分别为 0.2; 0.19; 0.18; 0.17; 0.16。根据以上数据计算 HJM 模型下的二叉树。

利用 himtree 生成二叉树,需要三个参数,分别是对波动率的说明,利率期限结构的 说明和时间的说明。在 M 文件编辑器中输入如下代码:

```
Compounding = 1:%连续计息规范
ValuationDate = '01-01-2000';%估值日期
StartDate = ['01-01-2000'; '01-01-2001'; '01-01-2002'; '01-01-2003'...
   ; '01-01-2004'};%开始日期
EndDates = ['01-01-2001'; '01-01-2002'; '01-01-2003'; '01-01-2004'; ...
   101-01-2005:1:%结束日期
Rates = [.1; .11; .12; .125; .13];%远期利率说明
Volatility = [.2; .19; .18; .17; .16];%波动率说明
CurveTerm = [1: 2: 3: 4: 5]: %CúIS2ÎÊV
%利用 himvolspec 函数创建波动率结构说明
HJMVolSpec = hjmvolspec('Stationary', Volatility , CurveTerm);
%创建利率期限结构说明
RateSpec = intenvset('Compounding', Compounding,...
        'ValuationDate', ValuationDate, ...
        'StartDates', StartDate...
        'EndDates', EndDates, ...
        'Rates', Rates):
*创建时间结构说明
HJMTimeSpec = hjmtimespec(ValuationDate, EndDates, Compounding);
```

HJMTree = hjmtree(HJMVolSpec, RateSpec, HJMTimeSpec);

編誦 MATLAB 金融计算

treeviewer(HJMTree)

运行如上得到 HJM 模型二叉树结果,如图 8-28 所示。

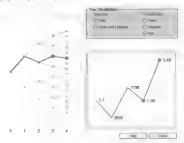


图 8-28 HJM 模型二叉树匠

8.7 利率模型定价

在本章开篇,介绍利率期限结构的构建技术,主要是为8.2 节的定价准备的。本节同 样是利用前面介绍的无套利利率模型对产品进行定价。无套利利率模型定价的产品主要是 基于利度的衍生品。

8.7.1 利率模型的输入变量

回顾一下前面介绍的无套利利率模型的基本形式:

BDTTree = bdttree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec) HWTree = hwtree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec) BKTree = bktree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec) HJMTree = hjmtree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec)

可见上述模型有共同的輸入变量(形式上是相同的,细节并不相同),这些 struct 型 输入变量都有相应的函数来构建。

1. BDT 模型參數输入函數

波动率 (VolSpec) 参数输入函数:

【语法格式】

VolSpec = bdtvolspec(ValuationDate, VolDates, VolCurve)

202 > > >

VolSpec = bdtvolspec(ValuationDate, VolDates, VolCurve, InterpMethod)

【输入变量】

ValuationDate \$估值日期,一般情况为当前日期 VolDates \$相应流动率期限结构对应的日期 VolCurve 对应波动率期限结构数值 InterpMethod \$可选,波动率期限结构数值

【输出变量】

VolSpec %为描述波动率期限结构的 struct 型数据

可见有两种形式,两种形式本质是一样的。关于 InterpMethod 是对离散的波动率期限 结构进行播信,以便得到相应的曲线播信数值,一般存在如下五种插值方式。

'nearest' 最近邻点插值法
'linear' 线性插值法(默认值)

'spline' 三次样条插值
'pohin' 三次维米插值(n样条插值)

'pchip' 三次埃米插值(p样条插 'cubic' 同 pchip 插值方法

读者可根据需要而自行选择相应的插值方法。关于这些插值方法的介绍,读者可根据 需要自行音阅数值分析类的资料。

利率 (RateSpec) 参数输入函数:

【语法格式】

[RateSpec, RateSpecold] = intenvset(RateSpec, 'Argument1', Value1,
'Argument2', Value2, ...]
[RateSpec, RateSpecold] = intenvset(RateSpec, 'Argument1', Value1,
'Argument2', Value2, ...)

【输入变量】 'Argumenta'

を是利率期限结构 struct 型数据 RateSpec 的域名, 其可取值参见后面も的讨论 を对应域的数值

Valuez RateSpec RateSpecOld

RateSpec 名描述利率期限结构的一个 struct 型數据 RateSpecOld 多老版本的數据结构

关于 interset 的使用。请参考 8.2.1 小节的讲解。

【例 8-16】 intenvset 函数使用实例。在 MATLAB 中查看 intenvset 函数的返回值结构。

这里采用 MATLAB 自带的数据结构进行观察。

在 MATLAB 命令實口中输入如下命令

楠弼 MATLAB 金虧计算

>>HuMfree.RateSpec ans = FinObj: 'RateSpec' Compounding: I Disc: (4x1 double) Rates: (4x1 double) Endfrimes: (4x1 double) StartImes: (4x1 double) StartDates: (4x1 double) StartDates: (4x1 double) ValuationDate: 730486 Basis: 0 EndMonthRule: 1

上述 ans 的结果返回了结构性数据 HJMTree.RateSpec 中的各个域(即变量)的情况, 即在 intenvset 中的输入变量中'Argumento'的值。

2. HW、BK和 HJM 模型参数输入函数

各个模型都有相应的输入变量函数,其命名方式有一个统一规则:即模型名称 +volspec/timespec。当是模型名称+volspec 的形式时,则是构建波动率期限结构;当是模型 名称+timespec 的形式时,则是时间结构说明。

对模型输入参数的总结如表 8.12 所示。

	THE WALL TO PERSON AND A PROPERTY OF THE PERSON AND ADDRESS OF THE PERSON ADDRESS OF THE PERSON AND ADDRESS OF THE PERSON ADDRESS OF THE P									
	BOT	HW	BK	HJM						
RateSpec	intenvact	intenvaet	intervact	intenvset						
VolSpec	bdtvolspec	hwvolspec	bicvolspec	hjmvolspec						
TimeSpec	bdttimespec	bwtimespec	blitimespec	hjmtsmespec						

表 8.12 利率模型输入参数总统

8.7.2 产品的定价

在 MATLAB 中,根据相对应的利率模型可以对或有现金流进行定价,本节中讲述根据上面介绍的利率模型对利率型产品进行定价,并说明什么样的产品可以用这些模型进行定价。

1. 基于 BDT 模型的产品定价

利用 BDT 模型可以对含权和不含权的现金流型产品进行定价。定价的函数为 bdtprice。

【语法格式】

Price = bdtprice(BDTTree, InstSet)
Price = bdtprice(BDTTree, InstSet, Options)
[Price: PriceTree] = bdtprice(BDTTree, InstSet, Options)

【输入变量】

BDTTree

SRIPT 模型构建的利塞树

InstSet. %金融产品属性说明,参考 7.2.6 节关于 Instrument 型数据的构建

Options 专可选、模型控制参数、由 derivset 函数构建

【输出变量】

Price 8金融产品价格

PriceTree 8价格树

bdtprice 函数可以对如下金融产品进行定价 'Bond'、'CashFlow'、'OptBond'、'Fixed'、 'Float'、'Cap'、'Floor'、'Swap'、'Swaption'。这个涉及不同的 InstSet 输入变量,具体的产品 构建说明请参考 8.2.6 节,或者相应的 instX 函数类,如 instbond、instfixed 等。

和 instadd 函数是金融产品的统一定价模型一样,在这里,bdtprice 也是一个统一的形 式,对不同的产品,有专用的定价函数,总结如表 8.13 所示。

臺 8.13 基干 BDT 编型的产品定价函数

产	品	Bond	Свр	Floor	CashFlow	Fixed	Float	
画	敷	bondbybdt	capbybdt	floorbybdt	cfbybdt	fixedbybdt	floatbybdt	
产	晶	Bond Option	Embedded optic	Embedded option bond		Swaption		
画	敷	opthadbybdt	optembadbylsdt		swaptionbybdt		swapbybdt	

在实际应用时,读者可参考 MATLAB 白带的帮助文档。

2. 基于 HW 模型的产品定价

利用 HW 模型同样可以对含权和不含权的现金流型产品进行定价。定价的函数为 hwprice.

【语法格式】

Price = hwprice(HWTrse, InstSet)

Price = hwprice(HWTree, InstSet, Options)

[Price, PriceTree] = hwprice(HWTree, InstSet, Options)

【输入参数】 HWTree

SHW 模型构建的利率树

InstSet %同 bdtprice Options

%問 bdtprice

【輸出参数】

%問 bdtprice Price PriceTree

%同 bdtprice

hwprice 函数可对如下金融产品进行定价: 'Bond', 'CashFlow', 'OptBond', 'Fixed', 'Float', 'Cap', 'Floor', 'Swap', 'Swaption',

对于这些产品的专用定价函数,和基于 bdt 模型的定价函数是类似的,总结如表 8.14 所示。

表 8.14 基于 HW 模型的产品定价函数

画	敷	optbadbyhw	optembadbyhw		swaptionbyhw	swapbyhw		
<i>j</i> *	品	Bond Option	Embedded option	Embedded option hond		Swaption		
画	敷	bondbyhw	capbylstv	floorbyhw	cfbyhw	fixedbyliw	floatbyhw	
712	品	Bond	Cap	Floor	CashFlow	Fixed	Float	

3. 基于 BK 模型的产品定价

利用 BK 模型同样可以对含权和不含权的现金流型产品进行定价。定价的函数为 bkprice。

【语法格式】

Price = bkprice(HWTree, InstSet)

Price = bkprice(HWTree, InstSet, Options)

[Price, PriceTree] = bkprice(HWTree, InstSet, Options)

【输入参数】

BKTree %BK模型构建的利率树

InstSet %同bdtprice

Options % bdtprice

【物出多数】

Price PriceTree *同 bdtprice *同 bdtprice

bkprice 函数可对如下金融产品进行定价: 'Bond', 'CashFlow','OptBond', 'Fixed', 'Float', 'Cap', 'Floor', 'Swap', 'Swaption',

对于这些产品的专用定价函数,和基于 bdt 模型的定价函数是类似的,总结如表 8.15 所示。

毒 8.15 基于 BK 维要的产品定价函数

*	品	Bond	Cap	Floor	CashFlow	Fixed	Float		
35	敷	bondbybk	capbybk	floorbybk	cfbybk	fixedbybk	floatbybk		
产	A.	Bond Option	Embedded option	Embedded option bond		Swaption			
直	敷	optbudbybk	optembadhybk	optembudhybk		swaptionbybk			

4. 基于 HJM 模型的产品定价

利用 HJM 模型同样可以对含权和不含权的现金流型产品进行定价。定价的函数为 himprice。

【语法格式】

Price = himprice(HWTree, InstSet)

Price = himprice(HWTree, InstSet, Options)

[Price, PriceTree] = hjmprice(HWTree, InstSet, Options)

【输入参数】

HJMTree tHJM 模型物建的利率树 InstSet %同 bdtprice Options %同 bdtprice

「無出金数」

Price %同bdtprice PriceTree %同bdtprice

hjmprice 函数可对如下金融产品进行定价·Bond', 'CashFlow', 'OptBond', 'Fixed', 'Float', 'Can', 'Floor', 'Swap', 'Swaption',

对于这些产品的专用定价函数,和基于 bdt 模型的定价函数是类似的,总结如表 8.16 所示。

賽 8.16	基于	HJM	模型的产	品定价	函數

产	品	Heesi	Сар	Floor	CashFlow	Fixed		Float
-	數	bondbyhjm	capbyhjm	floorbytem	cfbyhjm	fixedby	hjm	floatbyhjm
产	品	Bond Option	Embedded option	Embedded option bond		Swaption		
-	檄	optbndbyhjm	optembndbyhjm	optembndbyhjm			swapbyhjm	

【例 8-17】 HW 模型为产品定价实例。在 MATLAB 中自带的 deriv 文件中包含了一些例子,可以用来检测上述定价函数。

在 MATLAB 命令窗口中做如下操作。

```
load derive %载入变量
   %将其中的 Bond 和 Cap 选出来,构成新的产品说明数据
   HWInstSpec=instselect(HWInstSet,'Type', {'Bond', 'Cap'});
   %可用 instdisp(HWInstSpec)命令查看选择出来的金融产品的详细信息
   [Price PriceTree]=hwprice(HWTree, HWInstSepc)
      Price =
        100.9188
         99.3296
         0.5837
      PriceTree =
          FinObj: 'HWPriceTree'
           PTree: [[3x1 double] [3x3 double] [3x5 double] [3x5 double]
[3x5 double]]
          AITree: ([3x1 double] [3x3 double] [3x5 double] [3x5 double]
[3x5 double]]
            tObs: [0 1 2 3 4]
         Connect: {[2] [2 3 4] [2 2 3 4 4]}
           Probs: {[3x1 double] [3x3 double] [3x5 double]}
```

可见对于三个产品的定价分别给出 100.9188、99.3296 和 0.5837。用 treeviewer 函数可以查看生成的价格树,如图 8-29 所示。

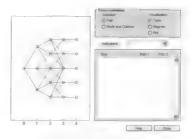


图 8-29 hwprice 函数生成的价格树图

8.8 本章小结

在第7章介绍基本的固定收益计算的基础上,本章的主要内容是利率期限结构和利率 模型,以及相关产品的定价。

利率期限结构是关于市场上资金需求价格和期限之间的关系,是为不含权利率型产品 进行定价的基础,依据无套利技术,利用当前的利率期限结构,为新的产品进行定价。

这种技术的前提是具备一个足够完善的市场,能够给出准确的利率期限结构。这点在中国市场上是不具备的。国内常采用的是 SHIBOR,但是并未得到市场的广泛接受。

在利率期限结构计算中采用的是 bootstraping 方法,关于利率期限结构在实务经常要对一些流动性,信用风险等进行补偿,同时剔除异常值点,还需要对曲线进行平滑和插值。

因此在实务中经常采用的是拟合的方法以及样条插值。关于这些方法的讨论可以参考 如下网址 http://bond.money.hexun.com/detail.aspx?sl=1814&id=760953, 是和讯网引红顶金 融的一片文章。

利率模型是对或有现金流进行定价的基础,这里主要介绍了HL、BDT、HW、BK 和 HJM 模型,其中 HJM 模型由于其实践意义并不大,因此没有详细介绍,主要介绍了BDT、 HW 和 BK 模型,读者可仔细领会,并根据实际情况,决定采用何种模型对或由现金流进 行定价。

筆 9 章 金融衍生品计算

本章导读

在当今证券市场,衍生品越来越复杂。构建不同特性的衍生总成为金融工程的一个重 要研究方向。在面对这些复杂的金融产品时,如何定价就成了一个问题。本意遵循无套利 理论,对目前主流的金融产品定价技术进行详细讲解。

首先,介绍基于 Black-Scholes 方法对欧式期权进行的定价。在此基础上,引出无风险 春利的概念。并对 MATLAB 中涉及的相关函数讲行介绍。接下来对于某些奇异期权。讲 解其数值解的定价过程,目前市场上常用的衍生品模型 CRR、EOP 将是这部分的核心内 容。最后将上述模型在 MATLAB 中的实现做详细讨论。

9.1 无套利和 Black-Scholes 方程

9.1.1 单步二叉树模型

本节从单步二叉树引出无风险套利思想、单步二叉树图如图 9-1 所示。

在时间为 =0 的时点上,有价格为 20 元的股票:在 =1 时刻,假设股票的价格只有两 种可能,上涨到 22 元:下跌到 18 元。目前市场上存在以此股票为标的资产的看涨期权 C。 执行价格为 20 元、则期权费用应当是多少、市场才

能处在无套利均衡的状态?假设,期权存续期为一 年。按照连续复利计息的年利率为10%。

考虑下面的投资符合:

- 持有 0.25 份股票的多头现货资产;
- 持有一份看涨期权的空头。

图 9-1 单步 型树图 如果股票价格在期权存缴期内由初始价格 20 元

上涨到期末的 22 元,则现货多头的价值为 0.25*22=5.5 元。而此时由于股票价格高于期权 的执行价,且在到期日,期权的价值就是其内在价值。由于是做空一份看涨期权,所以价 值为-1. 这样投资组合的价值为 5.5-1=4.5 元。

如果股票价格在期权存缴期内由初给价格 20 元下跌到期末的 18 元、则现货多头的价 值为 0.25*18=4.5、而此时由于期权处于虚值状态。所以其价值为 0、这样投资组合的价值 为 4.5-0=4.5 元。

可见上面的投资组合使得,不论期未股票价格如何变动,投资组合的价值都是 4.5 元。 不存在任何的不确定性,虽然股票价格是上涨还是下跌是随机的。这个投资组合局市场的变 动无关,在任何情况下,获得的收益都将是45元,那么这项投资应该获得的县无风险收益。

MATLAB 電融计算

而初始的投资组合的价值应当是 0.35*20-f, 其中 f 是期权的价格。这样,投资组合的期末价值根据无风险利率折现到 t=0,就应当是目前投资组合的价值。因此有如下结果

将 ~10%, ≈1, 有 ≈2.92823162。

上述计算过程,向大家展示的是无风险套利思想,如果有两项资产,之间存在相关关系,则可以用对冲的方法来降低风险。如果一个投资组合的未来收益是确定的,那么其获取的投资回报一定是无风险的收益率。

9.1.2 风险中性定价

回顾一下上面的定价过程,定义如下变量:

 $u=1+\frac{\Delta S}{S}$,即 1+股票上涨的百分比; $d=1-\frac{\Delta S}{S}$,即 1-股票下涨的百分比; $r=1+r_f$,其中 r_f 是无风险利率。

为了不发生无风险蠢利的机会,必然存在如下不等式关系:

$$d < \overline{r} < u$$

采用上一节用到的复制技术,用 Δ 份股票多头和L数量的无风险证券空头来复制这个期权。有如下公式:

当股票价格上升时:

$$\Delta uS - \overline{r}L = c_u = \max(uS - X, 0)$$

当股票价格下跌时:

$$\Delta dS - \overline{r}L = c_d = \max(dS - X, 0)$$

以△和 L 为未知数,解得上述方程组有:

$$\Delta = \frac{c_u - c_d}{S(u - d)}$$

$$L = \frac{dc_u - uc_d}{\overline{r}(u - d)}$$

可以证明 $dc_u - uc_d = d \max(uS - X, 0) - u \max(dS - X, 0) > 0$,所以无风险证券在组合头寸中一定是空头,即 $\ll 0$ 。

由以上结果有,当前的一个看涨期权是由 Δ 份股票多头和L 数量的无风险证券空头来复制的,即 $c=\Delta S-L=\overline{r}^{-1}[pc_n+(1-p)c_d]$ 。

其中
$$c_u = \max(uS - X, 0)$$
, $c_d = \max(dS - X, 0)$, $p = \frac{\overline{r} - d}{u - d}$, $1 - p = \frac{u - \overline{r}}{u - d}$

可见,期权的定价公式类似将到期时期权的价值,按照 p 和 1-p 的概率求期望,并将 期望以无风险利率折现,即得到期权的价值。这里的 p 和 1-p 并不是价格上涨和下跌的真 实概率, 这里得到的 p 和 1-p 即是风险中性概率。后续章节介绍 CRR 和 EQP 模型时,将会直接引用本节介绍的风险中性定价技术。

9.1.3 套利的数学模型

在当今的金融学中,套利的思想几乎在各个领域都存在。其基本思想是同样的资产具 有同样的价格,即一价定律,如果存在完全一样的资产,但价格不一样,则市场上的投机 力量会"低买高卖",最终市场的供求重新达到"青时,两者的价格会趋同。在现实经济 中,由干雕箱,交易成本和管制的存在。这种牵利机会有时是不能完成的。

从数学的角度来看,如果存在如下两样资产。其回报率可以写成如下的形式。

$$r_X = u_X + \sigma_X * \varepsilon$$

 $r_Y = u_Y - \sigma_Y * \varepsilon$

其中, u_X 是资产X在某一时间段T内回报率的期望值, u_Y 是资产Y在同一时间段内 资产回报率的期望值, $\sigma_X \sigma_Y$ 分别是X和Y资产回报率的标准差。 ε 是服从正态分布的施 机变量,期望值是0,方差为1。

根据上述模型如果将资产X和资产Y进行线性组合,则其收益率 r_X 和 r_Y 将会按照相同的线性比例进行加权平均。如果投资组合为 $P=\omega_XX+\omega_YY$,则投资组合的收益率为

$$r_P = \omega_X * r_X + \omega_Y * r_Y = (\omega_X * \mu_X + \omega_Y * \mu_Y) + (\omega_X * \sigma_X - \omega_Y * \sigma_Y) * \varepsilon$$

可见,上面投资组合收益率的表达式中,驗机变量 ε 前面的系数 $\omega_X * \sigma_X - \omega_Y * \sigma_Y$ 如果为0,则投资组合的回报率是确定的,则此时投资回报率一定是无风险收益率。两项资产的期望回报率的加权平均 $\omega_X * \mu_Y * \mu_Y$

从理论上来说,只要两项资产的回报率是完全相关的,则就可能通过两者的线性组合, 使得组合的方差为 0,从而实现无风险投资组合的构建。如果资产的回报率不是完全线性 相关,则可以通过组合降低方差。

严格来说,无风险套利是从具有严格相关关系的资产出发,构建无风险投资组合的过程。而目前出现的统计套利等,则是在非严格相关的两项资产间进行风险套利的过程。投资综合是利用负相关资产构建设备组合,以使零均值,方差达到最优水平。

本节讨论的套利过程的数学模型,只是从最简单的完全负相关的两项资产出发,构建 无风险投资组合。

这里蕴涵的无风险套利的思想,在后面的 Blach-Scholes 模型,以及叉树数值方法中都 会涉及,并构成了整个资产定价模型的基础。关于均值-方差资产组合理论,可以参考马科 维淡的资产组合理论。

9.1.4 Black-Scholes 模型假设

基于如下假设, 9.1.5 节给出 Black-Scholes 方程的具体构建过程, 在此过程中会用到如上三个假设, 希望读者能够对此注意, 三个假设是如何在 Black-Scholes 方程的推导中起

作用的。

(1)模型基本假设

- 股票价格服从几何正态分布。
- 证券允许要空.
- 不考虑税收和交易成本:
- 在期权存续期内、股票没有分红(后面单独考虑分红的处理);
- 不存在无风险套利机会:
- 证券连续交易.
- 无风险收益率在期权存续期内是常数。及无风险利率具有水平的期限结构。
- (2) 股票价格服从几何正态分布

股票价格服从几何正态分布是指股票的价格满足如下的随机过程:

$$dS = \mu S dt + \sigma S dz^{\oplus}$$

(3) Ito 引理

Ito 引理是随机微分方程的基本定理,描述的是对随机变量的微分法则。当随机变量 S 遵循上述的几何布朗运动是,若 f 是一个二次连续可微的函数,则其微分法则为

$$\mathrm{d}f(S,t) = (\frac{\partial f}{\partial S}\mu S + \frac{\partial f}{\partial t} + \frac{1}{2}\frac{\partial^2 f}{\partial S^2}\sigma^2 S^2)\mathrm{d}t + \frac{\partial f}{\partial S}\sigma S * \mathrm{d}z$$

对上述公式的证明,这里从略,感兴趣的读者可以在专业书籍中找到相应的严格证明。

9.1.5 Black-Scholes 方程

根据上述假设,下面推导 Black-Scholes 模型。

标的资产服从几何布朗运动,设 S 为标的资产价格,则有

$$dS = \mu S dt + \sigma S dz$$

设基于此标的资产的衍生品价格为 f(S,t),根据上述 Ito 引理,得到衍生品价格 f 满足的随机过程:

$$df = (\frac{\partial f}{\partial t} + \mu S \frac{\partial f}{\partial S} + \frac{1}{2} \sigma^2 S^2 \frac{\partial^2 f}{\partial S^2}) dt + \sigma S \frac{\partial f}{\partial S} dz$$

仿照本章开篇引入的单步二叉树模型、构建一个投资组合,做空上述衍生品,同时做 8Δ 份标的资产,则投资组合的初始价值为:

$$\Pi = \Delta S - f$$

对上式进行微分,并将df和dS代入有。

① 关于股票价格遵循的几何布朗运动可参考 John Hull 的《Options, Futures, and other Derivatives》 Sixth Edition. 第 13 章的相关内容。

$$d \prod = \sigma S(\Delta - \frac{df}{dS})dz + [\mu S(\Delta - \frac{df}{dS}) - \frac{df}{dt} - \frac{1}{2}\sigma^2 S^2 \frac{d^2 f}{dS^2}]dt$$

上式中,投资组合的不确定性,来源于上式中的第一项。由于含有 dz 是随机变量项, 如果能将此项消除,则可得到投资组合价值增量 d [[] 的一个确定性的表达式。这用到的思 想就是前面介绍的无风险紊利思想。

需要注意的是,若令 $\Delta - \frac{df}{dS} = 0$,则不仅消除了由于随机性造成的影响,而且,第二个括号中的第一项也为0,这意味着什么?

在假定标的资产服从几何布朗运动时,引入的 μ 是对于标的资产收益率的预期。 μ 同 投资者个人偏好相关。若现在 $\Delta - \frac{d'}{ds} = 0$,使得模型中不含有任何同投资者个人预期相关 的变量,使得模型对于任何投资者都一样、将投资者引入一个风险中性世界。

这就是 Black-Scholes 模型两个核心思想: 无风险套利和风险中性。下面将要介绍的叉 树模型则利用了公式中的风险中性。

上式中 $\pm \Delta - \frac{df}{dS} = 0$,则资产的收益应当是无风险收益,因而在单利计息下有如下无 春利均衡。

$$d\Pi = r \prod dt$$

m

$$r \prod dt = \left[-\frac{df}{dt} - \frac{1}{2} \sigma^2 S^2 \frac{d^2 f}{dS^2} \right] dt$$

由于 $\Delta - \frac{df}{dS} = 0$,所以 $\Delta = \frac{df}{dS}$,代入 $\Pi = \Delta S - f$,有 $\Pi = \frac{df}{dS} S - f$,代入并整理有

$$\frac{\partial f}{\partial r} + rS \frac{\partial f}{\partial S} + \frac{1}{2} \sigma^2 S^2 \frac{\partial^2 f}{\partial S^2} = rf$$

上式即为著名的 Black-Scholes 方程。

上述偏微分方程是建立在本节开始所提出的假设上的, Black-Scholes 模型描述了当标 的资产价格服从几何布朗分布式,其衍生品价格应当满足的方程。

然而满足上述偏微分方程的解有无穷多个,应当根据实际问题和衍生品设计条款,确定边界条件,才能最终唯一确定。

对干欧式期权。上述方程存在解析解。

$$c = S_0 * N(d_1) - Ke^{-rT} * N(d_2)$$

$$p = Ke^{-rT} * N(-d_2) - S_0 * N(-d_1)$$

其中,带下标的参数 d1和 d2为

$$d_1 = \frac{\ln(S_0 / K) + (r + \sigma^2 / 2)T}{\sigma \sqrt{T}}$$

$$d_2 = \frac{\ln(S_0 / K) + (r - \sigma^2 / 2)T}{\sigma\sqrt{T}} = d_1 - \sigma\sqrt{T}$$

9.2 欧式期权的影响因素

在上节导出的欧式期权的解析解中,影响期权价格的因素有:标的资产的价格、波动 率、到期期限、无风险利率等。

在研究过程中, 特期权价格对上述不同因素的偏导数定义为不同的希腊字母, 用以描述这些因素对期权价格的影响。

9.2.1 欧式期权定价函数

在 MATLAB 中,对欧式期权定价的函数是 blsprice.

【语法格式】

[Call, Put] = blsprice(Price, Strike, Rate, Time, Volatility, Yield)

【始入争牧】

Price: %标的资产在目前时点上的价格

Strike: %期权到期日的执行价格

Rate %为标量,年华的无风险利率,不考虑期限结构,并为连续计息(Annually

Continuous Compounding)

Time: %以年为单位的时间计量,以小数形式表示 Volatility: %标的资产价格的波动率,应以带入年波动率

Vield: %(可洗)在期权存缴期内,标的资产的分红率、应为年化的资缴计息的分红率

【输出参数】

Call: %欧式看涨期权的价格 Put: %欧式看账期权的价格

【例 9-1】 股票欧式期权价格计算实例。股票当前价格为 49 元,执行价格为 50 元, 无风险利率为 8.5%,期权存续期为 0.3 年,波动率为 0.6,期权存续期内无红利,计算该 欧式期权的价格。

在 MATLAB 命令奮口中輸入如下命令:

>>[cprice pprice] = blsprice(49, 50, 0,085, 0.3, 0.6, 0) cprice = 6.5088

pprice = 6.2499

可见,同时 blsprice 命令可以很方便地求得期权的价格,其中欧式看涨期权的价格是 cprice=6.5088; 欧式看跌期权的价格是 6.2499.

| 在四与表示|

在 MATLAB 命令窗口輸入 type blsprice,显示 blsprice 的 M 文件源码,找到如下所示

214

的代码行:

$$[S, X, r, T, sig, q] = deal(S(:), X(:), r(:), T(:), sig(:), q(:));$$

这行代码是持輸入拿数全郵重均到向量,由于在用戶車數輸入的过程中,不同的用戶 有不同的习惯,因而在 MATLAB 中使用这种方法将格式标准化;将行向量转变均到向量; 排列向量直接保留。而不用采用 ifelse 语句判断,从而提高进降单。

上面这条语句,可以对多个不同的期权同时进行定价。对于每一个期权,有6个变量;标的资产价格S、执行价格X、无风险利率r、到期时间T、波动率sig和分红率g。

MATLAB 的数据组织方式排零一列作为一个变量、每一行作为一个完整的观测。这 样,在一个矩阵中,每一行代表一个期权的 6 个变量的取值、每一列代表不同期权同一个 变量的取值。下面的代码也是在上述 blsprice 的源文件中找到的,可以看到, blsprice 在处 理期权价格計的数据组织结构。

用 blsprice 函数,可以方便她一次性绘出同一个标的资产不同执行价格,不同到翱翔 限的朝权价格。并微相互比较、具体代码留给读者、按照本提示自行练习。

9.2.2 欧式期权的希腊字母

下面对欧式期权中常用的希腊字母 (Greek Letters)进行介绍。

(1) Delta

Delta 是期权价格对股票价格的一阶偏导数。在求导的过程中要注意对于正态分布函数中含有的标的资产价格也需求导。描述标的资产价格变动对期权价格的一阶小影响。用数学公式表示为:

Delta =
$$\frac{\partial c}{\partial s}$$
 = $N(d_1)$

(2) Gamma

Gamma 是期权价格对股票价格的二阶偏倒数,描述 Delta 与标的资产价格变动之间的 关系。上述两个希腊字母,类似债券的久期和凸性。用数学公式表示为

Gamma =
$$\frac{\partial^2 c}{\partial s^2}$$
 = $e^{-qT} \frac{\phi(d_1)}{s\sigma\sqrt{T}}$

(3) Vega

Vega 是期权价格对波动率的一阶偏导数,描述标的资产价格同期权价格之间的关系。 用数学公式表示为:

$$Vega = \frac{\partial c}{\partial \sigma} = se^{-qT} \phi(d_1) \sqrt{T}$$

抗滅 MATLAB 宗副计算

(4) Theta

Theta 是期权价格对时间t的导数,t为期权的存续期,描述期权寿命和期权价格之间的关系。用数学公式表示为:

Theta =
$$\frac{\partial c}{\partial t}$$
 = $-e^{-qT} \frac{s\phi(d_1)\sigma}{2\sqrt{T}} - rKe^{-rT}\Phi(d_2) + qse^{-qT}\Phi(d_1)$

(5) Rho

Rho 是期权价格对无风险利率的倒数,描述期权价格和无风险利率水平之间的关系。 用数学公式表示为:

$$Rho = \frac{\partial c}{\partial r} = KTe^{-rT} \Phi(d_2)$$

(6) Lambda

Lambda 是期权价格变动百分比和标的资产价格变动百分比之间的关系,描述当标的 资产价格变动一个百分点时,期权价格变动的百分比。用数学公式表示为

Lambda =
$$\frac{\partial c}{\partial s} * \frac{s}{c} = Delta * \frac{s}{c}$$

在衡量期权的价格变动风险时,一般从以上五个希腊字母出发,可以详细描述因素变动时对期权价格造成的影响。这些希腊字母可以用来进行风险控制。

上述的希腊字母中 Theta、Delta 和 Gamma,实际上就是对应于 Black-Scholes 公式 $\frac{\partial f}{\partial r} + rS \frac{\partial f}{\partial r} + \frac{1}{2}\sigma^2 S^2 \frac{\partial^2 f}{\partial r^2} = rf$ 中的系数。

现将常见希腊字母总结如表 9.1 所示。

衰 9.1 期权常见希腊字母

	看涨期权	看終期权
Value	$e^{-qT}S\phi(d_1) - e^{-rT}K\phi(d_2)$	$e^{-rT}K\phi(-d_2) - e^{-qT}S\phi(-d_1)$
Delta	$e^{-qT}\phi(d_1)$	$-e^{-qT}S\phi(-d_1)$
Gamma	$e^{-qT} \frac{\phi(d_1)}{S\sigma\sqrt{T}}$	
Vega	$Se^{-qT}\phi(d_1)\sqrt{T}$	
Theta	$-e^{-qT} \frac{S\phi(d_1)\sigma}{2\sqrt{T}} - rKe^{-rT}\phi(d_2) + qSe^{-qT}\phi(d_1)$	$-e^{-qT} \frac{S\phi(d_1)\sigma}{2\sqrt{T}} + rKe^{-rT}\phi(-d_2) - qSe^{-qT}\phi(-d_1)$
Rho	$KTe^{-r_1^2}\phi(d_2)$	$-KTe^{-rT}\phi(-d_2)$

其中.

$$d_1 = \frac{\ln(S/K) + (r - q + \sigma^2/2)T}{\sigma\sqrt{T}}, \quad d_2 = \frac{\ln(S/K) + (r - q - \sigma^2/2)T}{\sigma\sqrt{T}}$$

9.3 欧式期权的风险度量

MATLAB 中对于欧式绑权价希腊宁母度量都是基于上述欧式期权价格的显示解析解的。因此本节介绍的各种希腊字母计算技术,仅仅适用于欧式期权的情况,对于美式期权 和其他形式的期权,由于没有数值解。因而是无法解析表示的,但是仍然可以采用数值计 算的方法,得到相应的希腊字母。这部分知识特在介绍完二叉树模型之后给予详细介绍。

MATLAB 中,基于 Black-Scholes 模型的函数都是以 bls-作为前缀,后面跟相应的计算指标。例如 blsprice 用来计算欧式期权价格的计算,blsdelta 用来计算欧式期权价 Delta 值,blsgamma 用来计算欧式期权的 Gamma 值等。

模型计算函数基本都是以模型的缩写做前缀,后跟具体计算函数,例如 critree 等。 在 MATLAB 命令行出口输入 type blsdelta,找到如下的代码行

```
cd = exp(-q.*t).*normcdf(d1);
pd = cd - exp(-q.*t);
```

在 MATLAB 中,这两行代码位于 blsdelta.m 的最后两行,可以看到,对于看涨和看跌 期权,blsdelta 是按照解析解的形式,将相应的值直接代入获取的。

9.3.1 欧式期权希腊字母函数

1. 欧式期权 Delta 值的计算

【语法格式】

[CallDelta, PutDelta] = blsdelta(Price, Strike, Rate, Time, Volatility, Yield)

【输入参数】

同 9.2.1 节的 blsprice()函数。

【输出参数】

CallDelta %歌式看涨期权 Delta 值 PutDelta %都是看跌期权 Delta 值

【例 9-2】 欧式期权 Delta 值计算实例。现有欧式期权, 其标的资产价格为 25 元, 执 行价格为 28 元, 无风险利率为 8.25%, 存续期为 0.3 年, 波动率为 0.45, 存续期内无股票 红利, 计算该欧式期权的 Delta 值。

在 MATLAB 命令會口中輸入如下命令:

```
>>[cdelta pdelta] = blsdelta(25, 28, 0.0825, 0.3, 0.45)
cdelta = 0.4067
pdelta = -0.5933
```

可见,看涨欧式期权的 Delta 为 0.4067, 看跌欧式期权 Delta 为-0.5933.

精調 MATLAB 金鋼计剪

2. 欧式期权 Gamma 值的计算

【语法格式】

Gamma= blsgamma(Price, Strike, Rate, Time, Volatility, Yield)

【输入套收】

同 9.2.1 节的 blsprice()函数。

【输出参数】

Camma

%欧式期权 Gamma 值

【例 9-3】 欧式期权 Gamma 值计算实例。现有欧式期权, 其标的资产价格为 35.5 元, 执行价格为 36 元, 无风险利率为 8.25%, 存续期为 0.3 年, 波动率为 0.45, 存续期内无股 票红利, 计算该欧式期权的 Gamma 值。

在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令:

>>gamma = blsgamma(35.5, 36, 0.0825, 0.3, 0.45)
gamma = 0.0450

可见, 此欧式期权的 Gamma 为 0.0450

3. 欧式期权 Vega 值的计算

【语法格式】

Vega = blsvega(Price, Strike, Rate, Time, Volatility, Yield)

【输入参数】

同 9.2.1 节的 blsprice()函数。

【输出参数】

Vega

%欧式期权 Vega 值

【例 9-4】 欧式期权 Vega 值计算实例。对例 9-3 中的欧式期权,求其 Vega 值。

在 MATLAB 命令雷口中输入如下命令:

>>vega = blavega(35.5, 36, 0.0825, 0.3, 0.45)
vega = 7.6498

可见,上述欧式期权的 Vega 是 7.6498。

4. 欧式期权 Theta 值的计算

【语法格式】

[CallTheta, PutTheta] = blstheta(Price, Strike, Rate, Time, Volatility, Yield)

【输入参数】

同 9.2.1 节的 blsprice()函数。

【输出参数】

CallTheta PutTheta

%欧式看涨期权的 Theta %欧式看跌期权的 Theta

5. 欧式期权 Rho 值的计算

【语法格式】

[CallRho, PutRho] = blsrho(Price, Strike, Rate, Time, Volatility,... Yield)

【输入参数】

同 9.2.1 节的 blsprice()函数。

【输出参数】

CallRho PutRho %欧式看涨期权的 Rho %欧式看跌期权的 Rho

6. 欧式期权 Lambda 值的计算

【语法格式】

[CallEl, PutEl] = blslambda(Price, Strike, Rate, Time, Volatility, Yield)

【输入参数】

同 9.2.1 节的 blsprice()函数。

【输出参数】

CallEl PutEl 8欧式看涨期权的 Lambda 8欧式看涨期权的 Lambda

9.3.2 期货期权定价函数

顾名思义,期货期权就是以期货为标的资产的期权。在 MATLAB 中计算期货期权价格的函数是 blkprice。blkprice 给出的仍然是繁析解,因此只适用于基于期货标的资产的欧 式期权价格的定价。

【语法格式】

[Call, Put] = blkprice(Price, Strike, Rate, Time, Volatility)

【始入参数】

同 9.2.1 节的 blsprice()函数。

【输出参数】

Call

8期货的欧式看涨期权的价格

Put

>期份的欧式看跌期权的价格

【技巧与相示】

在 MATLAB 的命令窗口中输入 type blkprice,查看 blkprice 的源代码,找到下面的代码:

[call, put] = blsprice(F, X, r, T, sigma, r)

则可见,在假设潮冀价格遵循几何市朗歇动时,其定价的核心仍然是 blsprice 函数给 山的解析解。这部分工作由 Black 在 1976 年完成。因此这里的函数是 blk·作为前组,而不 是 bls, 这志索要注意。

9.3.3 隐含波动率计算

在公式 $dS = \mu Sd + \sigma Sd - 中握到的歐式期权的显示無折解中,为了确定一个期权的价格,需要有<math>6$ 个变量。标的资产价格S。 执行价格X,无风险利率r,持续期间T,波动率 $V_{s,t}$,分红比率 Yield。这6一卷事件4不同呢?

标的资产的价格 S 和无风险利率,是从市场上直接观察到的,可以从标的资产的交易 数据和国债的利率期限结构中直接获取。

技行价格 X 和特鍊期间 T 是根据期权合约人为约定的,也是确定的。分红比率,一般情况下,上市公司的分红比率都很规律。那么这样存在一个问题:波动率 V_{0t} 是怎么得到的?

有很多模型可以得到波动率 V_n,这个参数、但各模型都依赖历史数据,是一个统计结 集,这样当采用的样本不同时,将会得到不同的波动率,从而导致同一个期权不同的价格。 然而市场上期权交易价格只有一个!

从市场交易数据-期权的价格出发,计算出来同价格相对应的波动率叫做隐含波动率, MATLAB 中提供了相应的计算隐含波动率的函数 blsimpv 和 blkimpv,用来分别计算欧式 期权的隐含波动率和期货期权的隐含波动率。

【语法格式】

 $\label{eq:Volatility = blsimpv(Price, Strike, Rate, Time, Value, Limit, Yield, \dots Tolerance, Class)} Tolerance, Class)$

【输入参数】

 Price
 \$标的资产现价

 Strike
 \$8式期权执行价格

 Rate
 \$无风险收益率

 Time
 \$期权的到期时间

 Value
 \$胺式期权的价格

Limit %(可逃)用以表示歐式期权波动率上限,默认值为 10 Yield %(可选)标的资产分红率,折合成年收益率

Tolerance %(可选)可以忍受的隐含波动率,默认值为 1000000

Type %(可选)搜视期权的种类,除式看涨期权则输入{'call'},除式看跌

%期权则输入{'put'},默认值为欧式看涨期权

% 需保证 Rate, Time, and Yield 是使用同样的时间度量

【输出参数】

Volatility %欧式期权的隐含波动率,有Type 参数控制看涨或者看跌期权的隐 %含波动率

【花巧与音示】

在 MATLAB 命令窗口中輸入 type blsimpv, 并找到如下行代码:

```
[volatility(i), fval, exitFlag] = fzero(@objfcn, [0 limit], options, S(1),
X(i), r(i), T(i), value(i), q(i), optionClass(i));
```

此行代碼即是 blsimpv 函数的核心代码, 用来潮減时应期权价格的隐含波动率, 可以 看到 fzero 函数中的(b limit)參数, 這里的 limit 即是 blsimpv 中的參数 Limit, 是指定 fzero 在这个区间采函数的章点。由于 fzero 的存在, 尽量不要在深层循环中引用 blsimpv 函数, 而应采用单纯算法解决方程重急的发酵问题, 以接高数量。

【例 9-5】 欧式斯权隐含波动率计算实例。现有一吹式看涨期权、标的资产当前价格 为 53, 期权执行价格为 50, 无风险利率是 0.085, 期权寿命 0.3 年, 期权价格为 5, 求此 看涨期权的隐含波动率。

在 MATLAB 命令會口中輸入:

```
>>Volatility = blsimpv(53, 50, 0.085, 0.3, 5)
Volatility = 0.2036
```

可见,上述欧式看涨期权的隐含波动率是 0.2036.

9.4 期权价格的数值求解

在本章开篇,通过一个简单的一步二叉树引出了无风险囊利的概念,并通过对 Black-Scholes 模型的讨论,引入了风险中性的概念。本节首先通过将一步二叉树拓展到多期模型, 然后给出 CRR 和 EOP 模型的应用。

9.4.1 多期二叉树模型

本小节的目标是将单期二叉衬模型拓展到多期模型。即构造如图 9-2 所示的股票价格 二叉树图。

在第8章中关于利率二叉树的构建中,要求重构的树图(比如 HW 模型)和不要求重构的树图(比如 HJM 模型)的复杂废是完全不一样的,一个是多项式,一个是指数复杂度。这里,模型要求股票价格二叉树也必须是重构的。

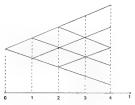


图 9-2 股票价格多期二叉树图

这个要求是保证定价过程中,期权的价格是与路径无关的,即价格先上升后下降和先 下降后上升得到的期权价格是一样的。所以有如下结果:

$$u_n d_{n+1} = d_n u_{n+1}$$

这个条件就可以使所构造的股票价格二叉树是重构的,会极大的减少树图的复杂程度。在上述等式取不同值的时候就可得到不同的模型:

当 $u_nd_{n+1}=d_nu_{n+1}=1$ 时,是 CRR 模型,是由 Cox、Ross 和 Rubinstein 在 1979 年发表 在 Journal of Financial Economics 上的。

其特点是二叉树重构, 其上升幅度 u 和下降幅度 d 只同股票价格的波动率相关, 其风 胶中性概率 p 是与波动率和无风险利率相关的。在考虑利率期限结构时, 其风险中性概率 是不像地带动的。

当 $u_{n}d_{n+1} = d_{n}u_{n+1} = e^{(r-e^{-d}/2)}$ 时,则是 EQP 模型,其含义是等概率模型。在 EQP 模型 下,其风险中性概率是固定不变的 p=0.5。而其上升幅度 u 和下降幅度 d,则和利率期限结构,股票派急率以及股票价格的波动率是相关的。

这里需要注意 u_n 、 u_{n+1} 并不一定相等,但是仍能保证股票价格的多期二叉树图是重构的。但是如果波动率不是常数,则二叉树一般情况下是不可能重构的。

关于这点,会在 CRR 和 EQP 模型的总结中做详细的对比,并同前面构建利率模型时的波动率期限结构(VolSpec)再做对比。

当然,可以从 9.1.2 节关于风险中性定价技术的介绍中知道,这里的 u、d 和风险中性 概率 p 都是与股票价格无关的,因而是路径无关的,这点对于期权定价是至关重要的。

在多期二叉树中,每一个单期的二叉树单元,都应保证如下的约束条件成立

- 1. 险中性概率下的期望收益率应当是无风险利率;
- 2. 风险中性概率下的方差应当是对应时间段内的方差。

在 9.1.5 节中, Black-Scholes 模型假设股聚原从布朗运动, 因此, 股票价格对数的波 动率, 即股票价格的方差是和时间区间成正比的, 而标准差是与时间区间的平方根成正比 的, 因此方差具有可加性, 而标准差是不具有可加性的。 如果股票价格年波动率是 σ^2 ,则在时间区间 Δt 内的波动率是 $\sigma^2 \Delta t$ 。理解这点,对下 而构建约束方程有很重要的意义。

1. 风险中性概率下的期望收益率应当是无风险利率

物建二叉树时,已知时间区间 Ar 的期初时刻的股票价格 S, 而在期末的价格只有两种可能: 上涨时的价格 uS 和下降时的价格 uS。而风险中性概率下的期望收益率应单个等于无风险利率,因而存在如下的约束方程:

$$Se^{(r-q)\Delta t} = pSu + (1-p)Sd$$

即

$$e^{(r-q)\Delta t} = pu + (1-p)d$$

其中, $r \neq \Delta r$ 区间内的年化的无风险利率,无风险利率在时间区间的期初就可以确定下来。g是连续的股票派息率。S是股票的期初价格。

2. 风险中性概率下的方差应当是对应时间段内的方差

而为满足方差的一致性有如下的约束方程.

$$E(\frac{S_{t+\Delta t}}{S_t})^2 - E^2(\frac{S_{t+\Delta t}}{S_t}) = \sigma^2 \Delta t^{-\frac{1}{2}}$$

在二叉树模型中,假设股票价格在 $t+\Delta t$ 时刻,只有两种可能·uS 或者 dS,而对应的 风险中性概率分别为p 和 1-p。而上述方程等号左边的第二项是收益率的期望,所以代入有:

$$pu^2 + (1-p)d^2 - e^{2(r-q)\Delta t} = \sigma^2 \Delta t$$

因此,得到的两个约束条件整理如下:

$$e^{(r-q)\Delta t} = pu + (1-p)d$$

$$pu^{2} + (1-p)d^{2} - e^{2(r-q)\Delta t} = \sigma^{2}\Delta t$$

上述方程中,r是由利率期限结构确定的。 Δr 是人为确定的,当其足够小时,二叉树定价的结果是和 Black-Scholes 模型给出的结果趋同的。q是股票的派息率。 σ^2 是根据价格的历史数据统计得到的。这样上述模型中有三个变量。u、d 和 p。因此要得到一个确定的解。还需要一个约束方程。

第二个和第三个约束方程的不同形式就决定了不同的模型 (是 CRR 模型还是 EQP 模型)。

9.4.2 CRR 模型

股票期权定价的步骤分为如下两步:

【步骤 1】: 构建对应的股票价格多期二叉树图。

① 注意,此方程仅对 CRR 模型成立,对 EQP 模型是不成立的。

【步骤 2】 从到期日的股票价格, 计算出期权的价格, 并按照风险中性概率求期望, 用无风险利率折现, 逆向求解。

在 MATLAB 中,上述两步分别是由相应的二叉树构建函数和基于二叉树的定价函数 给出的。在 CRR 模型的框架下,实现上述两步功能的函数分别是 critree 和 criprice。

在 9.3.2 节中, 已经给出了二叉树构建过程中的两个约束条件

$$e^{(r-q)\Delta t} = pu + (1-p)d$$

 $pu^2 + (1-p)d^2 - e^{2(r-q)\Delta t} = \sigma^2 \Delta t$

而上述方程有三个未知数 \cdot u、d 和p。在 CRR 模型框架内,第三个约束条件是

$$ud = 1$$

这个约束条件是由 Cox、Ross 和 Rubinstein 在 1979 年发表在 Journal of Financial Economics 上的。

根据上述三个方程,解得:

$$p = \frac{a - d}{u - d}$$

$$u = e^{\sigma \sqrt{\Delta t}}$$

$$d = e^{-\sigma \sqrt{\Delta t}}$$

其中 $a=e^{(r-q)\Delta t}$ 。

9.4.3 EQP 模型

上述 CRR 模型中给出的第三个约束条件并不是构建二叉树的唯一的约束条件形式。可以直接令 p=0.5, 这就是 EOP (等概率模型) 所给出的第三个约束条件。

其风险中性概率在任何情况下, 都是 0.5 的固定值。这样求得的结果如下,

$$p = 0.5$$

$$u = e^{(r-q-\sigma^2/2)\Delta t + \sigma\sqrt{\Delta t}}$$

$$d = e^{(r-q-\sigma^2/2)\Delta t - \sigma\sqrt{\Delta t}}$$

其缺陷是,在 EQP 模型下,其期权的希腊字母并不是很容易计算的。其优势在于风险中性概率就是 0.5 的固定值。

同时需要注意,从u和d的表达式中可以看到,在考虑期限结构的情况下,在不同的时间区间内的风险中性利率是不一样的,EQP模型下的股票价格二叉树图仍然是重构的。

但是如果波动率不是常数,则其二叉树必然不是重构的。最重要的是u n d 表达式的 指数项中, Δt 项前的系数可以是改变的,由于具有时间的线性可加性,而其他的 $\sqrt{\Delta t}$ 前 的系数必须是常数。由于 $\sqrt{\Delta t}$ 不具备线性可加性。

9.4.4 ITT 模型

ITT 模型是隐含三叉树模型,在后面将会看到,其等价于有限差分法。

ITT 模型考虑了不同期限的即期利率具有不同的波动率期限结构, 将波动率期限结构 考虑在内而构建的模型。对于模型的具体含义,读者可参考相关资料,这里给出 MATLAB 中 ITT 模型的用法。

【语法格式】

ITTTree=itttree(StockSpec, RateSpec, TimeSpec, StockOptSpec)

【输入变量】

StockSpec

%股票说明,具体参考 stockspec 函数

RateSpec TimeSpec StockOptSpec %利率期限结构说明,具体参考 intervset 函数 %时间序列说明,具体参考函数 itttimespec

を計画序列说明、具体参考函数 itttimespec を設票期权说明、具体参考函数 stockoptsepc

【输出变量】

ITTTree

%struct 型数据,隐含三叉树模型

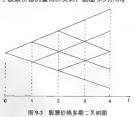
其中,大家比较熟悉的是 TimeSpec 和 RateSpec,两个参数。

关于 StockSpec,主要涉及股票价格、波动率、分红类型和数量、除息日等; StockOptSpec 主要涉及股票期权的价格、执行价格、期限、期权类型说明,主要用以构建波动率期限结构。读者可根据需要参考帮助文档。

9.5 MATLAB 中的 CRR 模型

9.5.1 资产价格二叉树

在 9.4.1 节中给出了股票价格的重构二叉树,如图 9-3 所示。



MATLAB 全部计算

定义横轴时间轴上的每个时刻对应于时间水平;,对应时间水平;上的价格节点数目是 4-1 个,从上向下分别编码为1、2、3、…、i+1,因此任何一个点,可由两个坐标唯一确定。

在此基础上,标识每个节点上的价格数值,则 Su^id^{2j-2} 表示的是在时间水平i上,从上到下第j个点的价格数值。 $j \in (1,2,\cdots,i+1)$,这里需要注意ud=1。

在 MATLAB 里 CRR 模型的实现是用 critree 函数。在 MATLAB 里实现 CRR 和 EQP 模型采用的是同一个私有函数 binstocktree。

【语法格式】

[CRRTree] = crrtree(StockSpec, RateSpec, TimeSpec)

【输入变量】

StockSpec %描述股票价格运动信息的结构型变量,参见 stockspec 函数

RateSpec %利率期限结构,参见 intenvset 函数 TimeSpec 新时间说明,参见 crrtimespec 函数

【输出变量】

CRRTree %包含 CRR 模型二叉树信息的结构型变量

二叉树构建的过程中,需要使得收益率在每一时间段内的期望和方差是符合的。 在本章开始,Black-Scholes 模型的假设是股票价格服从布朗运动。

$$dS = \mu S dt + \sigma S dz$$

上述方程写成惠散化的形式有。

$$\frac{\Delta S}{S} = \mu \Delta t + \sigma \varepsilon \sqrt{\Delta t}$$

上式左边表示的正好是股票的在时间 Δt 内的收益率,在风险中性世界里 $\mu = r_f$,所以有如下结果 ·

$$\frac{\Delta S}{S} \sim \phi(r_f \Delta t, \sigma \sqrt{\Delta t})$$

其中 $\phi(r_f \Delta t, \sigma \sqrt{\Delta t})$ 代表期望为 $r_f \Delta t$,方差为 $\sigma \sqrt{\Delta t}$ 的正态分布的概率密度函数。

CRR 模型的核心在于,使得收益率的期望和方差符合上述的正态分布收益率的期望和 方差,其约束方程的建立是从收益率的角度出发的。因而有:

$$e^{(r-q)\Delta t} = pu + (1-p)d$$

 $pu^2 + (1-p)d^2 - e^{2(r-q)\Delta t} = \sigma^2 \Delta t$

CRR 模型框架下的第三个约束方程在前面已经指出是:

根据上述三个方程,解得.

$$p = \frac{a - d}{u - d}$$

$$u = e^{\sigma \sqrt{\Delta u}}$$

$$d = e^{-\sigma \sqrt{\Delta u}}$$

其中 a = e^{(r-q)Δi} o

【例 9-6】 股票价格 CRR 模型下的二叉树构建实例。现有一期权,标的资产价格是 100 元,估值日期为 2003-1-1、到期日为 2007-1-1。假设标的资产液动率 σ=0.1,利率期限结构是水平的,为 5%,将时间区间分成 4 段。请构建四期二叉树图。没有股息支付,即 σ=0。

首先根据公式计算模型参数。

由于 r=5%和 $\sigma=0.1$ 都是固定不变的常量,因此 u、d 和 p 都是固定不变的,这使得构建 S 矩阵(股票价格矩阵)及 P 矩阵和 Q 矩阵是一件很容易的事情。由公式

$$p = \frac{a-d}{u-d}$$
; $u = e^{\sigma \sqrt{\Delta t}}$; $d = e^{-\sigma \sqrt{\Delta t}}$

有, p=0.7309, u=1.1052, d=0.9048, 其中 Δt=1。 构建 S 矩阵, 在 M 文件编辑器中输入如下代码并执行。

```
u=exp(0.1);
d=l/u;a=exp(0.05);p=(a-d)/(u-d);
S=zeros(5,5);S(1,1)*100;
for j=2:5
    for i=i:j
        S(i,j)=S(1,1)*u^(j-1)*d^(2*i-2);
end;
end;
```

在 MATLAB 命令窗口显示如下:

S = 100.0000 110.5171 122.1403 134.9859 149.1825 0 90.4837 100.0000 110.5171 122.1403 0 0 81.8731 90.4837 100.0000 0 0 0 74.0818 81.8731

上述S矩阵就是股票价格的二叉树图矩阵。

本颢二叉树的构建,是采用 MATLAB 自带的数据。读者可使用如下命令进行验证:

```
>>load deriv
>>CRRTree.STree{1 :5}
```

在 MATLAB 命令實口中的輸出和上述脚本构建的 S 矩阵式完全一样的。只是在

情祸 MATLAB 宗觀计算 _

CRRTree 中, 数据是用 cell 存储的, 这里是用矩阵存储的。

9.5.2 定价函数

如第7章所示。定义 Arrow-Debreu 证券:

定义 Q., 的值为价格达到二叉树(i,j) 节点,单位货币(通常为1货币单位)的现值同相应价格路径风险中性概率的乘积、否则为0。其本质是一个两状态的 Arrow-Debreu 证券的定义下,存在如下关系。

从逆向的定价公式我们有如下的结论

$$c_0 = \frac{p_u}{\overline{n}}c_{11} + \frac{p_d}{\overline{n}}c_{12} = Q_{11}c_{11} + Q_{12}c_{12}$$

其中 $\overline{\eta} = 1 + \eta^f$, η^f 为第一期的无风险利率; 定义 $Q_{11} = \frac{p_a}{\overline{\eta}}$; $Q_{12} = \frac{p_d}{\overline{\eta}}$ 。 同理有

$$c_{11} = \frac{p_d}{\overline{r_2}}c_{21} + \frac{p_d}{\overline{r_2}}c_{22}$$

$$c_{12} = \frac{p_d}{\overline{r_2}}c_{22} + \frac{p_d}{\overline{r_2}}c_{23}$$

代入公式 $c_0 = \frac{p_s}{\pi}c_{11} + \frac{p_d}{\pi}c_{12}$ 整理有

$$\begin{split} c_0 &= \frac{p_u}{\vec{\gamma}} \left(\frac{p_u}{\vec{p}_2} \, c_{21} + \frac{p_d}{\vec{p}_2} \, c_{22} \right) + \frac{p_d}{\vec{\gamma}} \left(\frac{p_u}{\vec{p}_2} \, c_{22} + \frac{p_d}{\vec{p}_2} \, c_{23} \right) \\ &= Q_{11} \, \frac{p_u}{\vec{p}_2} \, c_{21} + \left(Q_{11} \, \frac{p_d}{\vec{p}_2} + Q_{12} \, \frac{p_u}{\vec{p}_2} \right) c_{22} + Q_{12} \, \frac{p_d}{\vec{p}_2} \, c_{23} \end{split}$$

同样,如定义 c_{ij} 前面的系数分别为 Q_{ij} ,则会有如下公式:

$$Q_{21} = Q_{11} \frac{p_u}{\overline{r_2}}$$

$$Q_{22} = Q_{11} \frac{p_d}{\overline{r_2}} + Q_{12} \frac{p_u}{\overline{r_2}}$$

$$Q_{23} = Q_{12} \frac{p_d}{\overline{r_2}}$$

Arrow-Debreu 证券遊推关系如图 9.4 所示,由图 9.4 可知,上述递推公式的本质是:下一时间水平上的 Arrow-Debreu 证券的价格 $Q_{al,j}$,可以用前一时间水平上的 Arrow-Debreu 证券的价格 $Q_{i,j}$ 和 $Q_{i,j}$ 表示出来。同时需要的参数是 p_a^i 、 p_a^i 和 $\bar{r}=1+r_i^f$ 。

① 这个定义并不是标准的 Arrow-Debreu 证券的定义,纯粹是为了后续公式形式上的简捷和统一。

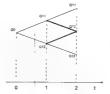


图 9-4 Arrow-Debreu 证券递推关系图

$$Q_{i+1,j} = \frac{p_u^i}{\overline{n}} Q_{i,j} + \frac{p_d^i}{\overline{n}} Q_{i,j-1}$$

注意 上式或立的条件是(** j見 j** l 考条件不成立时,参见例 9-7 的代码 在图 9-4 中就是黑色线投标示的单元。

假定在 t=0 的时间水平上, $Q_{0,1}=1$,则逮推关系可以延续下去。直到期权的到期日。 到期日的看涨期权价格 $c^T=\max(S^T-X,0)$,将其表示为在二叉树上不同的节点的数值有 $c^T_{i,i}=\max(S^T_{i,i}-X,0)=\max(Su^{ii}d^{i-1}+X,0)$

而,前面 Q 的递推关系可以得到 Q_{N} , $\forall i \in (1,2\cdots\cdots,N+1)$,所以最终看涨期权的价格 C 可以表示为

$$c = \sum_{i=1}^{N+1} Q_{N,i} * c_{N,i}^T = \sum_{i=1}^{N+1} Q_{N,i} * \max(Su^N d^{i-1} - X, 0)$$

从上面的分析可以看出,CRR 模型在计算的过程中,由于上升和下降的幅度只同波动 率常数有关,因而其是固定的。而风腔中性概率在这个过程中与利率期限结构有关,在利 率期限结构不是常数的时候,其值会变化,因此需要一个风险中性概率矩阵 P,可以设定 其为上三角矩阵。

在决定了风险中性概率矩阵之后,需要由此计算出Q矩阵,即Arrow-Debreu证券矩阵,根据递推关系 $Q_{ab,j} = \frac{P_a}{2}Q_{a,j} + \frac{P_{ab}}{2}Q_{a,j}$ 和初值 $Q_{01} = 1$ 即可得到。

最后根据到期日的期权价值和股票价格之间的关系 $c_{n,i}^F = \max(S_{n,i}^F - X_i, 0) = \max(S_{n,i}^F - X_i, 0)$ 输定到期日的期投价值向量,这个向量同Q 矩阵的最后 "列点乘,并将向量元素求和,即可得到期权的价格。求得Q 矩阵之后,可以算出在最后时点之前的任务时点到期的期权价格。

在计算的过程中,P和Q矩阵是中间过渡矩阵,不会在最终结果显示出来,最终结果 的是价格矩阵S和描述期权价格二叉树的上三角矩阵 C_o 在 CRR 模型下期权的定价,需要涉及四个矩阵,在程序构架时,以这四个矩阵为核心设计算法会非常方便。在 MATLAB 中, CRR、BQP 和 ITT 模型实现的算法,也是采用上述四个核心矩阵的。

回顾一下第7章的利率模型,对 Arrow-Debreu 证券的讨论主要集中在 HW 模型,由于是三叉树,如果只是描述会非常困难,而引入了 Ø 矩阵。

类似地,在利率二叉树图中,也可引入相应的 Q 矩阵来描述 BDT 和 BK 模型。唯一不同的就是,二叉树和二叉树的 Q 矩阵元素间的递推关系不同。

【例 9-7】 CRR 模型为欧式看涨期权定价实例。利用【例 9-6】的结果,求以此股票 为标的资产的看涨期权的价格,看涨期权的执行价格为 105,当前日期为 2003-1-1,期权 到期日为 2005-1-1.

在例 9-6 中,已经创建了相应的 5 矩阵

根据树图的特性, P 的构建不能采用矩阵的形式, 这里采用 cell 型数据来构建。 在 MATLAB 命令實口中輸入如下命令。

```
>>cellx=([0.7309;0.2691],[0.7309 0.7309;0.2691 0.2691],[0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.7309 0.
```

上述 cellx 存储了在每一个阶段,对应节点的每个节点上升和下降的概率。本例中由于利率期限结构是水平的,因此在 p 都相等的情况下,这样做意义并不大,但是在考虑非水平的利率期限结构时,用示脑敷组来存储在每个节点上的风险中性概率就比较重要了。

下一步、构建 O 矩阵、在 MATLABM 文件编辑器中输入如下代码:

```
cellx=[[0.7309;0.2691],[0.7309 0.7309;0.2691 0.2691],[0.7309 0.7309...
0.7309; 0.2691 0.2691 0.2691], [0.7309 0.7309 0.7309 0.7309; ...
    0.2691 0.2691 0.2691 0.2691]};
    O=zeros(5,5);Q(1,1)=1;
    for j=2:5
       for i=1:i
              Q(1,3)-Q(1,j-1)*(cellx(j-1)(1,1))/exp(0.05);
          end;
           if(i==i)
              Q(i,j)=Q(j-1,i-1)*(cellx{j-1}(2,i-1))/ exp(0.05);
          end:
          if(i~=1&&i~=i)
                              Q(i,j)=Q(i-1,j-1)*(cellx{j-1}{2,i-1})/1.05+
O(i,i-1)*cellx(i-1)(1,i)/... exp(0.05);
          end:
       end;
    end:
```

€注意 在构建 Q 矩阵的过程中,MATLAB 描述的利率期限结构一律都是按连续计息方式计算的。

230 ▶ ▶ ▶ ▶

在 MATLAB 命令曾口中显示如下:

Q = 1.0000 0.6953 0.4834 0.3361 0.2337 0.2560 0.3562 0.3715 0.3444 0 0 n 0.0655 0.1368 0.1903 0 Ð a 0.0168 0.0467 0 0 0 0.0043

在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令、

c=sum(O(:.3).*max(S(:.3)-100.0))

得到一个执行价格为为 105 的看涨期权的价格为 8.2852。 在 MATLAB 中实现上述算法的函数是 cmprice。

【语法格式】

Price = crrprice(CRRTree, InstSet)

[Price, PriceTree] = crrprice(CRRTree, InstSet)

[Price, PriceTree] = crrprice(CRRTree, InstSet, Options)

【输入变量】

CRRTree

ACRR 模型下的价格树 %金融产品属性信息 InstSet

*可洗、模型控制参数、参表 deriveet 函数 Options

[精密整整]

Price

8金融产品价格

8金融产品价格树图 PriceTree

在 M 文件编辑器中输入如下命令行。按 P5 快捷键提交执行。

clearicle

load deriv InstCRR=instselect(CRRInstSet,'Index',1);

Price=crrprice(CRRTree,InstCRR)

在 MATLAB 命令窗口中得到如下输入:

Price = 8.2863

而在例 9-7 中对同样的期权定价的结果是 8.2852, 与 8.2863 十分接近, 造成误差是由 干手工输入包含风险中性概率的元胞数组 cellx 时告成的会入误差。

至此, CRR 模型中标的资产价格矩阵, O 矩阵和风险中性概率矩阵 P 的算法都讲解完 毕。读者在自行编程解决问题时,以这三个矩阵为核心,特别是 Q 矩阵的创建是定价算法 的核心,读者应仔细体会其中的思路。在 MATLAB 的核心代码中,算法也是如此实现的。

9.5.3 其他定价函数

在例 9-7 中,利用 CRR 模型实现了对一个看涨期权的定价,基于 CRR 模型还可以对 如下金融产品进行定价 'OptStock', 'Barrier', 'Asian', 'Lookback', 'Compound'。

Mil MATLAB 金融计算

对不同产品的定价是由 crrprice 輸入变量中的 InstSet 中包含的金融产品信息决定的。 具体产品构建信息,参考 instadd 函数。

对这些产品还有着专用的定价函数,总结如表 9.2 所示。

秦 9.2 基于 CRR 模型的专用定价函数

700	&	OptStock	Bastier	Asian
画	敷	optstockbyerr	barrierbyerr	asianbyorr
*	AL.	Compound		1.ookback
画	数	compoundbyctt		lookbackkbycrr

关于这些函数的使用,读者可自行参考 help 文档。

9.5.4 希腊字母计算

在标准的 Black-Scholes 模型下在 CRR 模型下如何计算相应的希腊字母,在前面已经 讲解过了,离散形式下的解在此不给出详细解答,感兴趣的读者可参考相关书籍。

计算期权希腊字母的函数在 9.2.2 节中已经给出了基于 Black-Scholes 模型的结果。这 即给出基于 CRR 模型的结果。

在 MATLAR 中、基于 CRR 模型的的希腊字母计算、使用函数 crrsens。

【语法格式】

{Delta, Gamma, Vega] = crrsens(CRRTree, InstSet)
[Delta, Gamma, Vega, Price] = crrsens(CRRTree, InstSet)

[Delta, Gamma, Vega, Price] = crrsens(CRRTree, InstSet, Options)

【输入变量】

CRRTree %基于 CRR 模型的二叉树 InstSet %金融产品属性信息描述变量

Options 转模型控制参数,参见 derivset 函数

(電出電腦)

Delta %金融产品的 Delta Gamma %金融产品的 Gamma Vega %金融产品的 Vega Price %金融产品的价格

9.6 MATLAB 中的 EQP 模型

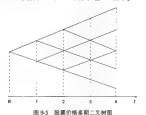
在 9.4.3 节中初步介绍了 EQP 模型, EQP 模型又被称为等概率模型。EQP 模型和 CRR 模型有相似的地方,两者都是二叉树模型,但是两者又存在很大的不同。

本节的重点放到二叉树图的构建上,关于定价和希腊字母的计算,EQP 和 CRR 的原理类似,读者可类比阅读。

232

9.6.1 资产价格二叉树

在 9.4.1 节中给出了股票价格的重构二叉树,如图 9-5 所示。



定义横轴时间轴上的每个时刻对应于时间水平 *i*,对应时间水平 *i* 上的价格节点数目应当是 *i*+1 个,从上向下分别编码为 1、2、3、···、*i*+1,因此任何一个点,可由两个坐标唯一确定。

在此基础上,标识每个节点上的价格数值,则 $Su^{j-i+1}d^{j-1}$ 表示的是在时间水平i上,从上到下第j个点的价格数值。 $j \in (1,2,\cdots,i+1)$,这里需要注意ud = 1。

在 MATLAB 里实现 EQP 模型的实现是用 eqptree 函数。critree 和 eqptree 均基于同一个私有函数 binstocktree。

【语法格式】

[EQPTree] = eqptree(StockSpec, RateSpec, TimeSpec)

【输入变量】

StockSpec RateSpec \$描述股票价格运动信息的结构型变量,参见 stockspec 函数

%利率期限结构,参见 intenveet 函数

TimeSpec 物间说明,参见 crrtimespec 函数

【無出母類】

EOPTree

8包含 EOP 模型二叉树信息的结构型变量

Black-Scholes 模型中、假设是股票价格服从布朗运动。

$$dS = \mu S dt + \sigma S dz$$

对于一个服从上述随机过程的的随机变量来说, $\ln \frac{S_T}{c_n}$ 服从正态分布。

$$\ln \frac{S_T}{S_0} \sim \phi((\mu - \sigma^2 / 2)\Delta t, \sigma \sqrt{\Delta t})$$

其中 $\phi(\mu-\sigma^2/2)\Delta t,\sigma\sqrt{\Delta t}$) 代表期望为 $(\mu-\sigma^2/2)\Delta t$, 方差为 $\sigma\sqrt{\Delta t}$ 的正态分布的概率密度函数。

EQP 模型的核心在于,使得股票收益率在风险中性概率下的期值为无风险概率 $\{$ 在有派息率的情况下,需要减去派息率 $\}$,而方差则是通过 $\ln \frac{S_7}{S_n}$ $\sim \phi(\mu-\sigma^2/2)\Delta \iota,\sigma\sqrt{\Delta \iota}$)得到的。

1. 计算股票收益率在风险中性概率 (0.5, 0.5) 下的期望

$$Se^{(r-q)At} = pSu + (1-p)Sd$$

m

$$e^{(r-q)\Delta t} = pu + (1-p)d = \frac{1}{2}(u+d)$$

2. 方差的计算

在二叉树情况下,令 $r_u=\ln\frac{uS_0}{S_0}$, $r_d=\ln\frac{dS_0}{S_0}$,则有如下方程

$$E(r) = \frac{1}{2}r_u + \frac{1}{2}r_d$$

$$E(r^2) = \frac{1}{2}r_u^2 + \frac{1}{2}r_d^2$$

所以有如下结果:

$$\begin{split} \sigma^2 \Delta t &= E(r^2) - E^2(r) = \frac{1}{2} r_u^2 + \frac{1}{2} r_d^2 - (\frac{1}{2} r_u + \frac{1}{2} r_d)^2 \\ &= \frac{1}{4} (r_u - r_d)^2 = \frac{1}{4} (\ln(\frac{Su}{Sd}))^2 \end{split}$$

整理有 $\frac{u}{d} = e^{2\sigma\sqrt{\Delta t}}$ 。

因而得到方程组:

$$(u+d) = 2e^{(r-q)\Delta t}$$

$$\frac{u}{d} = e^{2\sigma\sqrt{\Delta t}}$$

解之,得到方程组的解:

$$u = \frac{2e^{(r-q)\Delta t} * e^{2\sigma\sqrt{\Delta t}}}{1 + e^{2\sigma\sqrt{\Delta t}}}$$
$$d = \frac{2e^{(r-q)\Delta t}}{1 + e^{2\sigma\sqrt{\Delta t}}}$$

在这里,直接代入了 EQP 的第三个约束条件:风险中性概率 p=0.5。

9.6.2 二叉树的等价式

为何要使得股票收益率在风险中性概率下的期望为无风险概率,而不是直接从 $\ln \frac{S_T}{c}\sim \phi(\mu-\sigma^2/2)\Delta t,\sigma/\Delta t$)入手,求得期望?

其实,这样也是可以的,在 $\Delta r \to 0$ 时,得到的结果应当是相等的。在 MATLAB 中,采用的是股票收益率在风险中性下的期望为无风险利率;股票价格对数的方差符合 $\ln \frac{S_T}{C_0} \sim \phi((\mu - \sigma^2 / 2)\Delta t, \sigma \sqrt{\Delta t})$ 。其中 $\mu = r - q$,r 为无风险利率,q 为派惠率。

在 John Hull 的教科书中采用的是統一的框架。 $\ln \frac{S_T}{S_0} \sim \phi((\mu - \sigma^2/2)\Delta t, \sigma \sqrt{\Delta t})$ 的期望和方葉,在 p=0.5 时,有:

$$E(r) = \frac{1}{2}r_u + \frac{1}{2}r_d$$

$$E(r^2) = \frac{1}{2}r_u^2 + \frac{1}{2}r_d^2$$

期望満足的方程:

$$\frac{1}{2}\ln ud = (\mu - \sigma^2/2)\Delta t$$

方差满足的方程.

$$\begin{split} \sigma^2 \Delta t &= E(r^2) - E^2(r) = \frac{1}{2} r_u^2 + \frac{1}{2} r_d^2 - (\frac{1}{2} r_u + \frac{1}{2} r_d)^2 \\ &= \frac{1}{4} (r_u - r_d)^2 = \frac{1}{4} (\ln(\frac{Su}{Sa}))^2 \end{split}$$

整理有

$$ud = e^{2(\mu - \sigma^2/2)\Delta t}$$
$$\frac{u}{t} = e^{2\sigma\sqrt{\Delta t}}$$

解得.

$$u = e^{(r-q-\sigma^2/2)\Delta t + \sigma\sqrt{\Delta t}}$$

$$d = e^{(r-q-\sigma^2/2)\Delta t - \sigma\sqrt{\Delta t}}$$

MATLAB 中采用的算法是 9.6.1 节介绍的,本节中的做法是 John Hull 的教科书中介绍的,两者在 $\Delta t \rightarrow 0$ 附是等价的。

这点,可以通过查询 binstocktree 的源码验证。

【放西与西东】

在 MATLAB 命令窗口中输入命令 type binstocktree, 找到如下代码;

从上述代码可加、MATLAB 内部,在 CRR 模型和 EQP 模型的构建过程中,采用的是 上面介绍的算法和公式。当然,读者在自行开发程序时,可以考虑采用 John Hull 的被料 未提倡納施達他一級電

在上述参数 u 和 d 求得后,又风险中性概率 p 在 EQP 框架下是恒定的 0.5,下面关注的问题是如何在求得这些参数后,构建价格矩阵 S_o u 和 d 的解析表达式如下:

$$u = \frac{2e^{(r-q)\Delta t} + e^{2\sigma\sqrt{\Delta t}}}{1 + e^{2\sigma\sqrt{\Delta t}}}$$
$$d = \frac{2e^{(r-q)\Delta t}}{1 + e^{2\sigma\sqrt{\Delta t}}}$$

可见,p是固定的 0.5,但是在利率期限结构不是水平的情况下,u 和 d 的值是与利率水平相关的,但是与股票价格无关。

而在 CRR 模型中,风险中性概率是同利率期限结构相关的,而 u 和 d 是与利率水平 无关的,这是由于两者在方差和期望两个约束条件之外的第三个约束条件设置不同造成 的。因此 EQP 模型比较复杂的原因是要根据当前利率期限结构构造价格矩阵。

按照 9.5.1 节介绍的节点编址技术,有 $Su^{j \to +1}d^{i-1}$,此公式在边界时需要特殊处理。

【例 9-8】 EQP模型下的二叉树构建实例。考虑如下信息: 先有一股票, 当前价格为 100, 波动率为 10%, 没有股利支付, 并且当前利率期限结构为水平, 大小为 5%, 当前时间是 2003-1-1, 到期日为 2007-1-1, 港时间区间分成 4 份, 求四阶段的股票价格二叉树图。

首先将数据代入求得必需的参数 u 和 d,这里注意,由于利率期期限结构为水平,而 σ 也是固定不变的,所以 u 和 d 都是固定不变的。

在 M 文件编辑器中输入如下代码, 按 F5 快捷键提交运行。

```
d=2*exp(0.05)/(1+exp(2*0.1));
u=\exp(2*0.1)*2*\exp(0.05)/(1+\exp(2*0.1));
p=0.5;
S(1,1)=100;
for 1=2:5
   for i=1:j
      S(i, j) =S(1, 1) *u^(j-i) *d^(i-1);
end:
在 MATLAB 命令窗口中显示如下
 100.0000 115.6049 133.6450 154.5002 178.6098
         94.6493 109.4192 126.4940 146.2333
       0
       ۵
            0
                    89.5849 103.5646 119.7257
                     0
                             84.7915
                                      98.0231
            ō
                              n
                                      80.2545
```

至此、价格二叉树构造完毕。

9.6.3 定价函数

以上介紹了 ECP 模型标的资产价格二叉树的构建。在获得如上参数后下一步的核心 是构造 Q 矩阵,由于 p=0.5 是恒定的,因此构造风险中性概率矩阵 P 的意义并不大,直接 构造 Q 矩阵即可。

由于仍然是二叉树,因此遗推关系 $Q_{i+1,j} = \frac{p_{i}^{j}}{r_{i}}Q_{i,j} + \frac{p_{i}^{j}}{r_{i}}Q_{i,j-1}$ 对于非边界点仍然成立,只是所有风险中性概率都是0.5, $\tilde{r}_{i} = \exp(0.05)$ 。

【例 9-9】 EQP 模型为欧式看涨期权定价实例。当前日期是 2003-1-1, 有一个基于例 9-8 中股票的看涨期权,到期日是 2005-1-1, 求其价格。其执行价为 105。

首先构造 Q 矩阵。在 M 文件编辑器中输入如下代码,按 P5 快捷號提交运行: %构造 Q 矩阵,并且注意边界条件

精通 MATLAB 金融计算

end; end;

在 MATLAB 命令窗口得到如下结果.

Q =

1.0000	0.4756	0.2262	0.1076	0.0512
0	0.4756	0.4524	0.3228	0.2047
0	0	0.2262	0.3228	0.3070
0	0	0	0.1076	0.2047
0	0	0	0	0.0512

由于期权是 2005-1-1 到期,因此结合例 9-8 求出的 S 矩阵和例 9-9 求出的 Q 矩阵,得到如下的计算看涨期权的公式·

```
c=sum(max(S(:,3)-105.0).*O(:,3))
```

在 MATLAB 命令窗口中输入如上命令得到 c= 8.4791。

在 MATLAB 中完成上述算法的函数是 eapprice。

【语法格式】

```
Price = egpprice(EQPTree, InstSet)
[Price, PriceTree] = eqpprice(EQPTree, InstSet)
[Price, PriceTree] = crrprice(EQPTree, InstSet, Options)
```

【独入变量】

EQPTree InstSet 8基于 EQP 模型的二叉树 8金融产品信息属性说明变量

Ontions 多種型控制变量,参考 derivest 函数

「職役が返し」

Price PriceTree 8金融产品价格 8金融产品价格树

【例 9-10】 eqpprice 函数定价实例。利用 eqpprice 函数,重新计算例 9-9 中的期权产品价格。

计算中所需参数 EQPTree, 和 InstSet 都在 MATLAB 自带的文件 deriv 中。

在 M 文件编辑器中输入如下代码, 按 F5 快捷键提交运行:

load deriv
InstSub-instselect(EQPInstSet,'Index',1);
Price=eopprice(EOPTree,InstSub)

在 MATLAB 命令雷口显示如下:

Price = 8.4791

可见同【例 9-9】计算的结果是完全一致的。

用 instdisp 命令查看 InstSub,即可得知,InstSub 正是需要定价的看涨期权。

9.6.4 其他定价函数

同其他模型一样, EQP 模型有其专有的定价函数,可分别对亚式期权、障碍期权等进行定价,基于 BQP 模型下专用定价函数如表 9.3 所示。

表 9.3 基于 EQP 模型下专用定价函数					
产	品	OptStock	Barrier	Asian	
衛	数	optstockbyerr	barrierbycrr	assanbyorr	
7**	品	Compound		Lookback	
-	教	Compoundbyerr		lookbackkbycry	

表 9.3 基于 EQP 模型下专用定价函数

在使用上,上述专用定价函数等同于 CRR 模型下的定价函数。类似地,也存在计算相应希腊字母的函数,读者可根据需要,查阅帮助文档。

9.7 有限差分法定价

前面几节介绍了金融产品中的常见的模型定价技术。回顾 Black-Scholes 方程,其描述 了衍生品价格是如何随着标的资产的价格进行变动的,推揭无套利技术,得到一个无套利 方程,使用一个偏微分方程,用来描述期权价格的变动。同时,对不同的期权其区别是到 期时的收益,即边界条件。

从上面的分析来看,理论上应该适用于解偏微分方程的方法都能够在期权定价中的到 应用。本节从这个角度出发,介绍有限差分法。

9.7.1 有限差分法简介

有限差分法定价技术,是采用解衍生品价格所满足的偏微分方程为衍生品定价的方法, 主要涉及偏微分方程的形式和边界约束条件。

本章开篇大部分篇幅通过无套利思想,建立了 Black-Scholes 模型,描述当标的资产价格符合布朗运动时,其衍生品价格应服从的偏微分方程。

在 Black-Scholes 模型的推导过程中,并没有假定是某种金融衍生品,而是以一个统一的数学模式,建立起一套统一的分析框架。

不同的金融产品体现在方程边界条件上,读者在高级接便中将会知道,Black Scholes 的结果作为一个推述衍生品价格运动的脑机微分方程,其形式的建立是以等价款测度的存 在为基础的,这里直接假设 Black-Scholes 模型成立,下一步的目标是米解这个偏微分方程。

在分類型的的,於至直接被成立的Links 快速以及,100日的於此外形之一層解於力力性。 微分方程的本质是一组描述变量及变量与变量之间关系的方程,其基本的数值解法是 将微分方程转化成差分方程,在差分方程的基础上,结合边界条件求得其解。

一般的偏微分方程是應立给定初值而求終值,而 Black-Scholes 的结果是给定期权到期 目的价格,和标的资产价格为0和极大值的情况下的价格边界,而求初值的问题,因此是 一个倒向微分方程。

9.7.2 自变量的离散化

9.1.5 节得到了欧式看涨(看跌期权)在 Black-Scholes 假设下所满足的偏微分方程具备如下的形式:

$$\frac{\partial f}{\partial t} + rS \frac{\partial f}{\partial S} + \frac{1}{2} \sigma^2 S^2 \frac{\partial^2 f}{\partial S^2} = rf$$

可以看到, Black-Scholes 假设下的衍生品价格微分方程中, 存在两个一阶导数项, 一个对标的资产价格的二阶导数项, 以及衍生品价格本身。

两个自变量时间 t 和标的资产价格 S。首先第一步将两个自变量离散化,得到一个自变量张成的二维平面空间,构建对应的格点。

港时间/等间隔的分成 N个区间, 总共有 N+1 个点, 分别为 0、1、 ···、N; 将标的资产价格 5 等间隔的分成 M 个区间, 总共有 M+1 个点, 分别为 0、1、 ···、M。则构成如图 9-6 所示的二维株点。

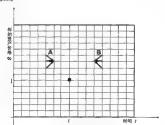


图 9-6 有限差分法终点图

点(i,j)的含义是,距离初始t=0的时间为 $t_i=i\Delta t$,其中 $\Delta t=\frac{t}{N}$;价格为 $S_j=j\Delta S$,其中 $\Delta S=\frac{S_{max}}{dt}$, S_{max} 是一个足够大的值。

在节点(i,j)的衍生品价格定义为 $f_{i,j}$ 。

读者需注意图 9-6 中的点的含义,对于基本单元 A 和 B 在后面介绍差分方程的解法时会用到,这里只需对图 9-6 有一个感性的认识即可。

微分方程的解法并不是本书的重点,关于微分方程的数值解法在大多数数值计算的书中都有,本节通过隐性差分法的介绍、为读者展现如何在 MATLAB 中使用偏微分方程数 值额法为解权财产异价。

微分方程数值解法根据离散方式不同,分成隐性差分和显性差分法,读者可根据需要

查阅相应资料。

9.7.3 隐式差分解法

在实际应用中,第一步首先需要完成将连续的偏微分方程化成离散的差分方程。遵循 如下原则,

- 一阶导数按照导数定义写成变量差分的形式。
- 二阶导数是相应的一阶导数的差分。
- 未知函数本身,不做任何变化。

Black-Scholes 方程形式加下。

$$\frac{\partial f}{\partial t} + rS \frac{\partial f}{\partial S} + \frac{1}{2} \sigma^2 S^2 \frac{\partial^2 f}{\partial S^2} = rf$$

对一阶导数写成美分形式有

$$\frac{\partial f}{\partial S} = \frac{f_{i,j+1} - f_{i,j}}{\Delta S} \text{ in } \frac{\partial f}{\partial S} = \frac{f_{i,j} - f_{i,j-1}}{\Delta S}$$

$$\frac{\partial f}{\partial t} = \frac{f_{l,j} - f_{l-1,j}}{\Delta t}$$

由于价格是一个随机变量。因此,存在前向和后向差分法,而对于时间来说是单向流 蓝的,所以不存在前向和后向差分的区别。对于价格,除前向和后向差分法之外,还可以 采用均值近似的方法有。

$$\frac{\partial f}{\partial c} = \frac{f_{i,j+1} - f_{i,j-1}}{2\Delta c}$$

对于二阶导数。在后向差分的情况下,在节点(i,j)的差分形式是·

$$\frac{\partial f}{\partial S} = \frac{f_{i,j} - f_{i,j-1}}{\Delta S}$$

在节点(i,i+1)的后向差分是。

$$\frac{f_{i,j+1} - f_{i,j}}{\Delta S}$$

因此而据变换原则二,有二阶导数的差分形式。

$$\frac{\partial^{2} f}{\partial S^{2}} = \frac{\frac{f_{i,j+1} - f_{i,j}}{\Delta S} - \frac{f_{i,j} - f_{i,j-1}}{\Delta S}}{\Delta S} = \frac{f_{i,j+1} + f_{i,j-1} - f_{i,j}}{\Delta S^{2}}$$

将上述三个导数的差分形式代入的 Black-Scholes 方程得到衍生品价格服从的差分方程为

$$\frac{f_{i,j+1} - f_{i,j}}{\Delta t} + rS_j \frac{f_{i,j} - f_{i,j-1}}{\Delta S} + \frac{1}{2} \sigma^2 S_j^2 \frac{f_{i,j+1} + f_{i,j-1} - f_{i,j}}{\Delta S^2} = rf_{i,j}$$

根据前面格点的构造有 $S_i = j\Delta S$,代入到上述方程整理有:

$$a_j f_{i,j-1} + b_j f_{i,j} + c_j f_{i,j+1} = f_{i+1,j}$$

其中.

$$a_{j} = \frac{1}{2} r j \Delta t - \frac{1}{2} \sigma^{2} \Delta t$$

$$b_{j} = 1 + r \Delta t + \sigma^{2} j^{2} \Delta t$$

$$c_{j} = -\frac{1}{2} r j \Delta t - \frac{1}{2} \sigma^{2} \Delta t$$

根据差分方程 $a_j f_{i,j-1} + b_j f_{i,j} + c_j f_{i,j+i} = f_{i+i,j}$,可知:标的资产在t = i+1时的价格,是t = i时,三个临近价格j = 1, j, j+1的加权平均,其权重 $a_i + b_j + c_j = 1 + r\Delta t$ 。

某一时刻的价格,是与其前一期的价格密切相关的。在图 9-6 中就是 ${\bf A}$ 单元表示的形式。

9.7.4 方程的边界条件

在 Black-Scholes 构建了衍生产品价格所满足的偏微分方程,并采用隐性差分方法转化 为差分方程之后, 欲得到其解,则还应给定边界值条件。这里以看跌期权为例,介绍 Black-Scholes 方程所满足的边界条件。

在图 9-6 中, 在到期日, 即格点的右边界上, 期权的价格是确定的:

$$f_{N,j} = \max(K - j\Delta S, 0)$$

在股票价格为0时,看跌期权的价格,应当是执行价格 K 的贴现值。

$$f_{i,0} = Ke^{-r(N-i)\Delta t}$$

还缺一个边界条件就是格点的上边界件应当是什么?从不严格的意义上来说,在股票价格很高的情况下(S 远远大于K),看跌期权的价格应当为0。若 S_{mx} 是一个足够大的值,则下式成立:

$$f_{iM} = 0$$

从本质上说,上边界的约束条件是微分方程的自由边界问题,其准确形式为一

$$\lim_{S \to +\infty} f_{i,+\infty} = 0 \Leftrightarrow \lim_{M \to +\infty} f_{i,M} = 0$$

通过上面的分析,则偏微分方程的边界条件已经具备,方程的离散形式是在 $1 \le i \le N-1$ 且 $1 \le j \le M-1$ 时,

$$a_{j}f_{i,j-1} + b_{j}f_{i,j} + c_{j}f_{i,j+1} = f_{i+1,j}$$

 $a_{j} = \frac{1}{2}rj\Delta t - \frac{1}{2}\sigma^{2}\Delta t$

$$b_{j} = 1 + r\Delta t + \sigma^{2} j^{2} \Delta t$$

$$c_{j} = -\frac{1}{2} r j \Delta t - \frac{1}{2} \sigma^{2} \Delta t$$

在i = N时, $f_{N,j} = \max(K - j\Delta S, 0)$

在 i=0.8寸。 $f_{i,n}=Ke^{-r(N-i)\Delta t}$

在 i = M 时, $f_{i,M} = 0$

在确定了上述边界条件后,对于第 i 列和第 i+1 列的衍生品价格作为列向量,将上述 递推关系式写成矩阵乘法形式。并考虑边界条件有。

则可根据 a、b 和 c 的表达式知 L 矩阵是 $((M-1) \times (M-1))$ 维的,并且其值是固定不变的,并不随着时间,即 i 的改变而改变,则上式可简化成为:

$$Lf^{i} = f^{i+1} - g^{i+1}$$

以上的递推关系即是采用隐性差分法求偏微分方程数值需的方法,其中的递推关系项 存在一个 e⁽⁴⁾ 项,因而不能写成矩阵连乘的形式。

从另外一个方面看,由于给出的用矩阵形式表示的递推关系是正向的,而 Black-Scholes 方程是一个倒向微分方程,因此上述结果涉及矩阵求逆的解法。

【例 9-11】 有限差分法定价实例。已知股票价格是 50 元, 欧式看跌期权执行价格为 50 元, 到期日为 5 个月, 股票价格年波动率为 40%, 无风险利率 10%, 利用隐性差分法 求解除式票路期权的价格。

【步骤1】 应首先构建图 9-6 所示之离散格点。

【步骤 2】 应确定边界条件。

【步骤 3】 根据边界条件和递维关系,从 1=7 逆向导出 1=0 时的欧式看跌期权价格。 建立如下脚本,按 1P5 快捷键提交执行。

8初始化

情通 MATLAB 金閣計資

```
S0-50:k-50:T=5/12:sigma=0.4:r=0.1:
Smax=100;ds=0.5;dt=T/200;
M=round(Smax/ds):
ds=Smax/M:
N=round(T/dt):
dt=T/N:
%构造价格矩阵的边界条件
Matrix=zeros(M+1.N+1):
Matrix(:,N+1) = max(k-linspace(0,Smax,M+1),0):
Matrix(1,:)=k*exp(-r*dt*(N-(0:N)));
Matrix(M+1.:)=0:
* 构造 L 矩阵
i=0:N:
1=0:M:
a=0.5*(r*dt*j-sigma^2*dt*j.^2);
b=1+s1gma^2*dt*i.^2+r*dt;
c=-0.5*(r*dt*j+sigma^2*dt*j.^2);
L=diag(a(3:M),-1)+diag(b(2:M))+diag(c(2:(M-1)),-1):
8倒向递归求解
for loop=N:-1:1:
   tmp=zeros(M-1.1);
   tmp(1) =a(2) *Matrix(1,loop+1);
   tmp(M-1)=c(M)*Matrix(M+1,loop+1);
   Matrix(2:M, loop) = inv(L) * (Matrix(2:M, loop+1) -tmp);
Price-Matrix(:.11
```

则上述脚本的输出结果 Price 就是对应的不同执行价格下的期权价格。

9.8 本章小结

本章开篇即对 Black-Scholes 模型做了详细推导,这部分内容可以在任何一本标准教料 书中找到,因此并没有给出详细的推导过程,希望通过对推导过程的简单介绍,给读者一 个基本的概念。

第二部分主要涉及如何采用离散方法对期权进行定价,MATLAB 提供了三个标准模型 CRR、EOP和ITT,从应用上来说,CRR和EOP模型是量为常见的。

对于期权定价的数学方法,最常用的是微分方理的数值解法,本书只是介绍如何实现 Black-Scholes 方程的数值解法,对于更复杂的衍生品微分方程,需要读者根据需要查阅相 应的数值计量准备料。

数值解法方面,比较常见的一种方法是蒙特卡罗模拟法,这种算法能充分利用并行计 算的优势,将时间复杂度转化成空间复杂度,本书并未介绍,感兴趣的读者可以参阅相关 资料。

第 10 章 投资组合管理与风险控制

本童导速

资产组合管理方面的定量技术是马科维茨在 1952 年创建的资产组合选择理论,这套理论是建立在均值-方差选择基础上的。正是这套理论开启了一个新的领域。

作为个体在不确定性经济环境中的最优策略, 马科维茨是通过方差·均值来定量计量 的。在资产选择组合中, 分为约束和非约束两种情况下的最优选择理论。本章就这两个问 概进行探讨。

随着金融产业的发展, 资产组合的风险控制随着不断爆发的金融危机而是现得愈发重 要, 本章在介绍资产组合理论后, 介绍目前流行的风险控制技术在险价值的概念, 并介绍 几种测定方法。

10.1 投资组合基础概念

本节主要介绍与资产组合管理有关的几个基本概念,及在 MATLAB 计算环境中的处理 方法。这几个基本概念涉及基本的数据格式转换和方差及协方差矩阵的计算,相关系数等。

10.1.1 价格序列和收益率序列间的相互转换

在市场上,见到的直接数据一般来说是金融产品的价格序列,而计算过程中,常常用 到收益率序列,因此实现两者的相互转换,会为计算带来很大的方便,特别是在固定收益 证券的计算过程中。

在 MATLAB 中实现此类计算的函数是 ret2tick 和 tick2ret。

ret2tick 函数将收益率序列转化成价格序列。

【语法格式】

[TickSeries, TickTimes] = ret2tick(RetSeries)

[TickSeries,TickTimes] = ret2tick(RetSeries,StartPrice,RetIntervals,StartTime, Method)

【输入变量】

RetSeries %收益率序列

StartPrice %可选,初始价格,默认值为1

RetIntervals %收益率时间区间

 StartTime
 8开始时间

 Method
 8收益率计算方法、用字符串'Simple'和'Continuous'表示

請順 MATLAB 金虧计賞

【输出变量】

TickSeries %价格序列

TickTimes %价格时间序列。同 TickSeries 相对应

【枝巧与毒汞】

在 ret2tick 函数中,输入变量 Method 为'Simple'时,收益率和价格之间的转换关系是

$$P_{t+1} = P_t(1 + r_t)$$

当輸入变量 Method 为'Continuous'时, 收益率和价格之间的转换关系为

$$P_{t+1} = P_t e^{\tau_t}$$



n,是在对应时间区间内的总收益率,并不是年化的收益率,因而上述价格-收益率关系并不显示包含时间。

輸入变量中的 StartTime 和 RetIntervals 是用来决定输入变量 TickTimes 的。 TickTimes=StartTime+[0 RetIntervals(:)*],可见 RetInterval 和 TickTimes 的维数应当差 1。

【例 10-1】 收益率序列转化成价格序列实例。现有一基金、在如下报告日期时,其 收益率如表 10.1 所示:

麦 10.1 收益率序列

2005-5-1	2006-1-1	2006-3-5	2007-8-3	2008-6-2
NaN	13.86%	27.34%	35.83%	-20.13%

请将如上收益率序列转化成对应的价格序列,即求对应日期的基金净值。

在 M 文件编辑器中输入如下代码、按 F5 快捷键提交执行。

```
clear;clc
time=['2005-5-1';'2006-1-1';'2006-3-5';'2007-8-3';'2008-6-2'];
StartPrice=1;
RetIntervals=diff(datenum(time));
StartPime=datenum('2005-5-1');
Method-'Simple';
RetSeries=[13.86 27.34 35.83 -20.13]'/100;
[TickSeries, TickTimes] = retZtick[RetSeries, StartPrice, RetIntervals,
```

[TickSeries, TickTimes] = ret2tick(RetSeries, StartPrice,RetIntervals StartTime, Method)

在命令會口中得到如下结果。

```
TickSeries = 1.0000
1.1386
1.4499
1.9694
1.5730
TickTimes = 732433
```

732678

732741

733257

733561

【枝巧与種示】

一般情况下,给出的都是日期值,要得到对应的时间区间,最简单的办法是用差分函 数 diff, diff 差分默认的是前向差分。

tick2ret 函数将价格序列转换成收益率序列。

【语法格式】

[RetSeries, RetIntervals]=tick2ret(TickSeries) [RetSeries, RetIntervals]=tick2ret(TickSeries, TickTimes, Method)

【输入变量】

TickSeries TickTimes

%同 ret2tick 的輸出变量 %同 ret2tick 的輸出变量 %同 ret2tick 的輸入变量 Method

Method 【输出变量】

RetSeries

%同 ret.2tick 的输入变量 专同 ret2tick 的输入变量 RetIntervals

【例 10-2】 价格序列转化成收益率序列实例。现有一基金,在下列日期的净值如表 10.2 所示。

表 10.2 基金净值时间序列

2005-5-1	2006-1-1	2006-3-5	2007-8-3	2008-6-2
1.0000	1.1386	1.4499	1.9694	1.5730

求出对应区间的收益率,并同例 10-1 比较。

在 M 文件编辑器中输入如下代买,并按 F5 快捷键提交执行。

clear:clc

TickTimes=datenum(['2005-5-1';'2006-1-1';'2006-3-5';'2007-8-3';'2008... -6 2 1);

Method='Simple';

TickSeries=[1.0000 1.1386 1.4499 1.9694 1.5730]';

[RetSeries, RetIntervals] = tick2ret(TickSeries, TickTimes, Method)

在 MATLAB 命令會口中得到如下结果:

RetSeries =

0.1386

0.2734

0.3583

0.2013 RetIntervals =

楠洞 MATLAB 金額計廳

245 63

516 304

在 MATLAB 命令窗口中輸入如下命令:

>>diff(datenum(('2005-5-1','2006-1 1','2006 3-5','2007-8-3','2008-6-2']))
ans =
245
63
516
304

可见 tick2ret 函数的返回值 RetIntervals 直接是输入变量 TickTimes 的一阶差分。

10.1.2 方差、协方差与相关系数

近代投资组合理论的基础是均值-方差分析,因此在此介绍 MATLAB 中关于方差和均值常用的统计函数是必要的。

设 X、Y 和 2 是三个随机变量,则:

均 值:
$$EX = \int_{0}^{\infty} x f(x) dx$$

方 差:
$$DX = \int_{-\infty}^{+\infty} x^2 f(x) dx - (\int_{-\infty}^{+\infty} x f(x) dx)^2 = EX^2 - (EX)^2$$

协方差·
$$cov(X,Y) = E\{(X - EX)(Y - EY)\} = E(XY) - EX \bullet EY$$

相关系数:
$$\rho = \frac{\text{cov}(X,Y)}{\sqrt{DX}\sqrt{DY}}$$

上述统计量在离散情况下是采用如下公式进行计算。

对于随机变量 X, 有 n 个观测分别为: x_1 , x_2 , ..., x_n , 则

均 值
$$EX = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n}$$
方 差: $DX = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - EX)^2}{n-1}$

$$\sum_{n=1}^{n} x_i y_i = \sum_{n=1}^{n} x_i \sum_{k=1}^{n} x_k \sum_{k=1$$

协方差:
$$cov(X,Y) = \frac{\sum_{i=1}^{x_i} y_i}{n} - \frac{\sum_{i=1}^{x_i} \sum_{i=1}^{y_i} y_i}{n}$$

相关系数:
$$\rho = \frac{\text{cov}(X,Y)}{\sqrt{DX}\sqrt{DY}}$$

其中方差的表达式仅对样本成立。

在 MATLAB 里实现上述计算的数学函数分别是 mean、var/std、cov 和 corr, 这些函数

也将会在后面计算投资组合中经常遇到的,这里关于其用法以及对应的运算做详细介绍。

1. 均值的计算

在 MATLAB 里计算均值是采用函数 mean。

【语法格式】

Mean=mean(X,DIM)

【输入变量】

X 8向量,每个元素是脑机变量的一个观测

DIM 8可选, DIM=1 时(獻认), 按行求平均, DIM=2 时, 按列求平均

【独出变量】

Mean %均值

【例 10-3】 均值计算实例。用 rand 函数生成一个 1×50 的随机向量,求其均值。

在 MATLAB 命令會口依次輸入如下命令·

>> x=rand(1,50); >> mean(x) ans = 0.5536 >> sum(x)/50 ans = 0.5536

可见,mean 函数的算法十分简单,就是等权重平均。注意,读者在做测试时,由于rand 的结果不同,因此得到的结果亦会不同。

另外 X 亦可是一矩阵,此时求平均是按照行或者列方向求均值。默认是按照列求均值, 由参数 DIM 控制。

2. 方差/标准差的计算

方差和标准差之间存在平方关系、方差是标准差的平方。

【语法格式】

Y = std(X.FLAG.DIM)

【输入变量】

x s·列向量

FLAG \$FLAG 是标识是按照样本还是总体。如果 FLAG_0 (數认值)

8则按照样本求; FLAG=1 按照总体求

DIM %按行或者列方向求标准差

【輸出变量】

同理,输入变量 X 可以是矩阵,含义同 mean 函数。

3. 协方差计算

【语法格式】

C=cov(X,FLAG) C=cov(X,Y,FLAG)

【输入变量】 ×

%向量, 如果是护胜, 要求必须同 y 具有相同的维数

Y &

FLAG &是标识是按照样本还是总体。如果 FLAG=0(數认值)则按照样本求。

%FLAG=1 按照总体求

【输出变量】

c 4示義入变量的不同而不同

当 X 时一个向量时, 返回值就是方差, 其作用等同于 var 函数。

对于矩阵的处理,cov 将行看作观测,列看作变量,此时 cov 返回的是协方差矩阵。 如果输入变量 $X \in m \times n$ 的矩阵,则 cov (X) 的返回值协方差矩阵的维数为 $n \times n$ 。其中 方阵是实对称矩阵,对角线为对应变量方差。

如果输入变量为 cov(X,Y) 的形式,其中 X 和 Y 应当由相同的元素数目,其等价于 $COV((X(\cdot)Y(\cdot)))$,这点在应用的时候应注意。

10.1.3 线性规划问题的提出和标准化

投资组合理论是寻找在某些约束下的最优资产配量问题,本质是规划问题。本节将从 数学的角度描述投资组合问题、为后续的资产组合配置奠定基础。

线性规划是在约束条件下(或有限资源情况下)的最优规划问题。数学上,一个完整的线性规划由三部分构成:一变量;二目标函数;三约束条件。其基本的数学模型如下,目标函数 $\max_{z=f(x_1, x_2, \cdots, x_n)}$

$$\sum_{\substack{k_1 \text{node} \\ \text{SI} : \{\sum_{k_1 \text{node}} k_1 x_i \leqslant K_1 \\ \sum_{k_1 \text{node}} k_1 x_i \leqslant K_2 }} \underbrace{k_1 x_i \leqslant K_1}$$

其中目标函数 f 应当是线性函数。

就约束条件来说,并不一定形如 $\sum_{i \in A_i} k_i x_i \leqslant K_i$,可能是等式,或者大于号。在 MATLAB 里线性规划的约束条件必须转化成如上的标准形式才能被 MATLAB 接受。

1. 当约束条件是等式约束条件时

当约束条件的形式是 $\sum_{i\in ands}k_ix_i=K_1$ 时,可以化成 $K_1\leqslant\sum_{k\in ands}k_ix_i\leqslant K_1$,将此不等式拆解成

不等式组有
$$\sum_{\substack{x_1=k\\x_2=k}}^{k_1x_1\leqslant K_1} c_{k_1x_1\leqslant -K_1}$$
 ,可见一个等式的约束条件等价于一个标准形式下的不等式组。

2. 当约束条件是大于等于约束条件时

当约束条件的形式是 $\sum_{i\in M_0} k_i z_i \geqslant K_1$ 时,两边同乘负号,即可得到结果

$$\sum_{i \in sub_1} -k_i x_i \leqslant -K_1$$

即将不等式化成两边同乘-1即可。

上述标准形式,并不是优化工具箱中的标准形式,只是在资产组合有效前沿的求解过 程中对标准条件的一种表示方法。

10.2 资产组合风险-收益计算

在马科维茨的理论中,核心是在风险和收益的计算上,为此 MATLAB 提供了多种函数可以用来计算资产组合的相关统计变量。

10.2.1 资产组合的收益率和方差

本节,从资产组合最基本的两个统计变量开始,介绍相关的计算方法。由于涉及统计和线性规划数学,感兴趣的读者可自行查阅相关资料。

线有 n 项资产 X_1, X_2, \cdots, X_n , 每项资产的期望收益率分别为 η_1, v_2, \cdots, v_n , 其协方差矩 阵 $COV(X_1, X_2, \cdots, X_n)$,对应资产在资产组合里的权重分为 $\omega_1, \omega_2, \cdots, \omega_n$,其中 $\sum \omega_1 = 1$ 。 则,根据期望和协方差的定义及运算性质有。

投责组合的方差为 $C=\bar{\omega}*COV*\bar{\omega}^T$, 其中 $\bar{\omega}$ 为 $1\times n$ 的行向量, $\bar{\omega}^T$ 为其转量后的列向量。COV 是一个 $n\times n$ 的协防差矩阵。

10.2.2 收益率和标准差的计算

在市场上,得到的直接數据是价格數据,而这里需要的是收益率數据,因此可利用 10.1 节介绍的 tick2ret 函數,将价格序列转化成收益率序列。

关于多资产的协方差计算,在得到收益率后,按照 10.1 节介绍的 cov 函数的使用规范,可很容易得到相应的协方差矩阵。

在 MATLAB 中计算资产组合收益和标准差的函数是 portstats。

【语法格式】

[PortRisk, PortReturn] = portstats (ExpReturn, ExpCovariance, PortWts)

桶通 MATLAB 金融計資

【输入变量】

ExpReturn ExpCovariance %资产组合中各项资产的期望收益向量 %各项资产收益率构成的协方差矩阵

8各项资产权量

PortWts

PortRisk PortReturn 8资产组合收益的标准差

%资产组合的期望收益

【例 10-4】 投資组合收益率期線和方差计算实例。2008 年 4 月 28 日 ~ 5 月 28 日的 市场数据如下: 思料, JP 庫根, Google, 花旗银行在 22 个交易日中的股票收盘价如表 10.3 所示。以收盘价来计算收益率, 求此一篮子股票的日收益率期望及标准差。其中个股票在 资产池中权重分别为: 0.2 0.3 0.4 0.1。

表 10.3 四大公司 4.28~5.28 股票收益价格®

CSCO	JPM	Google	Citi
25.54	42.86	568.24	21.6
25.59	43.01	560.9	21 66
25.1	42.32	544.62	21 12
25.58	43.05	549.46	21.72
25.37	42.42	549.99	21.06
25.85	43.7	578.6	22.11
26.37	45.99	577.52	22.99
26.51	46.53	580.07	23.12
26.5	47 02	581	23.73
25.75	45.91	576.3	23.25
25.89	45.48	583	23.03
25.84	47.24	584.94	23.64
25.49	46.57	573.2	23.63
25.7	46.05	583.01	24.3
25.78	46.57	579	24.48
26.33	48.2	586.36	25.87
26.28	48	594.9	25.75
26.75	48.66	581.29	26.39
26.67	49.25	593.08	25.99
25.64	47.65	574.29	25.27
25.51	47.08	558.47	26.32
25.35	47.34	552.12	26.81

将表 10.3 的收盘价格数据输入到工作区中,构成价格矩阵 Price。在输入完成后,在

① 数据来源 finance.google.com,也可用 fetch 函數从 quote.yahoo.com 上自动获取。

M 文件编辑器中输入如下代码,并按 P5 快捷键提交执行。

```
Ret_tickAret(Price);
ExpRet.wemen(Ret);
ExpCov=cov(Ret);
Wts=[0.2 0.3 0.4 0.1];
[PortRisk, PortReturn] = portstats (ExpRet, ExpCov, Wts)
```

得到结果

PortRisk = 0.0169 PortReturn = 0.0020

由此可见,在 MATLAB 从价格序列出发,计算资产组合的期望收益率和标准差是十 分方便的。

当然如果直接给定收益率,权重和协方差矩阵,计算资产组合的统计特征也是十分方便的。

10.2.3 VaR 的计帧

VaR 技术,是一种风险度量技术,其核心是在资产回报的分布给定的情况下,度量在 亲重信水平下的最大损失值,将这个值作为新量资产风险的一种方法。一般重信水平是同 倍产结有人的风险偏好相关。

前面介绍的方差等风险衡量手段对单个资产来说是明确不过的,但是对于一个包含有 1000 只股票的资产组合来说,衡量单只股票的风险要 1000 个标准差,还有其相关风险, 总共要 100 万个变量。

将上述变量综合起来,形成 VaR 作为一个统一的风险衡量标准,用一个数值,含义明确协说明了资产组合的风险。因而 VaR 技术假快流行开来,并形成了许多变种改进。

计算 VaR 的一般步骤包含如下三步:

- 首先计算资产组合的方差。根据权量和协方差矩阵计算资产组合的方差:
- 根据管信度(比如 95%)。在正态分布表音找相应的下分位数:
- 计算 VaR 值。

【例 10-5】 投资组合 VaR 计算实例。根据例 10-4 所提供的历史数据, 计算此资产组合的 VaR, 时间区间为 1 个月,置信水平为 95%。

将表 10.3 的收盘价格数据输入到工作区中,构成价格矩阵 Price。在输入完成后,在 M 文件编辑器中输入如下代码、并按 F5 快捷键想交执行。

```
ExpP=mean(Price);

C=cov(Price);

Wta=[0.2 0.3 0.4 0.1];

ExpPort-Wts-ExpPy;

PortVar-Wts-CWHS: 1;

ConLeve.0.95;

idf('normal'.1-Coniev.ExpPort.PortVar-
```

護漢 MATLAB 宗神计算

则可以得到如下结果.

ans = 183.2244

其中, ExpP 是每项资产构成的平均价格; C 是四项资产的协方差矩阵; Wts 是每项在产在资产组合中的权重。

ExpPort 则是资产组合的平均价格; PortVar 是资产组合的方差; ConLev 是置信水平。 icdf 函数的作用是求出给定量信水平的下分位数。

icdf 的使用参看 MATLAB 的帮助文档。

在 MATLAB 中, 计算资产组合 VaR 的函数是 protvrisk。

【语法格式】

ValueAtRisk=portvrisk(PortReturn, PortRisk, RiskThreshold, PortValue)

【输入变量】

PortReturn

8资产组合的期望回报 8资产组合的标准化等

PortRisk RiskThreshold

4可选, 1-置信区间, 默认值是 5% 4可选, 资产组合价值, 默认值是 1

PortValue

ValueAtRisk

%资产组合的 VaR

10.3 资产组合有效前沿

在资产组合理论中,核心思想是资产分散化配置,用以来防范个体风险。因此就存在 一个最优化的问题。

如果按照马科维茨的逻辑,资产配置,就是资产在不同投资产品之间的分配,以求达 到方差和期望收益的最佳组合。这个组合的'最优'取决于投资者自身的偏好和资产有效 配置问题。

资产的配置有效的前提是资产配置位于资产组合的有效前沿上。在此上的资产组合才 能根据投资者具体的偏好而做到最优分配。

10.3.1 资产有效前沿概念

建立在均值-方差基础上的资产组合理论,寻求的最优化结果是在等方差的情况下,收益的最大化,或者,等收益的情况下,方差的最小化。

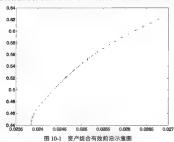
用数学语言描述就是如下的线性规划问题:

目标函数: min $\sigma^2 = \bar{\omega} * COV * \bar{\omega}^T$

约束条件: $r_{fix} = \vec{\omega} * \vec{r}'$; $sum(\vec{\omega}) = \sum \omega_i = 1$

如图 10-1 所示是一个标准的资产方差有效前沿的示意图, 其图是描述国内五种指数:

上证 50ETF, 上证 180ETF, 红利 ETF, 深证 100ETF, 中小板五种指数在 2007 年的资产 有效前沿。下面就将根据统计数据,介绍如何计算资产有效前沿的方法。



下面分为简单约束条件和复杂约束约束条件两种情况,介绍上述线性规划问题最优解 的繁法。

10.3.2 简单约束条件下的资产组合有效前沿

在 MATLAB 中计算资产组合有效前沿的函数为 frontcon。

【语法格式】

[PortRisk, PortReturn, PortWts] = frontcon(ExpReturn, ExpCovariance, NumPorts, PortReturn, AssetBounds, Groups, GroupBounds, varargin)

【输入变量】

ExpReturn 电资产组合中没想资产的期望回报 ExpCovariance 电单向资产的协方差矩阵

ExpCovariance %单向资产的协方差矩阵 NumPorts %可选,资产有效前沿上的点的个数,默认值是 10

PortReturn t可洗,资产有效前沿上的资产组合的回报

AssetBounds %可选,单向资产的权量约束 Groups %可选,分组条件

Groups \$可选,分组条件
GroupBounds \$可选,组约束条件
varargin \$可洗,自选参数

「輸出変量」

PortRisk %资产组合的标准差 PortReturn %资产组合的收益 PortWts %资产组合的权重 其中.

- NumPort,是指在计算出来的结果中,有多少个样本点。其值直接决定了输出参数的维数。其數认值是10个点,在最大收益点和最小风险点之间等间隔划分。
- PortReturn 是同 NumPort 关联的一个变量,指定点数时,投资者可能会对目标期望收益有一个自己的心理值,这样可以把这个向量放到这里,以便于计算出的点能够符合检查的期望收益。
- AssetBounds 是针对单项资产的约束条件,当有 NASSET 项资产时、AssetBounds 的输入是一个2×NASSET 维数的矩阵。两列分别表示资产组合中每项资产权重的 约束条件。第一列为资产权重的下边界、第二列为资产权重的上边界。
- Groups 是针对资产的分组,便于管理,比如按照股票、权证和债券对资产组合中的 资产进行分组。Groups 是一个为 n x N ASSET 维数的矩阵,其中 n 是根据投资者编 好划定的分组规则。当 G(i,j)=1 时,表明第 j 种资产属于第 i 组;当 G(i,j)=0 时,表 明第 j 种资产不属于第 i 组。
- GroupBounds 同輸入变量 AssetBounds 类似,是针对组内全部资产权重的约束。 GroupBounds 和 AssetBounds 的默认值都是下边界默认为 0,上边界默认为 1,即任何一项资产都可以不被包含在资产组合中、同时,任何一项资产都可以构成资产组合的全部:在允许卖空条件下的约束下边界为一个负数,负数的绝对值就是允许卖空头寸的上限。这意味着frontcon 的约束条件默认值是不允许卖空的。

输入变量 varargin 取值是同优化算法相关,在此不做详述,感兴趣的读者可参考帮助 文档中的 varargin 可取值范围。

【例 10-6】 中國股結投資組合計算实例。2007 年中国股市刷附历经一个前所未有的 中市,股指频创新高,对于投资于股指的普遍投资者来说,如何分风险成为投资者资产安 全的重中之重。对沪深两市有代表性的五个指数 2007 年的散播统计得出,

指数收益率统计如表 10.4 所示。

奏 10.4 五指数 2007 年收益事数据

推 数	50ETF	180ETF	红利ETF	漂证 100ETF	中小板
收益率	0.405533	0.49012	0.507552	0.620121	0.438577

指数协方差矩阵如表 10.5 所示。

æ 10.5 五指教协方兼矩阵

协方差	50ETF	180ETF	红利ETF	深证 100ETF	中小板
50ETF	0.000603	0.000565	0.000644	0,000589	0.000512
180ETP	0.000565	0.000596	0.000656	0.000612	0.000537
红利ETF	0.000644	0.000656	0.000839	0.00071	0.000648
深证 100ETF	0.000589	0.000612	0.00071	0.000716	0.000643
中小板	0.000512	0.000537	0.000648	0.000643	0.000712

一个投资者复制如上五个指数的基金,请根据以上数据计算其资产组合的有效边界。 在 MATLAB 脚本中輸入如下命令、按 P5 快捷镰执行脚本。

[PortRisk, PortReturn, PortWts] = frontcon(ExpReturn,ExpCovariance, NumPorts);

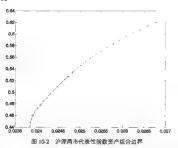
plot(PortRisk, PortReturn, 'r+-');

得到图 10-2。

4

0.2288

0.5612



读者可以从图 10-2 中清楚地看到图中共有 30 个加号点,这就是输入变量 NumPorts 决定的。

同时读者可以在Figure图中采用数据标识工具发现,上述加号点的纵坐标是等间隔的。 通过输入变量PortRetura可以控制这些点的纵坐标,从而得到同期望收益对应的投资组合。

另外在返回值PortWts中,包含了上述资产组合有效边界上上述30个点的资产权重值, 如表10.6 所示。

推	敷	50ETF	180ETF	红利ETF	深征 100ETF	中小板
1		0.4283	0.3305	0	0	0.2412
2		0.3618	0.4074	0	0	0.2307
3		0.2953	0.4843	۸	0	0.2203

0

身 10.6 沪深南市代惠性指数资产有效前沿权重数值

0.2099

指数	50ETF	180ETF	红利ETF	深证 100ETF	中小板
5	0.1623	0.6381	0	0	0.1995
6	0.1074	0.6972	0	0.0072	0.1883
7	8190.0	0.6952	0	0.0388	0.1742
8	0.0763	0.6932	0	0.0705	0.1600
9	0.0607	0.6913	0	0.1022	0.1459
10	0.0452	0.6893	0	0.1338	0.1317
П	0.0296	0.6873	0	0.1655	0.1176
12	0.0141	0.6853	0	0.1972	0.1035
13	0	0.6815	0	0.2296	0.0889
14	0	0.6600	0	0.2697	0.0704
15	0	0.6385	D	0.3097	0.0518
16	0	0.6170	0	0.3497	0.0333
17	0	0.5955	0	0.3898	0.0147
18	0	0.5687	0	0.4313	0
19	0	0.5213	0	0.4787	0
20	0	0.4739	0	0.5261	0
21	0	0.4265	0	0.5735	0
22	0	0.3791	0	0.6209	0
23	0	0.3317	0	0.6683	0
24	0	0.2843	0	0.7157	0
25	0	0.2369	0	0.7631	0
26	0	0.1896	0	0.8104	0
27	0	0.1422	0	0.8578	0
28	0	0.0948	0	0.9052	0
29	0	0.0474	0	0.9526	0
30	0	0	0	1.0000	0.0000

从表 10.6 中可以明显地看出红利 ETF 并不是一个有效的资产,在资产有效前沿上, 其权重均是 0。而上证 180ETF 在一般情况下,其权重均不为 0。

在中国资本市场上,指数投资的意义在于,相对于个股而言,其走向更能反映整个市场的状况,在这种情况下,投资指数能规避个体风险。而从上面的计算结果中可以看出,在构建投资组合时,入选红利 ETF 并不是明智的选择。^①

10.3.3 复杂约束条件下的资产组合有效前沿

在10.3.2 节,介绍了简单约束条件下的资产组合有效前沿的计算方案,但是在实际问题中,资产组合的约束条件并不是如 frontcon 所示之简单,因此有必要介绍在 MATLAB 思是如何组供一个描述复杂约束条件的解决方案。通过介绍 protcon 函数,介绍 MATLAB 是如何组织约束条件的

① 以上计算结果,根据 2007 年历史数据得出,仅做展示用,并不构成投资建议。

本节将要介绍的是复杂约束条件下的资产组合有效前沿计算。首先涉及的是如何描述 复杂约束条件。

在 MATLAB 里,资产组合的复杂约束条件是通过函数 portcon 来构造的:在解决掉约束条件的描述后,涉及资产有效前沿的计算问题,在 MATLAB 实现约束条件下的最优规划求解是通过 portoot 函数。

约束条件说明的构造。

【语法格式】

ConSet = portcons(varargin)

【输入变量】

varargin %用户自定义字段

【類出変量】

ConSet \$约束条件集合

portcon 函數,采用线性不等式的方式构建资产组合的约束条件。輸出变量 ConSet 是 形如 ConSet = {A b}形式的一个矩阵,其代表的含义是线性约束条件 A*PortWts' <= b。其 中 PortWts 是一个代表每项资产权重的向量。

ConSet = portcons('ConstType', Datal, ..., DataN) 是否建立指定约束形式的约束矩阵。'ConstType'的可取值是:

AND LOCAL DATA MEDIUM TANKAN LI	1 Marion I American
約束类型	构造函数
Default	
PortValue	pcpval.
AssetLims	pealims.
GroupLims	peglims.
GroupComparison	pegcomp.
Custom	

表 10.7 资产组合的束条件类型及构造函数

对于表 10.7 中 ConSet 的参数含义,可自行参阅帮助文档。特殊别是对于参数为 Custom 的情况,可以根据用户自定义来构建约束条件。

资产组合有效前沿求解:

【语法格式】

[PortRisk, PortReturn, PortWts] = portopt(ExpReturn, ExpCovariance, NumPorts, PortReturn, ConSet, varargin)

【输入变量】

ExpReturn %同frontcon ExpCovariance %同frontcon

精網 MATLAB 宗觀计資

NumPorts PortReturn 8同 frontcon 8同 frontcon

ConSet

8参见 portcon 函数 8間 frontcon

[植出金襴]

sk %同frontcon

PortRisk PortReturn PortWts

を同frontcon

读者可根据实际情况决定 portopt 的使用。特别关注约束条件 ConSet 的构建。

10.3.4 隨机模拟法确定资产组合有效前沿

在实际中,某些约束条件过于复杂,或描述很难,或约束条件的复杂程度在线性规划 求解时很难在有效的时间内求解,或者根本没有有效解法。

这个采用蒙特开罗模拟的方式便成为一个有效的方式,而且从计算上来说,蒙特卡罗 模拟的方式可以非常容易的实现并行计算,而目前察问计算机的并行计算能力已经大幅提 高,为这类问题的求解提供了技术上的可能性。

此类问题求解的逻辑步骤可以概括成如图 10-3 所示。



图 10-3 蒙特卡罗模拟求解资产组合有效前沿

以上方法是整个随机过程模拟的基础。循环的次数一直到符合条件的样本数量足够 大,产生的结果精度足够高即可。关于这方面的内容,读者可自行查阅相关蒙特卡罗模拟 的书籍。

【例 10-7】 资产有效前沿计算实例。根据例 10-6 的数据: 沪深两市五指数的收益 率及其协方差矩阵,利用随机模拟的方式,求资产组合的有效前沿,并同例 10-6 的结果

做比较。

在 MATLAB 脚本中输入如下代码,并按 F5 快捷键执行。

```
ExpReturn=[0.405533 0.49012 0.507552 0.620121 0.438577];
ExpCovariance=[0.000603 0.000565 0.000644 0.000589 0.000512
0.000565 0.000596 0.000656 0.000612 0.000537
0.000644 0.000656 0.000839 0.00071
                                         0.000648
0.000589 0.000612 0.00071
                             0.000716 0.000643
0.000512 0.000537 0.000648 0.000643 0.000712];
EffectivePoints=[0 0]:
for i=1:20000
  Wts_rand(1,5);
  Wts=Wts/sum(Wts):
  EffectivePoints(i,1)=Wts*ExpReturn';
  EffectivePoints(i,2) = sqrt(Wts*ExpCovariance*Wts');
for i=1:20000
  plot(EffectivePoints(i,2),EffectivePoints(i,1),'q,');hold on;
end:
```

则可得到结果图 10-4。

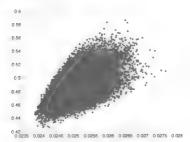


图 10-4 随机模拟法求解资产组合有效前沿

将图 10-2 和图 10-4 画在同一张图中,可得到资产组合有效边界对比,如图 10-5 所示。 转果图 10-4 和图 10-5 是在 20000 个随机模拟点的基础上绘制的均值、标准差分布图。 同线性规划的资产组合有效前沿相比较,可见两者能够很好地吻合,对于两者之间的差别, 可以通过增加模拟点的方式来减小。

在资产规模很大,资产种类很多的情况下,线性规划求解并不是一个有效的解法,甚至由于约束条件的特殊性。相应的提到求解算法都会相对而言很复杂。



0.4 0.0235 0.024 0.0245 0.025 0.0255 0.028 0.0265 0.027 0.0275 0.028

图 10-5 随机模拟和线性规划求解资产组合有效边界对比图

而这时蒙特卡罗滕机模和就为此类资产组合有效前沿的求解提供了强有力的手段,并 且算法上极其简单,在模拟的每一步可以相应地提高有效样本的产生频率,减少循环次数, 并通过增加人为约束条件而减少有效的爆和次数。

在廉价 PC 性能逐渐提供的今天,采用网格进行并行计算,为蒙特卡罗模拟求解此类 线性规划提供了足够强有力的技术手段。

10.4 资产配置

前面介绍了不同的求解资产组合有效边界的方法,但是资产组合的有效边界并不是最 终的结果。本节则重如何结合投资者的个人偏好求解解决资产配置问题。

本节讨论的前提是存在无风险资产, 并且存在借贷情况(即允许卖空)下的资产配置 问题。

10.4.1 资产配置问题概述

假设投资者都是风险厌恶的,则在相同效用下的投资者无差异曲线应当是凸的。投资 者的最优资产组合应当是投资者的效用曲线同图 10-6 中的建线相切的点。

而图 10-6 中的虛线同资产组合有效边界的切点是风险资产组合。两个点的之间的调整 是由于无风险资产的多空调整造成的。

因此资产配置问题,是解决如何在风险资产和无风险资产之间进行配置以达到效用最大化的目的。在 MATLAB 里,假设投资者的效用函数有如下二次函数形式:

$$U = E(r) - 0.5 * A * \sigma^2$$

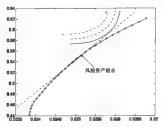


图 10-6 最优资产组合配置

在效用 U 固定的情况下,E(r) 和 σ 之间的关系是一开口向上的二次函数,MATLAB 里用系数 A 用來表示风险厌恶程度,A 一般在 $2\sim4$ 之间,A 越大,则风险厌恶程度就越高, 对应期 10.6 中的无差导血线分准致敏大。

10.4.2 资产配置问题求解

在给定风险厌恶程度和相关资产组合信息后,MATLAB中求解最优资产配置的函数是 portalloc.

【语法格式】

[RiskyRisk,RiskyReturn,RiskyWts,RiskyFraction,OverallRisk,OverallReturn]
PortRisk, PortReturn, PortWts, RisklessRate, BorrowRate,
RiskAversion]

【输入变量】

PortRisk \$實产组合有效前沿上资产组合标准差 PortReturn \$實产组合有效前沿上的资产组合回报 PortWts \$實产组合有效前沿上的资产权置 RisklessRate \$无风险利率

tisklessRate %无风险利料

BorrowRate %可选,借款利率,默认值是没有借贷 Nan RiskAversion %可选,风险厌恶程度,默认值是 3

【输出变量】

OverallReturn

%资产组合的整体回报率

【例 10-8】 资产组合配量计算实例。现有如下三项资产 A、B 和 C,其期望收益率 为 10% 20% 15%。协方差矩阵为: $COV = \begin{pmatrix} 0.005 & -0.010 & 0.004 \\ -0.010 & 0.040 & -0.002 \\ 0.004 & -0.002 & 0.023 \end{pmatrix}$ 。在无风险利率为 8%,

借贷利率为12%,风险厌恶系数为3,求最优资产组合配置。

在 MATLABM 文件编辑器中输入如下代码,并按 F5 快捷键执行。

```
EXPReturn = [0.1 0.2 0.15];
ExpCovariance = [0.005 -0.010 0.004
-0.010 -0.002
0.004 -0.002 0.023];
[PortRisk, PottReturn, PortMts] = portopt (ExpReturn, ExpCovariance);
RisklessRate = 0.08; BorrowRate = 0.12; RiskAversion = 3;
RiskyRisk, RiskyReturn, RiskyWts, RiskyPraction, ...
OverallRisk, OverallRisk, OverallRisk, PortReturn, PortMts, RiskyRisk, PortReturn, PortMts, RisklessRate, BorrowRate, RiskAversion)
```

可得到如下结果:

```
RiskyRisk = 0.1283
RiskyReturn = 0.1788
RiskyWts = 0.0265 0.6023 0.3712
RiskyFraction = 1.1898
OverallRisk = 0.1527
OverallReturn = 0.1899
```

由以上返回结果可以看出:

风险资产组合部分的标准差是 12.83%; 风险资产组合部分的期望收益是 17.88%; 风 险资产的权重分别为 2.65%、60.23%和 37.12%; 总资产是风险资产的 1.1898 倍,即风险 资产占总资产的 1/1.1898=84.05%; 资产组合总的标准差是 15.27%, 总的回报是 18.99%。

10.5 本章小结

本章介绍的是关于资产组合管理方面的应用。在成功的投资活动中,风险的控制是至 关重要的,根据历史数据统计出的结果虽然有一定的局限性,但是对投资行为的指导意义 也是明显的。

本章按照资产组合数学基础、资产组合有效前沿和资产配置的顺序结合 MATLAB 内置函数进行讲解,希望通过本章的介绍能够为读者在实务工作方面提供一点方便。

第 11 章 奇异期权和利率期权定价

本意异读

本书前面章节介绍了金融计算中常见的模型,模型的目的是应用。本章侧重在前述讲解的基础上介绍如何利用上述模型和一些数值方法对金融衍生产品讲行定价。

本章介绍的金融产品主要集中在利率期权和奇异期权方面。读者应当领会这些定价方 法,这些方法是更复杂的金融产品定价的基础。

11.1 普通香草期权

欧式期权和美式期权最大的不同在于期权执行的时间, 欧式期权只能在到期日执行, 而美式期权能在到期日之前的任何时间执行。

一般来说,欧式期权用 Black-Scholes 公式进行定价。Black-Scholes 公式给出欧式期权 定价的解析解。但对等式期权来说。一般没有一个标准的解析解。

美式期权虽然理论上具有提前执行的权力,但是一般情况下,美式期权不会被提前执行; 这是因为所有美式期权都具有非负的时间价值、建州一个美式期权将比執行此期权获利更多。

美式期权和欧式期权的另外一个显著区别是 当两者具有其他相同的因素,则美式期权的价格不低于欧式期权的价格,即美式期权稀比欧式期权更贵。美式期权相对于欧式期权的游价源于其可提前较行的条款。

但在特殊情况下,美式期权的捷前执行是有价值的。对一个处于实值的看涨期权,当 由于股息支付导致其降低的价值大于其时间价值的,美式期权会被捷前执行;当一外汇期 权处于深度实值状态时,如果本币比标的货币的利率低很多,则会造成期权的提前执行; 这主要是由于两种货币的时间价值不一样导致的,当标的物是债券,执行价格是债券的"脏 价"时,在象票支付日前并且处于实值状态,美式期级会存在提前执行的情况。

黄金看跌期权当处于深度实值状态时,也会存在提前执行的情况,主要是由于实物在 高通胀的情况下,具有保值的公用,而货币却存在贬值的风险。

根据不同的分类标准、期权可以分为不同的种类。

11.2 执行条件不同的奇异期权

有很多期权,使其执行的条件是多种多样的,但是此类期权仍然同普通的美式期权和

欧式期权是一样的,只是其执行的触发条件是不同的。

有些期权是按照不同的执行时间来分类的,这些类有 Bermudan Options³, Canary Options 等。也有按照执行价格和交易量分类的奇异期权。

11.2.1 百萬大期权

百萬大期权是一类特殊的期权,其执行价格是提前确定的,但是对于期权的执行时间 却只能在特定时间执行,而不能在任意时间执行。这种执行时间上的特性决定了百慕大期 权的价值一定是介于欧式期权和美式期权之间的。

一般 Bermudan Options 常见于外汇市场和利率市场。例如,一个 Bermudan 式的互换 期权(swaption),给予互换期权特有者选择入场的时间。

Bermudan 名称的由来是由于地理位置上 Bermudan 位于美洲和欧洲之间,因此介于美式期权和欧式期权之间的期权就被命名为 Bermudan Options。

为 Bermudan Options 定价的主要困难在于难以确定其边界条件。由于多个行权日的存在,导致了其边界条件难以确定。因此一般来说,用蒙特卡罗模拟的方法为其定价较多。 也可采用格点法为 Bermudan Options 定价。

11.2.2 复合期权

复合期权(Compound Options)其标的物是一个期权。因此,总共有四种复合期权 基于看涨期权的看涨期权(call on call),基于看涨期权的看涨期权(put on call),基于看 跌期权的看涨期权(call on put),基于看涨期权的看跌期权(put on put)。

复合期权含有两个执行价格和执行日期,这里分别计为 K_1 、 K_2 和 T_1 、 T_2 。在第一个 执行日期 T_1 ,一个基于看涨期权的看涨期权(call on call)持有者以第一个执行价格 K_1 买 入一名涨期权,买入的看涨期权,到期日是 T_2 ,执行价格是 K_2 。只有在 T_1 的时候,作 为标的物的看涨期权的价格太干 K_1 的时候,期权才会被抽行。

在几何布朗运动的假设下,欧式复合期权可以通过对二维正态分布的积分得到其解析 解。因此存在如下的结论。

对于基于看涨期权的看涨期权 (call on call), 其定价公式是.

$$P(c,c) = S_0 e^{-qT_1} M(a_1,b_1; \sqrt{T_1/T_2}) - K_2 e^{-rT_1} M(a_2,b_2; \sqrt{T_1/T_2}) - e^{-rT_1} K_1 N(a_2)$$

其中,

$$\begin{split} a_1 &= \frac{\ln(S_0/S^*) + (r-q + \sigma^2/2)T_1}{\sigma\sqrt{T_1}} \ , \quad a_2 = a_1 - \sigma\sqrt{T_1} \\ b_1 &= \frac{\ln(S_0/K_2) + (r-q + \sigma^2/2)T_2}{\sigma\sqrt{T_2}} \ , \quad b_2 = b_1 - \sigma\sqrt{T_2} \end{split}$$

① 由于对于奇异期权的译名存在众多版本,本书对于奇异期权采用其英文名称。

关于函数 $M(a,b,\rho)$ 是二维正态分布的累积概率密度函数,代表第一个变量小于 a,第二个变量小于 b 的联合概率分布。其中 ρ 代表的是两个随机变量的相关系数。

变量 S^{*}是使得了时刻,标的期权的价格等于执行价格 K₁时,标的资产的价格。 T₁时 刻,当栋的资产的价格高于S^{*}时,栋的期权的价格会高于执行价格 K₁,则期权会被执行, 复合期权的持有者,将会以执行价格 K₁持有一个 T₂到期的看涨期权; 如果标的资产的价 格低于 S^{*}时,标的期权的价格会低于执行价格 K₁,期权会被直接放弃。

同理,可以得到另外3种欧式复合期权的定价公式如下。

基于看涨期权的看跌期权 (put on call)

$$P(p,c)=K_2e^{-rT_2}M(-a_2,-b_2;-\sqrt{T_1/T_2})-S_0e^{-qT_2}M(-a_1,-b_1;-\sqrt{T_1/T_2})+e^{-rT_1}K_1N(-a_2)$$

基于看跌期权的看涨期权 (call on put)

$$P(c,p)=K_2e^{-rT_2}M(-a_2,-b_2;-\sqrt{T_1/T_2})-S_0e^{-qT_2}M(-a_1,-b_1;-\sqrt{T_1/T_2})-e^{-rT_1}K_1N(-a_2)$$

基于看跌期权的看跌期权 (put on put):

$$P(p,p)=S_0e^{-qT_2}M(a_1,-b_1;-\sqrt{T_1/T_2})-K_2e^{-rT_2}M(a_2,-b_2;-\sqrt{T_1/T_2})+e^{-rT_1}K_1N(a_2)$$

11.3 Shout Options

11.3.1 Shout Options 简介

Shout Options 是一种欧式期积,期权的持有含者积农期权的有效期内进行收益锁定, 并不放弃其未来可能高收益的情况。在期权的到期日,期权的持有者获得的收益是按照普 语欧式期权的收益和在期权存徙期内啮定收益中的较大值。

具体来说, Shout Call Options 的持有者,在股票价格为 100 美元的时候买入的 Shout Options,在股票价格上涨到 120 美元时,其选择执行了其持有的期权中的 "Shout" 的权利,则其 Shout Options 的割削收益将是 120-K 和 S-K 两者中较大的。

其中 S 是在期权到期日时标的资产的价格,而 K 是期权约定的行权价格。所以 Shout Options 的特性是为期权的特有者提供了一个锁定已实现收益的手段,当标的资产大幅度 攀升,投资者此时可以锁定期权的内在价值,同时又不放弃在剩余的时间内,标的资产价 格可能的大幅上升。

从这点意义上,Shout Options 同回望期权有点类似。但是却相对便宜很多。之所以价 传上比回望期权少很多,最重要的一个原因是由于回望期权,是在期权存練期內的最低入 高价进行结算,而 Shout Options 的持有者只能以一个在这个期间的转变价格彻定收益。

从另外一个角度来看,回键期权在执行时拥有的信息更多,而对于 Shout Options 所拥有的信息则相对较少。

假设,投资者在时间 τ 额定收益,此时标的资产价格是 S_r ,执行价格为 K_r ,而到期时间T时,标的资产价格是 S_r ,则持有 shout options 在到期日将获取的收益为:

 $\max(\max(0, S_r - K), S_T - K) = \max(0, S_T - S_r) + S_r - K$

显然,上式中 S_r 一定是大于执行价格 K 的。否则,通过提前 Shout 来锁定的收益如果是一个负值的话则是没有意义的。

11.3.2 Shout Options 估值

关于 Shout Options 的估值,采用二叉树方法,下面通过一个实例进行讲解。

【例 11-1】 Shout Options 估值实例。一只股票,现在的价格是 50 美元, 年波动率是 40%, 无风险利率为 5%, 距离到期日有九个月时间。请计算基于这只股票的执行价格为 60 美元的一个 Shout Call Options 的价格。假设此股票没有分红派息。

首先,根据第9章介绍的方法,构建模拟股票价格运动过程的二叉树。已知 $S_0=50$, σ =40%,r=5%。选定时间间隔 $\Delta t=0.25$,则构造出来的结果将是一个三期的二叉树。构造二叉树所需要的参数如下

$$a = e^{(r-q)\Delta t} = e^{5\% \cdot 0.25} = 1.0126$$

$$u = e^{\sigma/\Delta t} = 1.2214$$

$$d = e^{-\sigma/\Delta t} = 0.8187$$

$$P = \frac{a - d}{u - d} = 0.4814$$

根据以上参数,构建股票价格过程的二叉树,如图 11-1 所示。

构建了如上的股票价格二叉树之后,接 下来需要确定,在每一个节点期权的价格, 从最后的节点开始。首先在最后如果股票价 格是 91.11,则期权的价格为 91.11-60=31.11。

如果股票价格为 61.07,则期权价格为 61.07—60=1.07,因此倒推得到前一个节点处期权的价格是 (0.4814×31.11+0.5186×1.07) exzp(-5%×0.25)=15.3383,这个期权价格是在 我们沒有 Shout 的情况下得到的期权价格。下面计算 Shout 的情况下,最后获得收益。



图 11-1 Shout Options 定价股票价格二叉树

在价格是 74.59 时,假设 Shout Options 的持有者,在价格为 S_{τ} 时锁定了收益,根据 Shout Options 的定义在期权到期时,获取的收益将是

$$\max(0,S_T-S_r)+S_r-K$$

所以在价格是 74.59 时,如果 Shout,则其价格是 74.59-60=14.59,加上一个执行价格 是 74.59,期限是 3 个月(0.25 年)的期权,按照如上的二叉树,可以得到此时期权的价格应当是[14.59+(0.4814x(9].1]-74.59)+0.5186x(0) bexto(-5%x(0.25)=22.2615。 因此在价格为 74.59 的节点上,期权的价格应当是 22.2615。

在 t=0.50, 价格为 50 时,期权持有者肯定不会 Shout,则按照普通的欧式期权进行计 算可以得到期权价格是 0.5088。

在 =0.50, 价格为 33.52 时期权价格是 0。

接下来考虑在 =0.25, 价格是 61.07 时的期权价格。同样分为锁定收益和未锁定收益 的情况。

在未锁定收益的情况下。采用风险中性的定价方法有,(0.4814×22.2615+0.5186×0.5087) xexp(-5%×0.25)= 10.8442。

而在锁定收益、即在价格为 61.07 BP,期较的持有者 Shout 之后,其价格应当是 61.07-60=1.07,加上一个执行价格为61.07,到期时间为 6 个月的欧式期权。则有其价格应当 81.074.04.84.079(1) 1.4.1 07%-274.8414-01 1860-04-01 1867-2010)8250-5%-02.552-8.2350。

是[1.07+(0.4814^2x(91.11-61.07)+2x0.4814x0.5186x0+0.5186^2x0)]xexp(-5%x0.25x2)=8.2350。 则根据如上计算,可知道,在 =0.25,价格为 61.07 时,期权的价格应当是 10.8442.

同理,在 t=0.25,价格为 40.94 时,由于期权持有者一定不会 Shout,则可得到期权的价格为 $(0.4814\times0.5088+0.5186\times0)$ xexp $(-5\%\times0.25)=0.2419$ 。

由于在 =0 时,股票价格低于执行价格 60,所以一定不会锁定收益,因此,直接进行 加权平均并折现得到期权的价值应当是。

(0.4814×10.8442+0.5186×0.2419)×exp(-5%×0.25)=5.2795

上述计算过程如图 11-2 所示。

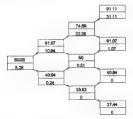


图 11-2 Shout Options 定价二叉树

11.3.3 Shout Options 定价程序

根据前面的分析, Shout Options 的定价代码实现如下:

function price = shout(s0, strike, sigma, t, rfrate, ngrid) %为一个call shout options 进行定价

•构建价格二叉树刚参数

```
deltaT=t/(ngrid 1);
    a=exp(rfrate*deltaT):
    u=exp(sigma*deltaT^0.5);
    d=1/u:
    p=(a-d)/(u-d);
    a=1-p:
    S=zeros(ngrid, ngrid):
    opt-zeros (ngrid, ngrid);
    %构建价格矩阵
    for 1=1:ngrid
       for i=1:i
          S(i,i)=s0*u^{(i-1)}*d^{(2*(i-1))}
       and.
    end;
    opt(:,ngrid)=max(S(:,ngrid)-strike,0);
    %构建期权价格矩阵
    for i=(ngrid-1):-1:1
       for 1=1:1
          % 没有 shout 的情况
          sl=exp(-rfrate*deltaT)*(p*opt(j,i+1)+q*opt(j+1,i+1));
          %shout 锁定收益的情况
          if(S(i,i)>strike)
             call = myshout( S(j,i),S(j,i),sigma,rfrate,deltaT*(ngrid-i),
ngrid-i+1):
              s2=call+(S(j,1)-strike)*exp(-rfrate*deltaT*(ngrid-i));
          else
              s2=0:
          end:
          opt(j,i)=max(s1,s2);
       end:
   end;
   price=opt(1,1);
   %SUBFUNCTION 用二叉树方法计算歌式看涨期权价格
   function call = myshout( s0, strike, sigma, rfrate, t, ngrid)
   deltaT=t/(ngrid-1);
   a=exp(rfrate*deltaT):
   u=exp(sigma*deltaT^0.5);
   d=1/u;
   p=(a-d)/(u-d);
   q=1-p;
   S=zeros(ngrid, ngrid);
   opt=zeros(ngrid,ngrid):
   for i=1:ngrid
      for i=1:i
          S(j,z)=s0*u^{(1-1)}*d^{(2*(j-1))}
      end:
   end:
   opt(:,end)=max(S(:,end)-strike.0):
   for i=(ngrid-1):-1:1
```

```
for j=1:i
    opt(j,i)=exp(-rfrate*deltaT)*(p*opt(j,i+1)+q*opt(j+1,i+1));
    end;
end;
call=opt(1,1);
end
```

【例 11-2】 Shout 定价函数应用实例。根据例 11-1 提供的数据,利用上述代码对其进行定价。

一只股票,现在的价格是 50 美元, 年波动率是 40%, 无风险利率为 5%, 距离到期日 有九个月时间。请计算基于这只股票的执行价格为 60 美元的一个 Shout Call Options 的价格。假设此股票没有分红饭息。

```
>> price = shout( 50, 60, 0.4, 0.75, 0.05, 40)
price =
5.3909
```

可见在分为 40 个个点的情况下对于上述期权的定价结果为 5.3909。在改变参数的情况下验证 10.3.2 的结果有:

```
>> price = shout( 50, 60, 0.4, 0.75, 0.05, 4)
price = 5.2795
```

可见结果是完全一样的。

11.4 亚式期权

11.4.1 亚式期权简介和分类

在期权的设计中,有一类期权,不仅和标的资产的最终价格有关,还依赖于产品的价格路径。这不同于前面介绍的 Shout Options, Shout Options是一种提前执行类的期权,而本节要介绍的期权是一种豁径依赖期权。

亚式期权是一种其收益依赖于期权存续期内标的资产平均价格的期权。一般来说,亚式期权关于平均有两种,一种是对于其执行价格是不确定的,是某段时间内价格的平均。对于这种亚式看涨期权其收益是 $\max(0, S_T - K_{org})$: 而另外一种是其到期结算价格并不是最终的 S_T , 而是某段时间内的价格平均。对于这种亚式期权,其看涨期权的收益是 $\max(0, S_{org} - K)$ 。

上述对亚式期权的描述中,涉及一个价格平均的概念。一般在亚式期权中,平均分为 算数平均、几何平均和加权平均三种。

对于算数平均,就是简单的等权平均 ·
$$X_{avg} = \frac{\sum_{i=1}^{n} X_i}{n}$$

对于几何平均,其计算公式是
$$X_{avg} = \sqrt[n]{\prod_{i=1}^{n} X_i}$$

对于加权平均,最重要的是如何事先确定权重向量 $\bar{a}:~X_{avz}=rac{\sum\limits_{j=1}^{n}a_{i}X_{i}}{n}$

11.4.2 亚式期权的解

对于亚式期权,并不是在所有的情况下都会有解析解的,在某些情况下, 其解会有很好的解析性质。一般来说其解析解是不存在的, 需要在某种近似下进行分析。

如果假设标的资产的价格S遵循的是对数正态分布,则对于其几何平均 S_{org} 来说, S_{org} 遵循的也同样是对数正态分布,在这种假设条件下,欧式亚式期权是存在解析解的。

即对于具有提前执行权的美式期权,在资产价格服从对数正态分布的假设下,仍然是 没有解析解的。

注意到这里所提到的 S_{org} 并不是执行价格,而是指到期结算价格,即其执行价格K是確定的。

假设存在这样的一个亚式期权,其定义如上所示,其收益是基于标的在产价格在某段 时间内的几何平均的。

在风险中性的世界中,如果将资产的期望增长率设定为 $(r-q-\sigma^2/6)/2$,而不是通常情况下的r-q。其波动率设定为 $\sigma t\sqrt{3}$,而不是 σ 。

在这样的假定下,此亚式期权可以被看做是一个普通的期权,其波动率是 $\sigma/\sqrt{3}$,其派息率设定为·

$$r-(r-q-\sigma^2/6)/2=\frac{1}{2}(r+q+\sigma^2/6)$$

在如上的假设下,可以将这个亚式期权按照新设定的参数,作为一个普通的欧式期权 进行定价。

在一般情况下,如果平均的法则是算数平均,则亚式期权并没有一个懈析的定价公式, 由于对于算术平均并没有一个标准的对数正态分布。

但是作为算术平均, 其分布近似一个对数正态分布。利用此性质, 可得到一个算术平均亚式期权的近似解析解。

在 1991 年 Turnbull 和 Wakeman 提出的 TW 近似下,考虑到一阶和二阶近似其得到结果:

$$\begin{split} M_1 &= \frac{e^{(r-q)T}-1}{(r-q)T}S_0 \\ M_2 &= \frac{2e^{(2r-2q+\sigma^2)T}S_0^2}{(r-q+\sigma^2)(2r-2q+\sigma^2)T^2} + \frac{2S_0^2}{(r-q)T^2} (\frac{1}{2r-2q+\sigma^2} - \frac{e^{(r-q)T}}{r-q+\sigma^2}) \end{split}$$

在计算得到如上参数后,如假设算术平均值符合对数正态分布,则可以将算术平均的

亚式期权看做是一个基于期货的期权。其中.

$$F_0 = M_1$$
, $\sigma^2 = \frac{1}{T} \ln(\frac{M_2}{M_1^2})$

式中 F_0 是期货价格, σ 是期货价格的波动率,则根据相应的计算期货期权的计算公式。

$$c = e^{-rT} [F_0 N(d_1) - KN(d_2)]$$

$$p = e^{-rT} [KN(-d_2) - F_0 N(-d_1)]$$

其中.

$$d_{1} = \frac{\ln(F_{0}/K) + \sigma^{2}T/2}{\sigma\sqrt{T}}$$

$$d_{2} = \frac{\ln(F_{0}/K) - \sigma^{2}T/2}{\sigma\sqrt{T}}$$

【例 11-3】 亚式期权定价实例

假设一个刚刚发行的执行价格是确定的,到期价格是某段时期内价格的平均的亚式看涨期权。 其标的物为一不分红的股票,股票价格为50 美元。期权执行价格是50 美元,股票价格的波动率是40%,无风险利率是10%,到期日是一年以后。在这种情况下有 $,S_0=50$, K=50, r=10%, a=0, $\sigma=04$, T=1。

- 1) 计算到期价格按照几何平均的方式计算时,亚式期权的价格。
- 2) 计算到期价格按照算数平均的方式计算时、亚式期权的近似价格。
- 解: 1) 假设亚式期权的到期价格平均是按照几何平均的方式计算的,则这样可以将 此亚式期权看做一个具有如下参数的普通期权: 波动率 $\sigma' = \frac{\sigma}{\sqrt{3}} = 23.09\%$,派息率 $q' = \frac{1}{2}(r + q + \sigma^2/6) = 6.33\%$, $S_0 = 50$,K' = 50 ,r' = 10% ,利用 Black-Scholes-Merton

在 MATLAB 中輸入如下的代码。

因而得到在这种情况下的亚式看涨期权的价格为 5.13 美元。

2)如果亚式期权的到期价格平均是按照算数方法进行计算的,则并没有一个清晰的解析解可以得到亚式期权的价格。这里利用上面介绍的公式做近似计算。

首先计算

模型进行定价。

$$M_1 = \frac{e^{(r-q)T}-1}{(r-q)T}S_0$$

$$M_2 = \frac{2e^{(2r-2q+\sigma^2)T}S_0^2}{(r-q+\sigma^2)(2r-2q+\sigma^2)T^2} + \frac{2S_0^2}{(r-q)T^2}(\frac{1}{2r-2q+\sigma^2} - \frac{e^{(r-q)T}}{r-q+\sigma^2})$$

得到

$$M_1 = 52.59; M_2 = 2922.76$$

所以得到,

$$F_0 = M_1 = 52.59$$
, $\sigma_F^2 = \frac{1}{T} \ln(\frac{M_2}{M_s^2}) = 23.54\%$

根据前面的分析,这种情况下,亚式期权的价格类似一个期货期权、根据公式、

$$c = e^{-rT} [F_0 N(d_1) - KN(d_2)]$$

其中.

$$d_{1} = \frac{\ln(F_{0}/K) + \sigma^{2}T/2}{\sigma\sqrt{T}}$$

$$d_{2} = \frac{\ln(F_{0}/K) - \sigma^{2}T/2}{\sigma\sqrt{T}}$$

得到此亚式看涨期权的近似价格是 5.62。其计算过程的 MATLAB 代码如下。

```
clear;
s0=50;%展集价格
k=50;%行权价格
r=0.1;%天风险刑率
q=0;%混集率
sigma=0.4;%波动率
t=1;
n1=(exp(r*t-q*t)-1)/(r-q)*s0;
n2=2*exp(2*r-2*q+sigma^2)*s0^2/(r-q+sigma^2)/(2*r-2*q+sigma_^2)+2*s0^2/
f0=m1;
sigmaf=(log(n2/n1^2))*0.5;
d1=(log(f0/k)-sigmaf^2/2)/sigmaf;
d2=(log(f0/k)-sigmaf^2/2)/sigmaf;
d2=(log(f0/k)-sigmaf^2/2)/sigmaf;
```

11.5 亚式期权数值解法

在 11.4 节中介绍了到期价格在几何平均下的亚式期权定价公式和在算术平均下的近 似解析解。但是在实际工作中更常用的是采用二叉树的方法对其进行定价。

在 11.6 节中,我们将通过一个实则详细讲案关于回题绑权的定价,亚式躺权的定价与 此有着美似的地方,但是由于亚式崩权是依赖于平均价格的,而回望崩权是依赖于路径极 值的、因此对于回望搁权通过极值讲开分集。新化划论是可行的。 但是对于亚式期权,由于其对路径的强依赖性,这种简化对亚式期权来说,是不可行的。 图 11-3 是摩根大通一年期间的股票价格收盘价,按照亚式期权的定义,其价格的平均 应在股票价格连续的情况下,应当是一个积分平均的概念。

在实际操作中,显然不可能是积分平均,一般可以某段时间内所有交易日的收盘价进行计算。

而在利用二叉树进行定价时的平均,一般来说是一某段时间内的所有节点的价格进行 平均,这样,计算平均值的样本数目就与需数过程中的取样时间间隔相关。

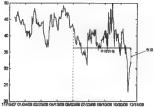


图 11-3 JPM 股价平均图

从理论上来说,需要记录下到达莱点的全部略径数据N(i, j),则根据二叉树的特性,在下一个阶段上的点(i+1, j),其路径的数目M(i+1, j)=N(i, j)+N(i, j-1)。这样,随着时间的地推统"百点的路径数日度操作的速度再上微性的。

读者可以自行尝试一下,按照记录下所有路径值的方法,当二叉树取 50 步时,计算 所需的资源。就已超出普通的计算机所能提供的资源。

为此,本节介绍一种和回望期权不同的数值方法用以解决这类强路径依赖期权的数值 解问题。用以降低强路径依赖金融产品定价计算的复杂度。

其核心思想是插值,认为当平均价格在某个区间时,认为期权的价格都可以以一个代 表值来进行计算,在实际操作中是确定平均价格极值,然后均分,为此引入下面的路径函 数 P 的糖 会。

11.5.1 二叉树的路径函数

路径函数是将路径转化成特定值的函数,在亚式期权中,是采用路径转化成均值。由于股票价格在某个二叉树节点上的均值,不仅仅和此节点上的股票价格相关,而且和达到这个节点的路径也是相关的。

但正如上面讨论的,由于计算复杂度的约束,不可能针对所有的路径都计算平均值, 因此采用了首先求出路径函数下的最大值和最小值,然后取出有代表性的点,计算对应的 期权价格。

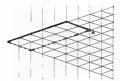


图 11-4 二叉树中的极大路径和极小路径

如果平均价格不在取出的代表性点上,则采 用线性插值的方案进行计算,下面通过实例来说 明详细的计算过程和计算结果。仍然以欧式看涨 亚式期权为例讲解。

首先应找到路径函数 F 的最大值和最小值, 即对于任何一个节点,找到到达这个节点的所有 路径中的最大值和最小值。

在一个典型的二叉树中,如图 11-4 所示的 平行四边形。实线所代表的路径是到达 A 点所

有的路径中平均价格最大的点,虚线所代表的路径是到达 A 点所有的路径中平均价格最小的点。 暗线所代表的路径是到达 A 点所有的路径中平均价格最小

11.5.2 平均价格的确定

在求得极大和极小值之后,根据需要将此区间均分,每一个代表点的值就是这些均分 点上的平均价格,求出对应于此平均价格的极大值和极小值即可。

假设在每个节点,将均值区间分成四个区间,即 $\{A_{ng},A_{ng}^2,A_{ng}^2,A_{ng}^2,A_{ng}^2,A_{ng}^2\}$ 代表节点 A 处 的 代表性 点 。 其中 A_{ng}^1 代表的 是最小的平均值, A_{ng}^2 代表最大的平均值。 $\{A_{ng},A_{ng}^2,A_{ng}^2,A_{ng}^2,A_{ng}^2,A_{ng}^2\}$ 代表与上述代表性均值对应的期权价格。

即当到达 A 点时,如果平均价格是 A_{out}^2 ,则对应的期权价格是 A_{out}^2 。但是也有一种可能性就是均值并不落在上述五个代表性均值中,而是落 在均值之间,则采用线性插值的方法得到对应的均值。

如图 11-5 所示,同理对应的 B 点和 C 点有 相 同 的 均 值 和 期 权 价 格 , 分 别 为 $[B_{ng}^{l}, B_{ng}^{l}, B_{ng}^{l}, B_{ng}^{l}, B_{ng}^{l}, B_{ng}^{l}]$ 、 $[C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}]$ 、 $[C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}]$ 、 $[C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}]$ 、 $[C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}, C_{ng}^{l}]$

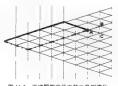


图 11-5 亚式期权定价中的二叉树演化

11.5.3 回溯法计算期权价格

在果用回溯法计算 A 点的不同的平均价格对应的朝权价格时,B 点和 C 点的平均价格 和 期权价格 应当为已知,即 $\{B_{mg}, B_{og}, B_{og}, B_{og}, B_{og}, B_{og}\}$ 、 $\{C_{og}, C_{og}, C_{$

当在 A 点的平均价格是 A_{avg}^i ,利用风险中性定价法求其对应的期权价格 A_{apt}^i 。假设我

们将T=1分成了 120 个时间间隔,则每个月含有 10 个时间间隔,这样 S_{ext} 就应当是当前 价格和历史路径上最近的 9 个价格的加权平均。

$$A_{avg}^{up} = \frac{9 * A_{avg}^i + 1 * S_B}{10}$$

其中 S_B 是在节点 B 处的股票价格。同样可以得到, $A_{ang}^{down} = \frac{9*A_{ang}^i+1*S_C}{s_B}$ 。

需要注意的是,这都是一种近似。因为并不能简单地将 A 点的平均价格和 B 点的价 格加权平均就得到 B 点的平均价格,但是在时间足够细分的情况下,数值解是可以足够精

得到了平均价格并不能直接得到对应的期权价格,即Ass。并不一定落在 $[B_{avz}^1,B_{avz}^2,B_{avz}^3,B_{avz}^4,B_{avz}^5]$ 五个值当中,需要进行线性插值得到对应的期权价格,假设 A_{avz}^{uv} 是落在了 B_{me}^{k} 和 B_{me}^{k} 之间,其中 $B_{me}^{l} < B_{me}^{k}$,k=i+1则有如下公式

$$A_{opt}^{up} = \frac{B_{opt}^k - B_{opt}^j}{B_{ops}^k - B_{ops}^j} (A_{avg}^{up} - B_{avg}^j) + B_{opt}^j$$

同理可以得到.

$$A_{opt}^{down} = \frac{C_{opt}^k - C_{opt}^j}{C_{out}^k - C_{out}^j} (A_{avg}^{up} - C_{avg}^j) + C_{opt}^j$$

在上述计算的基础上,根据风险中性定价法则有如下结果,在节点 A 对应于平均价格 A_{out} 的期权价格 $A_{\text{out}}^{l} = e^{-r^2 h t} [p * A_{\text{out}}^{\text{out}} + q * A_{\text{out}}^{\text{down}}]$ 。这样不断地进行回溯,即可得到亚式期 权的价格。

11.5.4 定价实例

假设一个刚刚发行的执行价格是确定的,到期价格是期权存缴期内平均价格的平均的 亚式看涨期权。其标的物为一不分红的股票、股票价格为 50 美元。期权执行价格是 50 美 元,股票价格的波动率是40%,无风险利率县10%,到期日是一年以后。在这种情况下有, $S_0 = 50$, K = 50, r = 10%, q = 0, $\sigma = 0.4$, T = 1

到期日的收益为 max(S_{ave} - K,0), 其中 S_{ave} 是最近一个月的股票的平均价格。将T=1分成 120 个时间区间。则在初始点的编号为 1 时,最后一个时间节点的编号应当是 121。首 先老虎二叉树中的最后一个阶段。

对干节点(121,3),按照最近的10个节 点讲行平均,得到其最大值和最小值,如图 11-6 所示。图 11-6 只是整个二叉树的一部分。

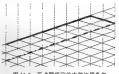


图 11-6 亚式期权定价中的边界条件

最大平均值是实线所代表的路径,而虚线是代表最小平均值的路径。对于一个节点(i,j)来说,有如下极值的计算公式.

$$\begin{split} F_{\max}(i,j) &= \frac{\sum_{k=0}^{i-1} S(i-k,j-k) + \sum_{k=j}^{N_{\max}-1} S(i-k,1)}{N_{\arg}}, (j < N_{\arg}) \\ F_{\max}(i,j) &= \frac{\sum_{k=0}^{N_{\max}-1} S(i-k,j-k)}{N_{\arg}}, (j \ge N_{\arg}) \\ F_{\min}(i,j) &= \frac{\sum_{k=0}^{i-1} S(i-k,j) + \sum_{k=i-j}^{N_{\max}-1} S(i-k,i-k)}{N_{\arg}}, (j > i-N_{\arg}) \\ F_{\min}(i,j) &= \frac{\sum_{k=0}^{N_{\max}-1} S(i-k,j)}{N_{\arg}}, (j \le i-N_{\arg}) \end{split}$$

其中Nave是在价格平均的时间区间内的样本点数目。

按照前面的分析,将 $F_{\max}(i,j)$ 和 $F_{\min}(i,j)$ 之间的区间以平均的方式分成四个区间,分别为 \cdot

$$A_h(i,j) = F_{\min}(i,j) + \frac{h}{4}(F_{\max}(i,j) - F_{\min}(i,j)), (h = 0, 2, \dots, 4)d$$

当点(i, j)的平均价格是 $A_k(i, j)$ 时,有:

$$\begin{split} A_k^{up}(i,j) &= \frac{N_{avg} * A_k(i,j) + S(i+1,j)}{N_{avg} + 1} \\ A_k^{down}(i,j) &= \frac{N_{avg} * A_k(i,j) + S(i+1,j+1)}{N_{avg} + 1} \end{split}$$

所以根据线性插值法得到:

$$\begin{split} O_k^{\text{ipp}}(i,j) &= \frac{O_m(i+1,j) - O_{m+1}(i+1,j)}{A_m(i+1,j) - A_{m+1}(i+1,j)} (A_k^{\text{app}}(i,j) - A_m(i+1,j)) + O_m(i+1,j) \\ O_k^{\text{down}}(i,j) &= \frac{O_m(i+1,j+1) - O_{m+1}(i+1,j+1)}{A_m(i+1,j+1) - A_{m+1}(i+1,j+1)} (A_k^{\text{app}}(i,j) - A_m(i+1,j+1)) + O_m(i+1,j+1) \end{split}$$

其中 $A_m(i+1,j)$ 是节点 (i+1,j) 处代表性均值中小于 $A_n^{pr}(i,j)$ 中的最大值。同时需要 注意的是对 $A_n^{pr}(i,j)$ 的插值并不一定是内插,由于 $A_n^{pr}(i,j)$ 可能在下一个节点的最大平均值和最小平均值之外,因此,存在插值点在插值区间之外的情况,这里在计算时尤其需要 注意。

对应的期权的价格分别为:

$$O_k(i, j) = e^{-r^* \Delta t} [p * O_k^{up}(i, j) + q * O_k^{down}(i, j)], (k = 1, 2, \dots, 5)$$

按照上述方法继续回溯, 最终得到亚式期权的价格。

11.5.5 亚式期权定价程序

根据前面的分析。亚式期权的定价代码实现如下。

function [Price OptionGrid AvgGrid] = asiaoptioneur(s0, sigma, strike, rfrate, g.t, ngrid, navg)

```
象计算数式看涨亚式期权价格的函数
8构建二叉树所需参数
a=exp((rfrate-g)*t/(ngrid-1));
u=exp(sigma*(t/(ngrid-1))^0.5);
d=1/u;
p=(a-d)/(u-d);
q=1-p;
8. 生成价格二叉树
for i=1:ngrid
  for j=1:i
      S(j,i)=Sv(s0,u,d,i,j);
  end:
end:
8计算节点处的最大平均值和量小平均值,并进行插值
for i=1:ngrid
  for j=1:i
      maxV=fmax(s0,u,d,i,j);
      minV=fmin(s0,u,d,i,i):
      Avg(j,i)=linspace(minV,maxV,navg);
  end:
end:%
Opt=cell(ngrid.ngrid):
%计算二叉树末端的到期日是期权价格
for mm=1:ngrid
  Opt(mm.ngrid)=max(Avg(mm.ngrid)-strike.0);
end;
%回溯法计算期权价格,需要进行插值运算,注意外插的情况
for i=(ngrid-1):-1:1
  for j=1:1
      for k=1:navg
         avg=Avg{j,i}(k);
         avgup=(i*avg+S(i,i+1))/(i+1):
         if(j==1)
            optup=Opt(i,i+1)(k):
         else
            if(avgup>-min(Avg(j,i+1))&&avgup<-max(Avg(j,i+1)))
               for tmp=1:(navg-1)
```

if(avgup>=Avg(j,i+1)(tmp) & avgup>=Avg(j,i+1)(tmp) & avgup=avg(j,i+1)(tmp+1))
optup=((avgup-Avg(j,i+1)(tmp)) optup=((avgup-Avg(j,i+1)(tmp)) + (avg(j,i+1)(tmp+1) - avgup) *
Opt(j,i+1)(tmp)) / (avg(j,i+1)(tmp+1) - avg(j,i+1)(tmp));

280 > > >

```
end;
                                                                                     and.
                                                                        end;
                                                                        if (avgup<min(Avg{j,i+1}))
  optup=((avgup~Avg{j,i+1}(1))*Opt{j,i+1}(2)+(Avg{j,i+1}(2)-avgup)*Opt{j,i+1}
  (1))/(Avq(j,i+1)(2)-Avg(j,i+1)(1));
                                                                        end:
                                                                        if (avgup>max(Avg(j,i+1)))
  optup=((avgup-Avg(j, i+1)(navg-1))*Opt(j, i+1)(navg)+(Avg(j, i+1)(navg)-avgup)
  *Opt(j.i+1)(navg-1))/(Avg(j,i+1)(navg)-Avg(j,i+1)(navg-1));
                                                                      end.
                                                          end:
                  ******************************
                                      avgdown=(i*avg+S(1+1.i+1))/(i+1):
                                      if(i==i)
                                                   optdown=Opt(j+1,i+1)(k);
                                     else
                                                   if(avgdown>=min(Avg(j+1,i+1))&&avgdown<=max(Avg(j+1,i+1)))
                                                             for tmp=1:(navg-1)
                                                                 if(avgdown>=Avg{j+1,i+1}(tmp) &&avgdown<=Avg(j+1,i+1)(tmp+1))
 optdown = \{(avgdown - Avg(j+1, i+1) (tmp)) + Opt(j+1, i+1) (tmp+1) + (Avg(j+1, i+1) (tmp+1) + 
 1) -avgdown) *Opt(j+1,i+1)(tmp))/(Avg(j+1,i+1)(tmp+1)-Avg(j+1,i+1)(tmp));
                                                               end:
                                                     end;
                                        end:
                                                     if (avgdown<min(Avg(i+1.i+1)))
 optdown = ((avgdown - Avg\{j+1, i+1\}(1)) *Opt\{j+1, i+1\}(2) + (Avg\{j+1, i+1\}(2) -
avgdown) *Opt(j+1,i+1)(1))/(Avg(j+1,i+1)(2)-Avg(j+1,i+1)(1));
                                                     end:
                                                     if(avgdown>max(Avg{j+1,i+1}))
optdown = ((avgdown - Avg\{j+1, i+1\} (navg-1)) *Opt\{j+1, i+1\} (navg) + (Avg\{j+1, i+1\} (navg-1)) *Opt\{j+1, i+1\} (navg-1) + (Avg[j+1, i+1] (navg-1) + (Avg[j+1
g) -avgdown) *Opt(j+1,1+1) (navg-1)) / (Avg(j+1,i+1) (navg) -Avg(j+1,1+1) (navg-1));
                                                    end:
                                          end:
                                                       Opt(j,i)(k)=exp(-rfrate*t/(ngrid-1))*(p*optup+q*optdown);
                                          end;
                             end:
                end;
                8结果輸出
                Price=Opt(1,1)(1);
               OptionGrid=Opt:
               AvgGrid=Avg:
                *SUBFUNCTION
                function v=fmax(s0,u,d,i,i)
               sumV=0:
                for k=0:(j-1)
                           sumV=sumV+Sv(s0,u,d,1-k,j-k);
               end:
               for k=j:(i-1)
                           sumV=sumV+Sv(s0.u.d.i-k.1):
```

```
end:
v=sumV/1;
end
. 48888
function v-fmin(s0,u,d,i,j)
sumV-0:
for k=0: (i-j)
   sumV=sumV+Sv(s0,u,d,i-k,j);
end:
for k=(i-i+1):(i-1)
   sumV=sumV+Sv(s0,u,d,i-k,i-k);
end:
v=sumV/i;
end
****
function s=Sv(szero,u,d,i,j)
   s=szero*u^(i-1)*d^(2*(i-1)):
end
```

【例 11-4】 亚式期权定价结果。某亚式期权标的物为一不分红的股票,股票价格为 50 美元。期权执行价格是 50 美元,股票价格的波动率是 40%,无风险利率是 10%,到期 日是一年以后。在这种情况下有, $S_0=50$, K=50, r=10%, q=0, $\sigma=0.4$, T=1。期权的行权价格为量后两个月股票价格的重水平均。

将一年的时间点分成 60 个间隔,则最后两个月的股票平均价格就是最后 10 个节点的价格数据。利用本节的代码可以得到如下结果。

在 MATLAB 命令會口中輸入如下命令:

>> [Price OptionGrid AvgGrid] = asiaoptioneur(50,0.4,50,0.1,0,1,60,10); 德列的价格为7.47。

在不同的时间划分下,不同的行权价格平均下得到不同的结果,如表 11-1 所示。

平均數目 时间节点	4	10	30	60
20	7.17	5.87	5.57	5.55
40	9.09	6.67	5.68	5.59
60	10.88	7.47	5.92	5.66
80	12.64	8.24	6.22	5.80

表 11-1 亚式期权定价结果

11.6 回望期权

11.6.1 回望期权简介

回望期权的收益依赖于在期权存续期内,标的物资产价格所达到的最大值或最小值。

根据不同的定义,回望期权根据执行价格是否固定分成两个大类,第一类是固定执行价格的回望期权。第二类是浮动执行价格的回望期权。其到期收益分别如下

$$c_{\text{fixed}} = \max(0, S_{\text{max}} - X)$$
 $p_{\text{fixed}} = \max(0, X - S_{\text{min}})$
 $c_{\text{float}} = \max(0, S - S_{\text{min}})$ $p_{\text{float}} = \max(0, S_{\text{max}} - S)$

可见,对于固定执行价格的回望期权来说,其执行价格是确定的,而到期价格是过程 中对期权持有者最有益的价格——即看涨期权的到期价格是标的资产价格在期权存续期 内的最大值。而着跌期权的到期价格是标的资产作期权存缩期内的最小值。

对于第二类浮动执行价格的回望期权,一个欧式看涨期权意味着期权的持有者可以以期 权 存 续期 内 的 最 小 价 格 买 入 , 而 后 以 当 前 价 格 S 实 出 , 获取 的 收 益 是 $c_{Clost} = \max(0, S - S_{min})$;而对于一个这样的欧式看跌期权来说,意味着期权的持有者可以以过程中标的资产所达到的最大价格卖出,当前的买入价就是到期价格 S,这样,其持有收益是 $p_{Ropt} = \max(0, S_{max} - S)$ 。

对于第二种类型的欧式回望期权、其价格存在解析解如下。

对于这样的欧式看涨期权,在初始时,其价格是:

$$S_0e^{-qT}N(a_1) - S_0e^{-qT}\frac{\sigma^2}{2(r-q)}N(-a_1) - S_{\min}e^{-rT}[N(a_2) - \frac{\sigma^2}{2(r-q)}e^{Y_1}N(-a_3)]$$

其中参数公式如下:

$$\begin{split} a_1 &= \frac{\ln(S_0 \, / \, S_{\min}) + (r - q + \sigma^2 \, / \, 2)T}{\sigma \sqrt{T}} \\ a_2 &= a_1 - \sigma \sqrt{T} = \frac{\ln(S_0 \, / \, S_{\min}) + (r - q - \sigma^2 \, / \, 2)T}{\sigma \sqrt{T}} \\ a_3 &= \frac{\ln(S_0 \, / \, S_{\min}) + (-r + q + \sigma^2 \, / \, 2)T}{\sigma \sqrt{T}} \\ Y_1 &= \frac{2(r - q - \sigma^2 \, / \, 2)\ln(S_0 \, / \, S_{\min})}{\sigma^2} \end{split}$$

其中 S_{min} 是期间标的资产价格达到的最小值,如果是在 t=0 的时刻,则 $S_{min}=S_0$ 。同样给出此类回望看跌期权的定价公式·

$$S_{\max}e^{-rT}[N(b_1) - \frac{\sigma^2}{2(r-q)}e^{r_1}N(-b_2)] + S_0e^{-qT}\frac{\sigma^2}{2(r-q)}N(-b_2) - S_0e^{-qT}N(b_2)$$

其中參数如下.

$$\begin{split} b_1 &= \frac{\ln(S_{\max} / S_0) + (-r + q + \sigma^2 / 2)T}{\sigma \sqrt{T}} \\ b_2 &= b_1 - \sigma \sqrt{T} = \frac{\ln(S_{\max} / S_0) + (-r + q - \sigma^2 / 2)T}{\sigma \sqrt{T}} \end{split}$$

$$b_3 = \frac{\ln(S_{\text{max}} / S_0) + (r - q - \sigma^2 / 2)T}{\sigma \sqrt{T}}$$

$$Y_2 = \frac{2(r - q - \sigma^2 / 2) \ln(S_{\text{max}} / S_0)}{\sigma^2}$$

对于如上的欧式回望期权定价是较为简单的,下面通过实例介绍美式回望期权的定价过程。通过美式回望期权的定价分析,希望读者能够掌握路径依赖期权的一般定价方法。

11.6.2 定价的二叉树方法

假设有一只股票,初始价格是 50 美金,股票价格的年波动率是 40%,无风险利率为 10%,期权到期日为1年以后。求以此股票为标的物的美式回望看跌期权的价格。

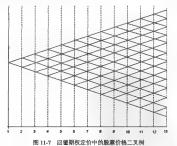
此问题是典型的对于路径依赖期权的求解问题。理论上来说,对于路径依赖期权的求 解是需要包含全部股票价格路径信息的。即期权的最龄价格应当不仅仅取决于股票价格的 最后状态、还取决于到达这种状态的路径。

一般来说,由于路径的任意可达性,对于此类问题很难存在一个标准的解析解。因此 数值方法对于此类路径依赖期权的定价就存在很重要的意义。这里我们给出一个程序上的 设计思路,方便读者在以后的学习工作中能够自行设计所需定价程序。

首先对于一个美式看跌回望期权,其一个典型特征就是存在提前执行的可能性,因此 在任何一步都要做判断 回望期权是否会被提前执行?

無決问題的第一步是构造相应的二叉树来模拟股票价格的髓机运动。根据 CRR 二叉树的构造过程得到相应的参数如下: S_0 =50, σ =0.4,r=10%, Δt =1/12,u=1.1224,d=0.8999,a=1.0084,p=0.5073

关于 CRR 二叉树的构造,读者可以参考第 9 章中关于二叉树的构建部分。根据如上 参数得到一个如图 11-7 所示的二叉树。



続儀 MATLAB 金融计值

在这里,我们将整个时间分成 12 个小的时间段,便于说明,做如下规定:时间原点规定为 1,对于每一个时间的横截面 t=i,从上到下的每个节点编号为 1,2, \cdots , j_{\max} , 其中 $j_{\max}=i$ 。这样对于每一个节点都存在唯一的一个坐标(i,j)与其对应。

则节点(i, j)处的股票价格应当是 $S_{04}^{i-1}d^{2(j-1)}$ 。根据此公式,则对应构建的股票价格工义树上三角矩阵S是非常简单的。

由于是一个美式的看鉄回望期权,其在执行时的收益应当是 $\max(S_{\max} - S_r, 0)$,其中 S_r 是在时间t时美式看鉄回望期权被执行: S_{\max} 是在这个过程中股票价格所触及的最大价格。

根据以上分析,对于一个非边界的节点 A,坐标为 (i,j) (即 $i\neq j,j\neq 1$),所有达到 A 点的路径中,可能的量大值不小于其在 (i,j) 点的股票价格 S(i,j);而此最大值的可能上限不能超过图 1i-8 中 D 点所示,而其中的 B 点和 C 点均是 S_{max} 的可能取值。

根据如上的分析,对于点 A, 坐标为 (i, j), 到达此点的所有路径可能的最大值并不 是非常多,只有 i 有可能性, $S_{max} = S(i-k, j-k)$, 其中 $k = 0.2, \dots, j-1$ 。

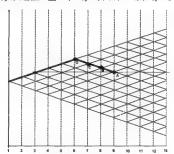


图 11-8 回望期权定价中的极大历史路径

如上的分析对于我们进行下一步的分析是非常重要的。在第9章中,二叉树法对期权 的定价是从二叉树的末端开始回溯进行的。在这里也是一样。但需要注意一点,在未能获 知具体路径的时候,无法确定 r=13时的回篮期权价格,因此考虑在 r=12 时的情况。

对于 τ =12 时的一个节点(12, j), 在非边界点的情况下,即 $j \neq$ 12, $j \neq$ 1 时,总共有j种可能的最大值,分别为 $S_{max}^{i} = S(i-k,j-k)$,其中 k=0,2,…,j-1。我们需要根据每一种不同的情况进行分析。并且在每一种情况下,需要判断期权是否会被提前执行。

第一步是需要根据不同的情况确定在没有被握前执行的情况下,期权的价格。比如考 度节点(12,3),首先到达此节点的所有略径中,最大值可能存在三种情况,分别是在节 点(12,3),(11,2),(10,1)的价格,即\$(12,3),\$(11,2),\$(10,1)。 如果S(12,3)=112.20是历史路径的最大值。在这种情况下,在 =13 的时候,价格可能运行到S(13,3),也可能运行到S(13,4)。

根据风险中性定价法则,可以得到在这种情况下期权的价格为:

 $e^{-\Delta t}(p * \{\max[S(12,3),S(13,3)] - S(13,3)\} + q * \{\max[S(12,3),S(13,4)] - S(13,4)\}) = 5.98$

以上只是考虑了没有提前执行的情况,如果回童期较被推断执行,则实现的收益应当 是 S_{max} - S(13,4) = S(13,4) = O(13,4) = 0,因此可以看出期权的价格应当是两者中较大的值, 在这种情况下、期权并不会被提前执行。

同样在节点(12,3),如果历史最大值是 S(11,2),则按照相同的计算办法,在没有提前执行的情况下,计算得到期权的价格为 12.69。

在提前执行的情况下,得到期权的价格是 S(11,2)-S(12,3)=13.73>12.69,因此理性的情况下,期权会被提前执行,这种情况下提前执行获得收益将要比持有到期大。

同样在节点(12,3),如果历史最大值是S(10,1),在没有提前执行的情况下,计算得到期权的价格为27.98。

在提前執行的情况下,得到期权的价格是S(10, 1)-S(12, 3)=29.15>27.98,因此理性的情况下,期权会被提前执行。

对以上计算过程,进行抽象,得到如下表所示的计算过程。对于任何一个节点(i,j)有如下计算法则。

序号k	1	2	 <i>F</i> 1	1
Smax	S (i, j)	S(i-1, j-1)	S(i-(k-1), j-(k-1))	S(i-(k-1), j-(k-1))
提前执行时 期权价格	Ж 1	X1	X _{FI}	x_I
未提前执行 时期权价格	X'i	X'2	X',-1	х',
期权价格	max (X1, X '1)	max (X2, X'2)	$\max(X_{j-1}, X_{j-1})$	$\max(X_{J}, X'_{J})$

表 11.2 回鹽期权节点处价格计算

即在节点(i, j),根据路径上的最大值不同,分成j种情况,对应每种情况下,提前执行时期权的价格 X_k 是比较容易计算的, $X_k = S(i-(k-1), j-(k-1)) - S(i, j)$ 。

难于计算的是在未提前执行的情况下期权的价格。这种情况下应当是在风险中性测度 下在 t=i+1 时相邻节点期权价格的期望以无风险利率折现的结果。难点在于需要知道下一个时间段期权的价格。

因此根据回溯法有,如果已经得到了下一个阶段的所有节点在所有状态下的期权价格,则在当前时间下如果期权处于 k 状态,即其量大值是 S(i-(k-1),i-(k-1)) 。当 k>1

时,则 S(i-(k-1),j-(k-1)) 就是在下一个时间截面上的最大值。 不同时期的价格存在如下的递推关系:

S(i-(k-1),j-(k-1)) = S(i-(k-1)+2,j-(k-1)+1) = S(i+1-[(k-1)-1]),j-[(k-1)-1])

即当前价格的最大值处于 k 状态的情况下, 在价格处于 L 升时, 对应的下一个时期期 权的价格对应的应当是价格的最大值处于 k l 状态下的期权价格, 在价格处于下降时, 对 反的下一个时期期权的价格对应的应当是价格的最大值处于 k l 状态下的期权价格。

如图 11-9 所示, 在 A 点如果对应的历史路径的最大值是 B 点所代表的价格,则(1) 加黑价格外干上升状态达到 B 点。则对应的 B 点的卷大价格就是 B 点的价格

(1)如果价格处于上升状态达到 E 点,则对应的 E 点的最大价格就是 B 点的价格, 此时 B 和 E 的股票价格是相同的,对应的是 E 点 k=2-1=1 的状态;

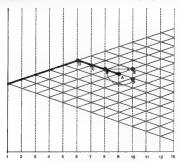


图 11-9 回望期权的价格簿化递推关系

- (2)如果价格处于下降状态到达 F点,则对应的 F点的最大价格就是 B点的价格,此时对应的是 F点的 k=2+1=3 的状态。在 k=1 时,即 A点的最大价格就是 A点的价格。
- (3)如果价格处于上升状态达到 E 点,则新的最大价格就是 E 点的价格,对应 E 点的 --1 状态,如果价格下降达到 F 点、则量大价格仍然是 A 点的价格,对应 F 点的 --2 状态。

根据如上分析则采用回溯的方法计算期权的价格时,从到期日开始,计算每个节点,对应的每种状态下的期权价格。在计算前一个时期不同状态下对应的期权价格时需要找出对应的下一个时间都而对应的状态方可。

- 在 MATLAB 中,为使得我们的程序清晰,这里采用元胞矩阵的形式进行数据存储, 每一个元胞是一个 struct 型数据,包含有如下几个城
 - Position:(i, j), 用以标记节点的坐标, 是一个1×2的向量。

- StrikeV·提前执行的情况下对应的期权价格,是一个 1×j 的向量。对应的公式
 X_i = S(i (k 1), i (k 1)) S(i, i)。
- NoStrikeV 没有提前执行的情况下对应的期权价格,对应的是一个 1×j 的向量。
- OptV·期权价格,对应的公式是 max(StrikeV, NoStrikeV),对应的是一个 1×j 的 向量。

根据 Position 和 K 的值,就可以判定节点的股票价格和历史路径上的最大值。核心是 计算 NoStrike。根据上面的分析,可以知道有如下的递推公式:

X(i, j).NoStrikeV(1) = $e^{-t\Delta t}[p * X\{i+1, j\}$.NoStrikeV(1) + $q * X\{i+1, j+1\}$.NoStrikeV(2)] $X\{i, j\}$.NoStrikeV(k) = $e^{-t\Delta t}[p * X\{i+1, j\}$.NoStrikeV(k-1) + $q * X\{i+1, j+1\}$.NoStrikeV(k+1)] 其中第一个公式对应的是 k-1 的情况。

完成了如上的递推关系后,即可开始对其定价。

11.6.3 回墾期权定价程序

根据前面的分析,回望期权的定价代码实现如下。

```
function putprice = lookbackusa(s0.sigma.rfrate.g.t.ngrid)
%计算美式看跌回望期权价格的函数
%生成 CRR 二叉树所需要的参数
a=exp((rfrate-g)*t/ngrid);
usexp(sigma*(t/ngrid)^0.5):
d=1/u:
p=(a-d)/(u-d);
α=1-p:
8为存储数据的元胞数组分配内存空间,并对 Position 和 K 两个进行
X=cell(ngrid+1.ngrid+1):
for i=1: (ngrid+1)
   for j=1:i
      for k=1:1
          8计算如果提前执行时期权的价格,其中的 S 函数参看 SUBFUNCTION。
         X(i,i).StrikeV(k)=S(s0.u,d,i-k+1,i-k+1)-S(s0.u,d,i,i);
       ★在到期日时、期权的价格就是执行价格
      if(i==ngrid+1)
         X(ngrid+1,j).OptV-X(ngrid+1,j).StrikeV;
      end:
  end:
end:
for subi=ngrid:-1:1
for subi-1:subi
   %对于 k=1 的情况,单独列出
      X(subi, subi).NoStrikeV(1) = exp(-rfrate*t/ngrid)*...
            (p*X{subi+1,subi}.OptV(1)+g*X(subi+1,subi+1).OptV(2));
      if (sub)>1)
         for subk=2:subi
```

```
%利用风险中性定价公式对期权在没有提前执行的情况下进行定价
```

```
X(subi,subj).NoStrikeV(subk)=exp( rfrate*t/ngrid)*...
(p*X(subi+1,subj).OptV(subk-1)+q*X(subi+1,subj+1).OptV(subk+1));
            end:
         end:
         %对于期权的价格,应当是提前执行和未提前执行两种情况中较大的值
X(subi, subj).OptV-max(X(subi, subj).NoStrikeV, X(subi, subj).StrikeV);
      end:
   end:
   %回溯到原点即得到姜式看跌回望期权的价值
   putprice=X{1,1}.OptV;
   end
   %SUBPUNCTION
   a此代码段为计算二叉树上不同节点处股票价格而编写
   function s=S(szero,u,d,i,j)
      s=szero*u^(i-1)*d^(2*(i-1));
   hra
```

【例 11-5】 回望期权定价。假设有一只股票,初始价格是 50 美金,股票价格的年波 动率是 40%,无风险利率为 10%,期权到期日为 1 年以后。求以此股票为标的物的美式回 望着跌期权的价格。

需要注意的是,上述代码的定价是对于浮动行权价格的回望期权进行定价,即期权没有 一个固定的行权价格,对于一个看放期权来说,其到期价格是路径最大值和当前价格的差。 在 MATLAB 命令會口中輸入如下命令。

```
>> lookbackusa(50,0.4,0.1,0,1,20)
```

这里我们将时间区间分成了 20 个小的区间。得到如下结果。

```
ane =
13.4036
```

即美式回望看跌期权的价格是 13.40 美元。对于有固定行权价格的回望期权,读者可以参考上述代码自行编写。MATLAB 自带的定价函数为 lookbackbycrr.

11.7 障碍期权

11.7.1 障碍期权简介

Barrier Options 被称为障碍期权,是由于当价格触及某个设定的价格时,期权被激活或取消。一般来说,障碍期权也具有一般的普通期权的特征·看涨或看跌期权,美式或欧式期权、但是有某独特的特征·

- 1) 障碍设定在当前价格之上或者之下(up or down).
- 2) 敲入还是敲出 (in or out)。

按照这两个特征障碍期权可以被分成四类: up-in、up-out、down-in 和 down-out。

比如作为上升敲出期权是指设定一个价格的上限,此上限在当前价格之上,当标的物价格达到或触及此上限的时候,期权失效。

让我们来看一下,这样的一个期权有什么样的特征。当前 IBM 的股票价格为 100 美 元, 依认为未来 3 个月 IBM 的股票会上涨,但是上涨幅度并不会非常大, 你认为其股票 价格应任下120 美元, 3 个月的目标价为 115 美元左右。

因此,购入看涨期权,但是由于需要付出期权费,而一般期权的期权费较高,因此根据对 IBM 股票的預測,决定买入一个障碍期权,上升酸出着涨期权,设定障碍值为 120 美元, 即当 IBM 股票价格低于 120 美元时,这是一个普通的看涨期权,一旦 IBM 股票价格低于 120 美元,则期权自动失效。这相当于为期权的出售者提供了一个止损的界限、因此这样的一个障碍期权的价格和对干普通期权来说。全变料和对便宜。

根接上面的描述。对于一个上升截出的看涨期权来说,当采用二叉柯对期权进行定价, 当股票价格在障碍之上时,将期权的价格设定为0即可,然后采用和普通期权一样的定价 方案进行定价即可。

但是存在一个问题:即设定的障碍水平并不一定正好落在节点水平上,对于这样的情况应当如何处理?

如图 11-10 所示, 存在这样的情况, 障碍水平正处于两个节点水平之间,这种情况一种解决办法就是将分步增多,细化间隔,通过这种方式减小误差,但是这样会极大地增加 计算的复杂程度,并不是一个很好的选择。

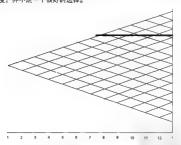
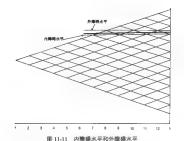


图 11-10 对于障碍价格部落在一叉树节点上的情况

从计算的角度来说,一般遇到这种情况,可以采用线性插值的方法。首先选定最为临 近障碍水平的两个节点水平,分别作为内障碍水平和外障碍水平。如图 11-11 所示。

分别计算出,以内障碍水平和外障碍水平作为障碍的障碍期权价格后,用线性插值法 得到相应障碍水平的价格。



11.7.2 障碍期权定价实例及程序

假设 IBM 的股票当前价格为 100 美元, 预测其股票价格在未来 3 个月会上升, 但是 不会超过 120 美元。有一基于 IBM 股票的障碍期权, 为欧式上升被出看涨期权, 行权价格为 100 美元。

已知股票波动率为 40%, 没有分红, 无风险利率为 10%。则此欧式障碍期权的合理价格应当是多少。

在这里,采用二叉树方法对此期权进行定价。由于这里并没有涉及太多的路径问题, 因此直接采用 S 矩阵来存储所生成的二叉树,用 C 矩阵来存储对应的普通钢铁的价格。用 Cnt 矩阵来存储由于建铜器计而导致的钢板价格为 0 的情况的期权价格结阵。

首先计算参数后生成二叉树矩阵 S, 同以前做法一样, 利用两个循环构建二叉树。 其次构建在当期日的期权价格, 到期日的收益特征是障碍期权不同于普通期权的特征。 对于一个上升酸出期权看涨期权来说, 如果到期日的价格在障碍之上, 则期权价值失 效, 因此没有任何价值。

代码加下.

```
function price= barrier(s0,sigma,strike,rfrate,q,t,ngrid,barrier)

*计算一个数式的Up-out call 期权

*【沙雅、【林雅、【林宠建风工文制所集争数

a=exp((rfrate-q)*t/(ngrid-1));
u=exp(sigma*(t/(ngrid-1))^0.5);
d=1/u; p=(a-d)/(u-d); q=1-p;

*计算为/外障碍值

for j=1:ngrid
    tmp(1,j)-S(s0,u,d,ngrid,j);
end;
outbarrier=min(tmp(tmp>barrier));
```

```
inbarrier=max(tmp(tmp<barrier));
   $$$$$$$$$$$$$$$$$$$$$$$$$$$$$$$
   % 【步骤 2】: 根据外障碍计算得到期权的价格
   for i=ngrid:-1:1
      for j-1:i
          if(i==ngrid)
             OptV(i, j) = max(S(s0, u, d, i, j) - strike, 0);
             if(S(s0,u,d,i,j)>=outbarrier)
                OptV(i,j)=0;
             end:
          end:
          if (1~=narid)
             if(S(s0.u.d.i.i)>=outbarrier)
                OptV(i,j)=0;
             else
                OptV(1,j)=exp(-rfrate*t/(ngrid-1))*(p*OptV(i+1,j)+g*OptV
(i+1,j+1));
             end:
          end;
      end:
   end;
   $记录下计算出的期权价格
   outprice=OptV(1.1);
   % [ 步骤 3 ]: 接掛內障碍计算得到期权的价格
   for i=ngrid:-1:1
      for j=1:i
          if(i==ngrid)
             Opt(i,j)=max(S(s0,u,d,i,j)-strike,0);
             if(S(s0,u,d,i,j)>=inbarrier)
                Opt(1, i)=0;
             end:
          end:
          if(i-=ngrid)
             if(S(s0,u,d,i,j)>=inbarrier)
                Opt(i, i)=0:
             else
                Opt(i,i)=exp(-rfrate*t/(ngrid-1))*(p*Opt(i+1,j)+g*Opt(i+1,j+1));
             end:
          end:
      end:
   end:
   8记录下计算出的期权价格
   inprice=Opt (1,1);
   %由于采用的障碍并不是设定的障碍值,采用线性插值法得到对应障碍的期权价格
   price_inprice+(outprice-inprice)/(outparrier-inbarrier)*(barrier-inbarrier);
```

function s=S(szero,u,d,i,j)

&SUBFUNCTION 计算二叉树节点(i,j)所对应的股票价格

end

精简 MATLAN 金剛计值

```
s-szero*u^(i-1)*d^(2*(j 1));
end
```

根据如上编写函数得到上述障碍期权的定价:

```
>> barrier(100,0.4,100,0.1,0,0.25,50,120)
ans =
  1.1496
```

而一个普通的香草型期权的价格是。

```
>> [Call, Put] = blsprice(100, 100, 0.1, 0.25, 0.4, 0)
Call =
   9.1629
Put =
   6.6939
```

可见得到的普通香草型期权的价格是相当高的,通过障碍期权可以有效地降低期权投 资成本。

二值期权

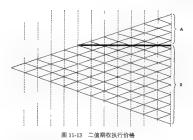
11.8.1 二值期权简介

二值期权又称为数字期权,是由于其收益是一个阶梯函数。对于一个看涨二值期权来 说, 其到期收益如图 11-12 所示。



对于一个欧式看涨二值期权来说。当到期日价格大于执行价格 S 时。期权多头可获得数量 为 A 的现金, 而不论股票的价格是多少, 在到期日如果股票价格低于 S, 则没有任何收益。 这里仍然采用二叉树方法对其进行定价。如图 11-13 所示。

欧式二值看涨期权同普通看涨期权的唯一不同就是在到期日的收益,根据公式 $C = \frac{\max(S_T - \text{Strike}, 0)}{A}$ 可以得到二值期权的到期收益公式,根据二叉树的回溯法即可得 Sr - Strike 到期权的价格。



11.8.2 二值期权定价程序

根据前面的分析,二值期权的定价代码实现如下:

```
function price = binary( s0, sigma, strike, rfrate, q, t, ngrid, cashamount)
9.计算欧式看涨二值期权价格
a=exp((rfrate-q)*t/(ngrid-1));
u=exp(sigma*(t/(ngrid-1))^0.5);
d=1/u;
p=(a-d)/(u-d);
σ=1-p;
X=zeros(ngrid, ngrid);
for i=ngrid:-1:1
   for j=1:1
       if(i==ngrid)
          if(S(s0,u,d,i,j)>=strike)
             X(i,j)=cashamount;
          else
             X(i,j)=0;
          end;
      end;
      if(i-=ngrid)
          X(i,j) = \exp(-rfrate*t/(ngrid-1))*(p*X(i+1,j)+q*X(i+1,j+1));
      end:
   end:
end:
price=X(1,1);
end
%计算对应节点的价格
function s=S(szero,u,d,i,j)
   s=szero*u^(i-1)*d^{2*(j-1)};
end
```

下面通过实例来讲解关于二值期权定价函数的应用。

【例 11-6】 二值期权定价实例,当前无风险利率为 5%,当前股票价格为 50,波动率为 40%,无分红,到期时间为 14 定。当到期价格在 60 美元以上时,期权持有者将获得 10 美元的收益。反之则无纤向收益。流计量此二值期权的价格。

在 MATLAB 命令曾口中输入如下命令:

```
>> binary( 50,0.4,60,0.05,0,1,30,10)
得到
ans =
```

可见此二值期权的价格为 3.12 美元。其中在计算过程中将时间分成了 30 个小区间。

11.9 基于多资产的期权

3,1182

在实际交易中,期权并不一定是基于单个标的资产的期权。有时期权是基于多个资产 的。一般来说,多资产期权的分类很多,常见的有影互期权(Rainbow Options),价差期 权(Spread Options),一篮产期权(Basket Options)。其共同特点是期权的价值依赖于多个 不确定的变量,不同的是到期日的期权价格计量不同。

对于多资产期权,一般的二叉树方法将不再是一个有效的方法,其计算的复杂度一般 情况下是按照指数增长的,这为数值计算带来了很大的障碍。这种情况下,对于这类多资 产期权常采用的方法是蒙特卡罗模拟。

为此本节先介绍关于蒙特卡罗模拟技术的基本知识,然后将蒙特卡罗模拟应用于价差 期权的价格求解上。

11.9.1 蒙特卡罗模拟

實特卡罗模拟是基于驗机模似的一种數值方法。股票的价格是一个隨机变量,而期权的 价格又是基于股票价格的,因此通过对股票价格的随机模拟来计算期权价格是可行的。理论 上述。用蒙特卡罗模拟对期权的定价,要点在于股票的价格是不是一个可以描述的随机过 程。

票特卡罗模拟的第一步是首先产生股票价格的随机路径。此处的核心是关于正态随机 变量的生成。在 MATLAB 计算环境下,random 函数是一个银籽的选择,MATLAB 中的 random 函数支持超过 20 种常见随机变量的生成,并不需要程序员自己生成。对于常见的 正态分布,可以采用函数 randn。

然后是根据模拟的随机路径计算期权的收益;这点是核心,对于路径相关期权,在随机模拟的过程中,模拟的中间点的值就会十分重要。

例如,对于回望期权来说,需要求得模拟路径上的最大值方能计算期权的收益,因此 路径值的记录非常重要;而对于只依赖于到期日价格的期权来说,则最后的价格状态是核 心,而对于具体的路径并不是很关心,对于此类期权,在后面的介绍中会发现,在假设股票价格是对数正态分布时,会有简单的结果。

然后不断地重复以上两步,产生大量样本,计算每一个样本路径下的收益情况,然后 在风险中性世界里,用无风险剂率折现得到期权的价格。然后按照等权平均,即简单算术 平均的方式得到搁权的价格。

假设在风险中性环境中股票的价格遵循的布朗运动为如下形式:

$$dS = \hat{u}Sdt + \sigma Sdz$$

请注意上述公式中 α 是一个标准布朗运动,而 α 是一个在风险中性世界中的收益率,而不是现实世界中的收益率都会。

需要提醒读者的是,實特卡罗模拟是建立在风险中性世界中的,因此当标的物是一个 股票时 $\dot{a} = r - q$,r是无风险利率,q是股票的分红率;当标的物是外汇时, $\dot{a} = r - r_f$,其 $r - r_f$ 是外国货币的利率。这个和股票类似,外国货币将其看做是一种和股票类似的具有固 定"分红率"r。的"股票"资产。

将上述连续模型离散化、得到一个高散的股票价格运动公式。

$$S(t + \Delta t) - S(t) = \hat{\mu}S(t)\Delta t + \sigma S(t)E\sqrt{\Delta t}$$

S(t) 是股票在时间t 时刻的价格、 ξ 是一个标准正态随机变量,均值为0,方差为1; Δt 为时间间隔。有如上离散形式的公式,可以根据t 时刻的股票价格和随机抽样,得到下一时刻 $t+\Delta t$ 的价格。这样进行到最后的时间点T,得到一条完整的路径。

例如一个股票的价格是 50 美元,波动率是 0.4, 无风险利率是 10%, 模拟此股票一年 内的可能价格路径,其中假设股票符合上述布朗运动。将 T=1 等分成 50 个小时间间隔, 并且这里只模构 100 条路径。根据如下代码:

```
clear,clc;
rx=randn(100,50);
rx=randn(100,50);
rx0.1;T=1;deltaT=1/50;sigma=0.4;
S=(100*ones(100,1) zeros(100,50));
for i=1:50
S(:,i=1)=S(:,i)+S(:,i)*r*deltaT+sigma*deltaT^0.5*(S(:,i).*rx(:,i));
end;
plot(0:1/50:1,S);
```

得到如图 11-14 所示的模拟路径图。

在实际应用过程中,更精确的模拟,不是从价格S入手,而是从价格的对数 $\ln(S)$ 入手 进行模拟。假设价格服从的是 $dS = \hat{u}Sdt + \sigma Sdx$ 所代表的布朗运动,则根据伊藤定理有 $\ln(S)$ 所符合的微分方程为

$$d \ln(S(t)) = (\Omega - \sigma^2 / 2) dt + \sigma dz$$

因此,将上述随机过程改写为离散的形式有

$$\ln S(t + \Delta t) - \ln S(t) = (\Omega - \sigma^2 / 2)\Delta t + \sigma \xi \sqrt{\Delta t}$$



图 11-14 蒙特卡罗路径模拟

等价形式为

$$S(t + \Delta t) = S(t)e^{(\beta - \sigma^2/2)\Delta t + \sigma_5^2\sqrt{\Delta t}}$$

进行价格对数的模拟有一个好处是, ln S(t) 遵循的是广义的维纳过程,这也就意味着上式可以改写为:

$$S(t+\Delta t) = S(t)e^{(\beta t-\sigma^2/2)T+\sigma_0^2\sqrt{T}}$$

对所有的 T 都是成立的,而 S(t+Δt)=S(t)e^{(d-σ^t/1)Δt+σ√Δt} 只有在 Δt→0 时才成立。 两者在应用的角度,在对欧式期权定价中,如果期权的到期价格是不依赖于路径的, 则采用广义维纳过程的形式。可以直接#机得到到期价格。这样会极大搪塞推销的效率。

而对于亚式期权这类依赖于路径的期权来说,其历史价格很重要,则需要在 $\Delta t \rightarrow 0$ 的情况下进行模拟,并记录下路径值。因此可以根据需要进行选择不同的形式。

【例 11-7】 蒙特卡罗法期权定价卖卵。假设一个刚刚发行的执行价格是确定的,到 期价格是期权存续期内价格的平均的亚式看涨期权。其标的物为一不分红的股票,股票价 格为 50 美元。 期权执行价格是 50 美元,股票价格的波动率是 40%,无风险利率是 10%, 到期日是一年以后。在这种情况下有、5a=50,K=50,r=10%,a=0,σ=0.4 T=1。

试用票特卡罗模拟的方法对其进行定价,并同11.5节的二叉树法进行对比。

解:

这里将一年的时间分成相等的 60 个间隔,则每个月包含了 5 个时间间隔,因此对于 此亚式期积来说,相当于模拟路径的最后 5 个价格点的算术平均加作为到期价格去计算到 期时的期权价格。

如果模拟了N个路径,对应于每一个路径,期权的到期收益为 $optV_i = \max(S_{avx}^5 - K, 0)$,

其中
$$i \approx 1, 2, \dots, N$$
。 则期权的价格为 OptionPrice = $\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} optV_i$,则 $Deviation_{OptionPrice} = \frac{1}{N^2} \sum_{i=1}^{N} OptV_i$,则 $Deviation_{OptionPrice} = \frac{1}{N^2} \sum_{i=1}^{N} Deviation_{OptionPrice}$ 。

如果假设每条路径所计算得到的期权不同的价格 $optV_i$ 是独立的,并且是同分布的,则其标准差是相同的,这样上式可以简化为 $Std_{OptomPrice} = \frac{Std}{\sqrt{N}}$ 。

根据这个公式可知道,当模拟的路径数量增多时,得到的期权价格估算的标准误差是减小的。并且每增加一个数量级,标准误差变为原来的 0.362 倍,因此适当的增加模拟路径可以有效地减小误差。但是造成的是计算所需时间是按照指数增长的。

对于一个这样的强路径相关的亚式期权,模拟路径时有必要记录下其历史路径,因为 其到期结算价格是依赖于路径平均的。

假设价格按照 $S(t + \Delta t) - S(t) = \hat{u}S(t)\Delta t + \sigma S \mathcal{E} \sqrt{\Delta t}$ 进行。代码如下

```
function [price sig] = mcmc(s0, strike, sigma, r, t, nrstep, nrpath)
   8 蒙特卡罗法计算欧式看着亚式钢权
   8正态随机数生成
   rx=randn(nrpath,nrstep-1);
   deltaTat/(nrstep-1);
   8.构建存储价格路径的矩阵
   S=[s0*ones(nrpath,1) zeros(nrpath,nrstep-1)];
   %模拟路径生成
   for i=1: (nrstep-1)
S(:,i+1)=S(:,i)+S(:,i)*r*deltaT+sigma*deltaT^0.5*(S(:,1).*rx(:,i));
   end:
   %计算到期收益
   pl=max(mean(S(:,1:end),2)-strike,0);
   price=exp(-r*t)*mean(pl);
   sig=std(pl)/nrpath^0.5;
   end
```

在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令:

>> [price sig]=mcmc(50,50,0.4,0.1,1,60,100000)

得到

price = 5.5376 sig = 0.0291

所以期权的价格是 5.54, 在 95%的置信水平下, 期权价格的置信区间是:

$$[\mu - 1.96 \frac{Std}{\sqrt{N}}, \mu + 1.96 \frac{Std}{\sqrt{N}}] = [5.48 \quad 5.59]$$

在不同的參数下模拟的结果如表 11.3 所示。

报 11.3 个问参照下的原符卡罗明权定价结果			
精相導体数目 时间区间数目	1000	10000	100000
20	5.41/0.27	5.54/0.09	5.52/0.03
40	5.72/0.31	5.70/0.09	5.57/0.03
60	5.65/0.30	5.67/0.09	5 54/0.03

多 11 3 不同争款下的整殊卡罗斯权定价结果

每个单元格中的数据,前面的是期权价格,后面的数是对应的标准误,由此可见,随着模拟路径的增加,标准误差是减小的。

可见在这种情况下,当模拟的路径为 100000 种情况时,得到的结果精确度已经非常高了。而且这个结果和 10.5 节中的二叉树计算结果 5.58 也是极为接近的。

蒙特卡罗模拟几乎可以解决所有的期权定价问题,由于不涉及提前执行的问题,本书中所有的例子都是基于欧式期权的。

而对于美式期权,由于涉及提前执行的问题,用蒙特卡罗模拟的时候,涉及的问题是如何判断提前执行的条件,为此很多学者做了众多的研究,感兴趣的读者可以参考相关密料。

11.9.2 相关随机变量的路径生成和 Choiesky 分解

在利用實特卡罗方法对多资产期权进行定价时,有时存在的问题是两个资产并不是完 全独立的,而是存在某种相关性。如何产生具有相关性的两个随机变量是成为多资产期权 定价的實特卡罗方法的核心。

这里我们不加证明,采用两个变量的情况进行验证。

假设两个随机变量 S_1, S_2 的相关系数为 ρ 。 ξ_1, ξ_2 是两个独立的标准正态分布,则令·

$$S_1 = \xi_1$$

 $S_2 = \rho \xi_1 + \sqrt{1 - \rho^2} \xi_2$

可以验证,在这种情况下 S_1,S_2 是标准差为1,均值为0的标准正态分布。并且由于 S_1,S_2 是相互独立的,因此 S_1,S_2 相关系数为 ρ 。

上述结果是最简单情况下的 Cholesky 分解。下面将其推广到 n 个变量的情况。

对于n个随机变量 S_1, S_2, \dots, S_n , 其相关系数矩阵为:

$$\Pi = \begin{bmatrix} 1 & \rho_{1,2} & \cdots & \rho_{1,n-1} & \rho_{1,n} \\ \rho_{2,1} & 1 & \cdots & \rho_{2,n-1} & \rho_{2,n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ \rho_{n-1,1} & \rho_{n-1,2} & \cdots & 1 & \rho_{n-1,n} \\ \rho_{n,1} & \rho_{n,2} & \cdots & \rho_{n,n-1} & 1 \end{bmatrix}$$

其中 $\rho_{i,j} = \rho_{j,i} \perp 1$ 。 构造n个独立随机变量 $\xi_1, \xi_2, \dots, \xi_n$,定义如下。

 $s_1 = \alpha_{11}\xi_1$

$$s_2 = \alpha_{21}\xi_1 + \alpha_{22}\xi_2$$

 $s_3 = \alpha_{31}\xi_1 + \alpha_{32}\xi_2 + \alpha_{33}\xi_3$
:

其中通项公式是 $s_i = \sum_{j=1}^i \alpha_{ij} \xi_j$ 。 另 $\alpha_{i1} = 1$,根据相关系数矩阵,有变量 s_i, s_j 的相关系

数 $\rho(s_i,s_j) = \rho_{i,j} = \sum_{i=1}^{j} \alpha_{ik} \alpha_{jk}$,其中 $i \leq j$ 。用矩阵形式表示:

$$A * A^T = \Pi$$

其中

$$\boldsymbol{A} = \begin{bmatrix} \alpha_{1,1} & 0 & \cdots & 0 & 0 \\ \alpha_{2,1} & \alpha_{2,2} & \cdots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ \alpha_{n-1,1} & \alpha_{n-1,2} & \cdots & \alpha_{n-1,n-1} & \alpha_{n,n} \\ \alpha_{n,1} & \alpha_{n,2} & \cdots & \alpha_{n,n-1} & \alpha_{n,n} \end{bmatrix}_{n \times n}$$

是一个下三角矩阵。Cholesky 分懈的存在性转换成方程 $A^{\circ}A^{\circ} = \Pi$ 的解是否存在的问题,这里我们不证明 Cholesky 分解的存在性,读者作为一个限定的事实接受即可一对于任何正定矩阵,Cholesky 分解是存在的,但是对称矩阵理论上并不一定是正定的,因此对于对称矩阵 Cholesky 的分解并不一定是存在的。

但对于在实际工程和金融中遇到的实对称矩阵,一般来说 Cholesky 分解是存在的。

使用 Cholesky 分解,可以很有效地得到上述 A 矩阵。在 MATLAB 计算环境中利用函数 choi 来计算 Cholesky 分解矩阵 A ,但是需要注意的是 MATLAB 得到的 A 矩阵是一个上三角矩阵,结果经过转量即是所需下三角的 Cholesky 矩阵。

所以存在如下的方程:

$$\vec{s} = A\vec{\xi}$$

即

$$\begin{bmatrix} s_1 \\ s_2 \\ \vdots \\ s_{n-1} \\ s_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \alpha_{0,1} & 0 & \cdots & 0 & 0 \\ \alpha_{2,1} & \alpha_{2,2} & \cdots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ \alpha_{n-1,1} & \alpha_{n-1,2} & \cdots & \alpha_{n-1,n-1} & 0 \\ \alpha_{n,1} & \alpha_{n,2} & \cdots & \alpha_{n,n-1} & \alpha_{n,n} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_1 \\ \xi_2 \\ \vdots \\ \xi_{n-1} \\ \xi_{n-1} \\ \xi_{n-1} \\ \xi_{n-1} \end{bmatrix}$$

11.9.3 价差期权

价差期权(Spread Options)是对赌两个价格相对偏离程度的期权,常见于以利率为标 准的衍生产品。例如目前由于美国金融危机导致 AAA 公司债因信用风险溢价其收益率立 远高于国债。如果只是預測 AAA 公司债的收益率的上下是风险较大的事情,并且要承担 美联储的政策调整风险。因此有人设计出的期权就可以是 AAA 公司债和国债收益率的价 筹。这就是价差期权的来源。

投资者发现相对而言 S,的股票被离估了, 预计在将来 S,会降低, 但是由于目前市场波 动银大, 行业前景并不是假确定, 如果单独卖空 A 的股票, 存在经济上行阀期导致 A 股 价上涨发生损失的可能性。

但是由于 A, B 两家公司网处一个行业, 经济周期对荷家公司的影响是相同的, 由于 A 的股票被商估, 可以采用做多 B, 做立 A 的策略, 这样可以对冲经济环境的影响, 而只 悬承担 A 胶票相对 B 股票被富估的风险。

设计期权的策略是,以 $S_2 - S_1$ 为标的,当在到期日,此价差大于既定的行权价格,期权存在价值,否则没有价值。用公式表示就是·

$$V_T = \max(S_2 - S_1 - K, 0)$$

【例 11-8】 价差期权定价实例。A 公司的股票当前价为 S_1 =80,B 公司股票价格 S_2 =100。先买入一个价差看涨欧式期权,期权到期日为1年以后,如果届时 S_2 和 S_1 和 S_2 和 S_3 和 S_3 和 S_4 A S_4 AS

用蒙特卡罗方法对此价差期权进行定价。

首先假设两者的股票都遵循布朗运动,并且在任何时刻两者的相关系数是稳定的 0.5。 股票价格遵循如下的运动:

$$S^{A}(t + \Delta t) - S^{A}(t) = rS^{A}(t)\Delta t + \sigma S^{A}(t)\xi^{A}_{t}\sqrt{\Delta t}$$

 $S^{B}(t + \Delta t) - S^{B}(t) = rS^{B}(t)\Delta t + \sigma S^{B}(t)\xi^{B}_{t}\sqrt{\Delta t}$

其中 $\rho(\xi_i^A,\xi_i^B)$ = ρ = 0.5 。可见对于 A 和 B 价格的模拟核心在于构建 (ξ_i^A,ξ_i^B) 。

令 $\xi_i^A=x_1$, $\xi_i^B=\rho x_1+\sqrt{1-\rho^2}\,x_2$, 其中 x_1,x_2 是独立的标准正态随机变量。

对于 A 和 B 两只股票,模拟出 N 条路径,每条路径都按照 $V_r = \max(S_x^T - K, 0)$ 计算出到期的价差期权价值,然后 $\Pr(c = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} V_i')$ 代码如下。

function price=
spreadoption(s01.s02.rho.sigma1.sigma2.strike.r.t.nrpath)

%s01,s02 分别是标的资产的价格; %sigma1,sigma2 分别是二者的波动率

\$sigma1, sigma2 分别是二者的废动。 \$strike 是执行价格。

%r 是无风险利率, t 是存续期

%nrpath 是 MC 模拟的路径数量,一般计算机不要超过 100 万条

%构建相关系数矩阵并进行 Cholesky 分解

covm={1 rho;rho 1];

```
A=chol(covm):A=A';
   8构建相关的标准正态随机变量
   S1_[s01*ones(nrpath.1) zeros(nrpath.nrstep-1)];
   S2=[s02*ones(nrpath,1) zeros(nrpath,nrstep-1)];
   <連拉路径值</p>
   for is1:(nrstep-1)
      x=randn(nrpath,2);
      path-A*x'; S1(:,i+1)=S1(:,i)+r*deltaT*S1(:,i)+sigma1*deltaT^0.5*
(S1(:,i).*path(1,:)'); S2(:,i+1)-S2(:,i)+r*deltaT*S2(:,i)+sigma2*deltaT
^0.5*(S2(:,i).*path(2,:)');
      clear path x:
   end.
   8.计算收益, 并平均折现
   pl=max(S2(:,end)-S1(:,end)-strike,0);
   price=exp(-r*t)*mean(pl);
   end
   在 MATLAB 命令窗口中输入如下命令得到
```

正 MVI CVD sh 4 回 口 上側 2 (20 1. sh 4 14.12)

```
>> price= spreadoption( 80,100,0.5,0.4,0.4,20,0.1,1,31,100000) price = 15.4259
```

即此看涨价差期权的价格是 15.4259。

上述代码在测试时,当路径的条数为 100 万条时,就会非常的慢。需要注意的是这里 的假设是股票价格是遵循布朗运动的。

在欧式期权的情况下,由于到期收益和路径值没有关系,只和最终的价格状态有关,在假设价格的对数遵循布朗运动,即价格遵循广义 Wiener 过程(GWP)时则可以直接模拟最终价格。

```
function p=gwpapreadoption(s01,s02,sigma1,sigma2,strike,rho,r,t,npath)
cown=[1 inor;ho i];
x=randn(2,npath);
s=A'x;
s=s01*exp(((r-sigma1^2/2)*t+ t^0.5*sigma1*s(1,:)*));
Spath(:,1)=s01*exp(((r-sigma2^2/2)*t+*t^0.5*sigma2*s(2,:)*));
pl=max(Spath(:,2)-Spath(:,1)-strike,0);
p=mean(pl)*exp(-r*t);
end
```

在 MATLAB 命令實口中輸入如下命令.

```
>> p=gwpspreadoption(80,100,0.4,0.4,20,0.5,0.1,1,1000000)
p = 15.4406
```

得到价差期权的价格为 15.4406, 而且耗时不足 3 秒钟。

总结上述两段代码,在期权的到期收益只依赖于最终价格状态,而不依赖于历史价格时, 采用广义 Wiener 过程(GWP)时,会使得算法的效率提高很多。而在依赖于价格路径时, 只能一步一步来进行计算,会使得计算所耗费的时间和计算资源相当巨大。

11.9.4 彩虹期权

彩虹期权(Rainbow Options)也是一类常见的多资产期权。如果有 n 项资产, 彩虹期

牆浦 MATLAB 多翻计算

权的到期收益取决于一签子标的资产中最好的、或者最坏的、或者次好的等。

假设有 n 项资产的到期日价格按照从小到大的顺序排列分别是 st. sp. · · · st. 。 则彩虹期 彩虹期权的到期收益为点一片。

在 MATTAR 中,常常采用的是对价格向量用 sort 函数进行排席。然后根据不同的条 件进行不同的选取。

【例 11-9】 彩虹期权定价实例。有三只股票 A、B 和 C, 其三者价格完全不相关。 如果一个彩虹看涨欧式期权的到期收益的定义是三者价格中次好的价格同执行价格的差。 请用蒙特卡罗方法对此彩虹期权进行定价。假设三者的价格年波动率分别为 20%, 30%, 40%, 初始价格分别为90, 100和110, 无风险利率为10%, 到期为1年, 执行价格为100。

首先由于 A、B和C的价格是完全不相关的。所以在做蒙特卡罗模拟时、不必要考虑 Cholesky 分解。只需要随机生成一系列的数据即可。本题采用价差期权中的股票价格服从 广义 Wiener 过程(GWP)的假设。代码如下。

```
function p=rainbow(sl.s2.s3.sigmal.sigma2.sigma3.strike.r.t.npath)
spath=randn(npath,3);%随机数生成
4.随机路径模拟
S(:.1)=s1*exp(((r-sigma1^2/2)*t+t^0.5*sigma1*spath(:.1)));
S(:,2)=s2*exp(((r-sigma2^2/2)*t+t^0.5*sigma2*spath(:,2)));
S(:,3)=s3*exp(((r-sigma3^2/2)*t+t^0.5*sigma3*spath(:,3))):
象排序
sv=sort(S,2);
8选择次好
pl=max(sv(:,2)-strike,0):
p=mean(pl)*exp(-r*t);
end
在 MATLAB 命令實口中輸入如下命令·
```

```
>> p=rainbow(90.100.110.0.2.0.3.0.4.100.0.1.1.1000000)
p = 9.9955
```

得到这样一个彩虹期权的价格是 9.9955.

当然读者可以根据以上代码。计算一下如果是按照最好的情况计算。期权的价格是多 少? 当引入三者的相关系数矩阵之后呢?

11.10 本章小结

本童讲解了常见奇异期权的数值定价方法,读者应从定价过程中仔细体会定价的方 法,并尝试自行编写类似的代码。

本意对于期权的分类主要是从标的资产数目的角度。对于多资产期权采用的蒙特卡罗 模拟法,读者可根据需要,详细研究对于复杂问题的蒙特卡罗模拟法的应用,关于蒙特卡 罗模拟法有很多数值计算技巧。

第 3 篇

MATLAB 金融类工具箱函数详解篇

函数是 MATLAB 工具箱的核心部分,本书前面部分已经对一些重点、常 用的函数进行了详细的讲述,并且通过大量的实例,具体讲述了函数的使用方 法及应用问题。

本篇博时金融、衍生品和固定收益这3个工具箱中的全部函数——进行详 解,包括函数的功能、輸入和輸出參数的说明,不仅能帮助读者全面、快速掌 提函数,而且还非常方便查询參考。

本篇采用三个附录的形式展开; 附章 A 为金融工具箱画教評解、附录 B 为金融衍生品工具箱画教评解、附录 C 为固定收益工具箱画教评解。

需要说明的是, 在每个附最中, 按照函数的功能又分成了若干子奠, 讲述 孩子奠的函数, 例知 A-17: 利率期限结构(11), 表示金融工具箱下的利率期 跟结构有 11 个函数。

在理解、掌握本书前面讲述的工具箱中典型函数的基础上,利用本篇的内容,可达到融会贯通、全面综合掌握 MATLAB 金融计算的目的。

附录 A 金融工具箱函数详解

A-1: 当前日期和时间(2)

now	t = now			
	r	返回当前的时间和日期		
today	Datenum today			
	Datenum	返回当前日期		

A-2: 日期和时间项 (15)

dessfind	Indices ≈ datefind(Subset, Superset, Tolerance)			
	Subset	同 Superset 匹配的日期散值矩阵		
	Superset	非重复的日期折伤		
	Loletance	った Superver 和に転、可放化で下度、飲いての		
	Indexees	5 Subset 1 is 30 // Supposed to the		
datevec	V = datevec(N)			
	N	録 → 耳直 · 転 → (→・数值		
	V	マ 子袋、ひむ声 べり寿 温水・ゼル		
	其他形式参考幣的	的文档		
day	DayMouth = day(I	Date)		
	Date	輸入的日期		
	Dashfooth	输出日期在标调月份是第几天		
comdate	DayMonth = combit(Date)			
	Date	年		
	DayMooth	输力が明存を属料性を要し、 天		
	日から、「毎日数日でか			
nomical	E = comday(Y, M)			
	7	年份		
	M	月世		
	E	输入年份的月份天教		
hour	Hour = hour(Dute)	Hour = hour(Date)		
	Date	壤 / - 斯		
	Hour	输入日期中代表小时的数值		
lweekdate	LastDate = Iweekdate(Weekday, Year, Month, NextDay)			
	Weekday	擎值 1~7 分别代表从褐日到周六		
	'Y ear	年份		
	Month	月份		
	NextDay	Worksday 必须发生在含有 NextiDay 的一周里,欺值同 Worksday,解决 或瓷越两个月的问题		

.

		黄		
	LastDate	5 차·스 스타마카용드 스로워크		
menute	Minute = minute(Dat			
	Date	输入的日期		
	Minate	输入日期中代表分钟的数值		
month	(MonthNum, Months	String] = month(Date)		
	Date	输入的日期		
	MonthNum	以数字形式返回的月份值		
	MonthString			
months	MyMonths = months	(StartDate EndDate EndMonthFlag)		
	StartDate	4 C B		
	EndDate	"5本で駒		
		可應、在 StartDate 和 EndDate 均是月末日期井片 EndDate 比 StartDate		
	EndMonthFlag	少几天时。EndMonthFlag 将 EndDate 作为整月来处理		
	MyMonths	返回生達问頭日期之间的整数月份		
nweekdate	Date = nweekdate(n, Weekday, Year, Month Same)			
	r	Weeklay . 25		
	Weekday	指定的權期。1~7对应的分別是兩日到期六		
	Yew	年份		
-	Month	月份		
		司选。Weekday 所在的琴期含有 Same 指定的專期天數,故 Same 的取		
	Same	第 7-1-7		
	Date	s ペンド, ・・・・ Wookday 出現 n 次的日期		
second	Seconds = second(Date)			
	Date	每1/19		
	Seconds	级· E · 表》 · 数· A · * * munate if hour		
weekday	[N, S] = weekday(D)			
	[)	\$\cdot \times \t		
	1	、数ノー "及"が可能主動 、つ対ニケケンを所行を持ち		
	5	, , 20 m = 1 m = 2		
year	Year = year(Date)			
,	Dute	输入的日期		
	Year	输入日期中代表:"************************************		
yeardays	Days = yeardays(Yea			
)aay	Years	. Aur		
	Basss	可选、天散计数规则、0~12		
	Days	一年中所含有的天教		

A-3: 日期转换(10)

date2tims	[TFactors, F] = date2time(Settle, Maturity, Compounding, Basis, EndMonthRule)		
	Settle	とおとな	

	Matunty	を助し		
	Compounding	、 皇紫本		
	Basis	天むけ数划引		
	EndMonthRule	11 ± ±0		
	Tfactors	×1 + 2		
	F	Country to		
datedisp	DateOutput=datedesp(NumMxt, DateForm)			
		数字格式的日期,当数字介于 693962 和 803535 之间时会被识别为日		
	NumMat	期,并按照 DateForm 格式显示		
	DateForm	指定日期的显示格式		
	[2] of Jurpus	接帳 DateForm 格式输出的日期矩阵		
datenum	N = datenum(V)			
	V	9 ₆ * E		
	N	, 1時的資格 TG 11 - 時		
datestr	S = dstestr(V)			
	٧	\$ · \$		
	`	. 14 % Sp . 10 10		
dec2thurtytwo	[OutNumber, Fractions] =	dec2durtytwo(InNumber, Accuracy)		
~	InNumber	输入的十进制数字		
	Accords y	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
	Outhumber	5 · 7 95 inc		
	Practions	以 1/32 为单位的小数部分		
m2xdute	DateNum = m2xdate(MATLABDateNumber, Convention)			
	MATLABDat/Sumber	MA LAG. IF A		
	Convention	Excel 日期规则、根据取值不同而起始日不同		
	Date Vin	克成转换后 Excel 下的日期散值		
thirtytwo2dec	OutNumber = thirtytwo2	dec(laNumber, laFraction)		
	InNumber	输入的整数部分		
	Inl raction	输入的小数部分		
	() at Number	输出的含有小数的数字		
time2date	Dates = time2date(Settle, 7	Factors, Compounding, Bass, EndMonthRule)		
	Scale	2,1 × 10		
	Tfactors	10 y 1 Z		
	Compounding	· 0 47 4		
	Basis	16.000		
	EndMonthRule	用来表。		
	Dates	fá tự		
uscalendar	uscalendar('PARAMI', VA	LUEI, PARAMZ, VALUEZ,)		
	Ex.	·-		
x2mdate	MATLABDate = x2mdates	ExcelDateNumber, Convention)		
	Excerds Number	Exc Word		
	Convention	Excel 日期规则,根据取值不同而起始日不同		
	MATLABNum	мап.ав 日朔数倍		

A-4: 金融日期数据 (20)

busdate	_	Date Direction, Holiday, Weekend)		
	Date	1 ALE		
	Direction	方向,前一个(1)或后 个(-1)交易日		
	Holiday	復日規則		
	Weekend	周末規則		
	Busdas	依赖于 Holiday 产生的前一个或者后一个交易日		
budays	bdates = busdays(sd	late edate bdmode)		
	vdare	+ 2 20		
	edute	नंदर्क		
	bdmade	交和,硬式		
	bdates	· ドヤーンを whate F edute ハンボン こうから 戸期		
createholidays	createholidays(Filen	uame, Codefile, InfoFile, TargetDir, IncludeWkds, Wprompt, NoGU1)		
	7 ACTINETIC	ti · ·		
	Codefile	36. 54. 5		
	Intofile	.670		
	TargetDir	目析文件目录		
	Int udeWksx	可选、假日里是否包含图束		
	Wprompt	可选,假日文件路标提示		
	Note: 1	可选,是否以 GUI 形式呈现结果		
datemnih	FargetDate = datemnth(StartDate NumberMonths DayFlag, Basss,EndMonthRule)			
	SanD te	2 T 1 A		
	NumberMonths	向前或向后的月數		
	DayElag	天散规则、0 为实际天散、1 为当月的第一关、2 为当月的最后 天		
	Basis	米数计数规 则		
	EndMonthRule	月末法町		
	Turce Date	目に日明		
datewskdy	EndDate = datewrkd	ly/StartDate, NumberWorkDays, NumberHolidays1		
	Surf Balk	影性日期		
	NumberWorkDays	工作日天散		
	NumberHolidays	1 年 1 年 1 年 1 年 1 年 1 年 1 年 1 年 1 年 1 年		
	EngDate	4 - 1 - 2" Number Work Dass of Number Holidays 2 11 P		
inys360	-	WStartDate, EndDate)		
,	Starti Nite	i : 10		
	F.ndDate	结束日明		
	Nupel 2355	、 码 、 360 天计算的上述記绘和结束日期间的天教		
lays360e		le(StartDate, EpdDate)		
Myanan	Martilate	5 · ≻ ₩		
	EndDate	禁事日期		
	Churac	运来口号 以储年 360 天计算的上述起始和结束日期间的天教,并且每个月都按照 30 天		
	NumDays	以單年 360 大订算的工业起始和结果目明间的大数。并且每个月都按照 30 大 ** 管		
days360hsda	NumDays = days360	hsda(StartDate, EndDate)		
	StartDate	EST P		

		=9		
	EndDate	结束日期		
	NimDays	ISDA 标准下,按照每年 360 天计数的天数		
days360psa	NumDays = day	/s360pss(StartDate, EndDate)		
	StartElate	起始日期		
	Endflate	结束日朝		
	NamiDays	ISDA 标准下, 按照每年 360 天计数的天数		
days365	NumDays = day	rs365(StartDate, EndDate)		
	Startitue	起始日期		
	I millione	结束日期		
	Vandays	ISDA 标准下,按照每年 360 天计数的天教		
daysact	NumDays = day	yssct(StartDate, EndDate)		
	Start Nate	起始日期		
	EndDate	结束日期		
	Similars	StartDate 和 EndDate 之间的实际天教		
daysadd	NumDays = day	vsadd(StartDate, NumDays, Basis)		
	Start[lute	起始日明		
	Numbays	天数编移量		
	Buses	天散计数规则		
	NamiDays	新的日朝数		
daysdif	NumDays = daysdif(StartDate, EndDate, Basis)			
	Startl Jacc	起始日期		
-	I ridDite	结束日期		
	Bases	天散计数规则		
	N miDays	StartDate 和 EndDate 之间天散		
fbusdate	Date = fbusdate	(Year, Month, Holsday, Weekend)		
	Year	年份		
	M- pth	月份		
	Ho day	Rit Q		
	Weekend	商未規匠		
	D _u c	返回特定月份的第 个交易日		
holidays	H = holidays(St	artDate, EndDate)		
	St. rt, sate	E		
-	EngDate	传表《秦		
	Н	介于起始和结束日期间的假日		
ısbusday	Busday = usbusi	day(Date, Holiday, Weekend)		
	July	*		
	Honday	可逃,假日规则		
	WeekenJ	可选,简未规则		
	B sduy	如果 Date 是交易日,返回 I,如果 Date 不是交易日,返回 0		
Ibusdate		(Year, Moeth, Holiday, Weekend)		
) ear	- 1"		
-	Month	Ett		

		1.54		
	Honday	假日规则		
	Weexend	周末规备		
	Date	返回特定月份的最后 个交易日		
thirdwednesday	(BeginDates, End	Dates = thirdwedsesday(Mooth, Year)		
	Month	46		
	Year	3 (*)		
	Beg nDates	起始日期		
	EndDates	结束日期		
	1 美数 1 3 · 1 IBOR 1 3 产工海 卡世 3 个进版 1 IBOR 自构的 起处和特束 4 期			
wrkdvdif	Days = wrkdydif(StartDate EndDate, Holidays)			
	YartDate	§ : - 10		
	LedDate	1 5 f (p)		
	Helidays	Sett		
	Dass	また、地口の 知道時に 2年代大部		
yearfrac	YearFraction = y	earfrac(StartDate EndDate, Basis)		
	StietDate	17 - 12		
	F ndDure	1/4 / 1/4		
	Bass	15:54		
	Yearf naction	以 数字医开门表示队行等日隔		

A-5 息票日期 13)

accritisc	Fraction = accurac(Settle Maturity, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate, FirstCouponDate,			
	LastCouponDale, StartDale)			
	Settle	债券的结算日		
	Materity	赁券的到明日		
	Penod	可逃。年发放志願的頻率,耿认值是 2		
	Basis	可选,天骸计数规则		
	E.ndMonthRule	可选,月末法则		
	IssueDate	可选。发行日		
	First oupenDate	可选,第 次息原发放日		
	LasiCoaponDate	可选、最后一次包票发放日		
	StartDate	可选、债券计参初始日		
		返回的是不同利急发放的问题,以年为计数单位,以小数		
	Fraction	- · x ·		
	[CFlowAmounts, CFlowDates. TFactors, CFlowFlags] =cfamounts(CouponRate, Settle, Matunty,			
cfamounts	Period, Basis, End MonthRule, IssueDate FursiCouponDate, LastCouponDate StartDate, Face)			
	CoupenRate	シ票性		
	Settle	使券的结算·B		
	Matunty	唐森於到期日		
	Period	急票支付领室		
	Hasis	可选,天数计数规则		
	EndMonthRaze	可选, 月末法别		
	IssueDate	。 是 发←B		

		536				
	FirstCouponDate	可煲、第 次急頭发放日				
	LastCouponDate	可逃。最后 次忠原发故日				
	StartDate	可选,使券计包初始日				
	Face	領界的歪値				
	CFlow Amounts	现金点的数量				
	CFlowDates	现金流的日期				
	Ifactors	时间图子				
	CFlowF ago	现金波类型标识,具体取值参见帮助文档				
	CFlow Dates = cfdates(Set	tile Maturity, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate,				
cfdates	FirstCouponDate, LastCou	uponDetc, StantDetc)				
	Settlec	债券的结算日				
	Malunty	债券的到期·B				
	Penod	息景支付领库				
	Basis	可选、天散计数现均				
_	EndMonthRue	可选,月末法则				
	IssueDate	可选、发行日				
	First ouponDate	可选,第一次急票发放日				
	LustCoupenDate	可选,最后一次息票发放日				
	StartDate	可选,债券计息初始日				
	(law Dates	*4 * E				
ciport	(CFBondDate, AliDates, A	[CFBordDate, AllDates, AllTF, IndByBond] = cfport(CFlowAmounts, CFlowDates, TFactors)				
	(11) w Amounts	现金流的数量				
	(FlowDates	现金克的日期				
	Tfactors	時间因子				
		每只债券对应于 AllDates 的现金更矩阵,如果没有现金流				
	(FBondDate	则对应的现金流为 0				
	Al Dates	所有有现金流发生的日期				
-	ALTE	对应 AllDates 现金流的时间因子				
	IncBvBond	每只债券对应于 AllDates 的现金流指标矩阵				
	TFactors oftimes(Settle,	Maturity Period, Basis. EndMonthRule, IssueDate FirstCouponDate,				
cfunes	LastCouponDate, StartDat					
	Settle	使券的站算日				
	Matunty	债券的乱期日				
	Period	包票支付领率				
	Basis	可选,天散计数规则				
	LndMonthRule .	可选、月末法则,				
_	IssaeDate	可远,发行日				
	F.rstCouponDate	可选,第一次息票发放日				
	Last(ouponDute	可选,最后一次悬票发放日				
	StartDate	可选,债券计息初始日				
_	Tfactors	返回的是债券对应的时间因子				

	NumCouponsRemaining : cr	procount(Settle, Maturity, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate,			
cpacount		FirstCouponDate, LastCouponDate, StartDate)			
	Settle	债券的结算日			
	Maturity	资券的 至期日			
	Period	包禁支付额率			
	Baus	可选,天数计数规则			
	EndMonthRule	可或,月末法則			
	IssueDate	可选,发行日			
	FirstCouponDate	可选,第 次息票发放日			
	LastCouponDate	ゴニ 巻片 1 分享状放日			
	StartDate	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			
	Num(SuponsRemaining	6. 中人,口思之。。對			
	NextCouponDate cpridaten	(Settle Marunty Period, Basis EndMonthRule, IssueDate,			
cpndaten	FirstCouponDate, LastCoupo				
	Settle	使券的结算日			
	Maturity	使券的到期日			
	Per od	如果子, 你是			
	Basis	2 ×\$1.1976xx			
	EndMonthRule	可选,月末法則			
	Issuellate	7. %*			
	First(oupon!)ate	可选,第一次息票发放日			
	LastC supunDate	可选,最后一次息票发放日			
	Next tops or, late	110 / 1			
	NextQuaseCouponDate = cpedatenq(Settle, Maturity Posted, Basis, EndMonthRule, LisueDate,				
cpndatenq	PirstCouponDate, LastCouponDate				
	Settle	A 2. 1			
	Maturity	债券的到期日			
-	Perod	息原支件频率			
	Basis	可透,天散计数规则			
	End Month Rule	可选。月未法则,			
	[ssue]?ate	可逃,发行日			
	FirstCouponDate	可选,第一次息票发放日			
	LastCosponDate	可选、最后 次急泵发放日			
	Nex QuasiCoupi nDate	下一次息票支付近似日期			
		step(Settle, Meturity Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate,			
cpndatep		FirstCouponDate, LastCouponDate)			
	Settle	债券的结算日			
	Matunty	债券的到期日			
	Period	包票支付领率			
	Basis	可逃,天数计数规则			
	EndMonthRule	可选,月未去即			
	IssueDate	可选、发行日			

	LastCouponDate	可选,最后一次息票发放日			
	PreviousCouponDate	前一次皂粟支付日期			
	PreviousQuas/CouponDate	cpndatepqtSettle Maturity, Period, Basis, EndMonthRule			
cpndatepq	IssueDate, FirstCouponDate,	LastCoupon()str)			
	Settle	母丸 算品			
	Maturity	情報の主題の			
	Penod	整然子 * * 领重			
	Basis	(# # # # # # # # # # # # # # # # # # #			
	EndMonthRule	A -8 28			
	IssueDate	of B. Expe			
	hirstCouponDate	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			
	LastCouponDate	可选,最后一次息票发放B			
	Press to QuasiCouponDate	an 女似你多什么 助			
-	NumDaysNext .pndaysn/S	ettle Matunty, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate,			
cpndaysn	FirstCouponDate, LastCoupo	nDale, StartDale			
	Settle	ch.z _p 29 c			
	Maturity	债券约到明日			
	Penod	参照支付領率			
	Basis	可选,天散计数规则			
	E.ndMonthRule	可选、月末法則			
	(ssue)ale	可选、发行日			
	PirstCouponDate	可选,第一次息票发放日			
	LastCouponDate	可选,最后一次急票发放日			
	StartDute	シュラ 使者・ロック			
	Numibus Next	沙雪 日本人・・ の 日報			
	NumDaysPrevious = condays	prSettle Maturity Period Basis EndMonthRule, IssueDate,			
pndaysp	FirstCouponDate, LastCouponDate StartDate)				
	Settic	(2.2. A			
	Maturity	(長春の子歌行。			
	Period	息票支付預率			
	Basis	可选,天数计数规则			
	EndMonthRule	可选、月未法则			
	IssueDate	(A TV) F			
	First(opponDate	可洗,第一次思票发放日			
	LastCouponDate	可选、最后一次息票发放日			
	StartDate	可选、债券计多初始日			
	NumbassPresions	- 多广 个息票支付日的天散			
pnpersz		NumDaysPeriod = epapersz(Settle, Maturity Period. Basis EndMonthRule, IssueDate, FirstCouponDate, LastCouponDate, StartDate)			
	Settie	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			
	Matunty	· 使物心主题后			
	Penod	東馬をつ替を			
	Basis	0° 五、天歡计數規則			

		345
EndMonthRule	可选,月末法则	
IssueDate	可选、发行日	
FirstCouponDate	可选,第一次息票发放日	
LastCouponDate	可选,最后一次息票发放日	
StartDate	可选、债券计息初始日	
NumDaysPersod	本息繁支付阐期内的天教	

A-6: 货币与价格(5)

cur2frac	Practice = unconsequential, Decominator)				
	Decimal	以十进制小数形式表示的数值			
	Denominator	计量单位的分母,一般为 8,16,32 等			
		返回的以上十进制小数以 Denominator 作为分母的分数的			
	Fraction	形式			
our/late	String - calcium Famour				
	Value	输入值, 古进制			
	Digits	小数位数			
	Strong	以货币格式输出显示			
Auchidentee	[OutNumber/Fesselnes] = distributy two (faNumber, Accuracy)				
	InNumber	输入的十进制数字			
	Accuracy	可选、槽度控制参数			
	OutNumber	数字的整数部分			
	Fractions	以 1/32 为单位的小数部分			
And Advantage		(Charles)			
		返回的以上十进制小数以 Denominator 作为分母的分数的			
	Fraction	形式			
	Denominator	计量单位的分母,一般为 8,16,32 等			
	Decimal	以十进制小数形式表示的数值			
Minsterchies .	OutStanding (Manager Standing InPraction)				
	InNumber	輸入的整数部分			
	InFraction	输入的小数部分			
	OutNumber	輸出的含有小数的数字			

A-7: 金融数据表格 (14)

(ins/book).	territorij)/im	
	tsobj	金融时间序列数据
	输出变量是金融时间序列数据的水平/器直条形图,其中 bar3/bar3h 是对应的二维绘图情况	
	Dinovavgv, U	Specifiend, Lowerflend) - balling(Asser, Singular, Highs, Width)
	Asset	资产价格序列
	Samples	移动平均线的滞后项
	Alpha	可选、指数加权平均计算移动平均线的参数
Width 带宽		帯変
	Movavgv	移动平均线的滞后项
	UpperBand	上带宽

	LowerBand	丁帶鄉		
candle	candle(High,	Low Close, Open)		
	High	H 유 ·		
	Low	最近 ^		
	Close	支票や		
	Open	分野へ		
	19 th High L	14 (live) Open * 3 5, 3 %		
chartfts	chartftsctsob	p .		
	tsobj	金融时间序列数据		
	根据金融时	间序列绘制包含一个或多个坐标轴的 GUI		
dateaxis	daseaxis(Aks	iss, DateForm, StartDate)		
	Aksis	可选,标识操作对象是 x 轴,y 轴,还是轴		
	DateForm	可选,日期显示格式		
	StartDute	可选,真实日明		
	将坐标轴的	学标值以日期形式表示		
highlow	highlow(Hig	th, Low Close, Open, Color)		
	Engh	H 0		
-	Law	養近や		
	Close	方数心		
	Open	可选、开盘价		
	Color	可选、颜色		
	. 1 ^.13			
kagi	kagi(X)			
	1	メス・サル 地本 トン・M-1、1分		
-	松削卡吉图			
linebreak	Inebreak(X)			
1000000		1 A Box . W & 17 2 x M 17 0 4		
	end I ne B			
movavg		et, Lead, Lag. Alpha)		
no-urg	Asset	2 a 10 - 45		
	Lead	被務定 ・1 高端によ		
	Lag	* 18.2 × 1 % T 1		
	Alpha	しき 人数の哲学の所収集多数		
	心倒练士 正			
plot		plot(sobj)		
piot	taobj			
	绘明金融时			
pointfig	pointfig(Ass			
Normark		** ** **		
		旅がり 毎年 、 cate()		
priceandvol	priceandvole			
pricemuvoi	perceanavon	A) スターサイト 格写と 株式ケ M*A かえ モ 引った ナ日柳 み立 書高 最低 々名		
	X	超交易量		

			236
	绘制资产价格的价量图		
renko	renko(X)		
	X	X 是日期和价格序列构成的 M*2 的矩阵	
-	经制 Renko 图		_
volarea	volarea(X)	
	X	を有に合 場とこと語 4 × か て Mest を かん	
	全部价	客和交易量图,但不同于 priceandvol	

A-8: 年金函数 (2)

annurate	Rate = annurate(NumPeriods, Payment, PresentValue, FutureValue, Due)		
	NumPeriods	区间数目	
	Payment	单周期支付额	
	PresentValue	现值	
	Future Value	终值	
	Duc	可选、期初支付还是明末支付变量	
	Rate	计算单个支付周期的收益率	
annuterra	NumPurjods = annuterro(Rate, Paymest, Prescu(Value, PotoroValue, Due)		
	Rate	计算单个支付周期的收益率	
	Payment	单周期支付额	
	Present value	現頃	
	FutureValue	终值	
	Due	可逃,期初支付还是聊末支付变量	
	NumPeriods	区间数目	

A-9: 摊销与折旧(6)

	[Principal, Interest, Balance, Payment] = amortize(Rate,			
amortize	NumPeriods, Pr	NumPeriods, Present Value Future Value, Due)		
	Kale	单个支付周期的收益率		
	NumPeriods	区可数目		
	Present Value	现值		
	Future Value	经值		
	Due	可选,期初支付还是期未支付责量		
	Principal	单个支付周期的本金支付额		
	Integest	单个支付周期的利息支付额		
	Balance	单个支付周期的余额		
	Pament	单个支付周期的总支付额		
depfixdb	Depreciation = depfixeb(Cost, Salvage, Life, Period, Month)			
	Cost	成本		
	Salvage	残值		
	Life	寿命		
	Period	摊销年限		
	Month	可选,第一年的剩余月份数目		
	Depreciation	接租 Fixed declining balance 折旧法的折旧额		

			130
depgendb	Depreciation = depgendb(Cost, Salvage, Lafe, Factor)		
	Cost	夏本	
	Sawage	残值	
	Life	商 会	
	Factor	折旧法的选择	
	Depreciation	接頭 General declining-balance キロまかさ ら級	
deprdy	Value = deprdv(Cost, Salvage, Accum)		
	ter)	7-%	
	Salvage	线值	
	Accum	第3 一折 日教	
	Value	秦文、王監	
depsoyd	Sum = depsoyd(Cost, Salvage, Life)		
	Cost	24	
	Surage	气值	
	Life	条户	
	Surr	10 " sum. I years Jig to # A a R to P#	
depstin	Depreciation = depstln(Cost, Salvage, Life)		
	(4)	5.6	
	Salvage	线像	
	Life	由內	
	Depressation	接地直线折封法的折目额	

A-10: 现值 (2)

pvfix	PresentVal = pvfix(Rate, NumPersods, Payment, ExtraPayment, Due)		
	NumPerods 3 \$		
	Payment	単原語をい物	
	£ struPayment	可选,最后一次收到的多于 Payment 的数目。一般由于本金支付造成	
	Due	可选,明初支付还是期未支付安置	
	Present\2	固定现金流现值	
pvvar	PresentVal = pvvar(CashFlow, Rate, InCFDstes)		
	CushElow	to Y ^	
	Rate	单个支付周期的收益率	
	IrrCFDates	可选、对于非期期现金流支付的日期	
	PresentVal	变动现金点现值	

A-11: 终值 (3)

fydisc	FutureVal = fvdisc(Settle, Manurity, Price, Discount, Basis)		
	Sen.c	16算日	
	Maturity	予期日	
	Price	价格	
	Discount	贴现率	
	Basis	可选,关数计数规则	
	FutureVal	贴现债券的终值	

69

îvfet	Future Val = (vfix(Rate, NumPersods, Payment, Present Val, Due)		
	Rate	单个支付厨期的收益率	
	NumPeriods	区间数目	
	Payment	華周期支付額	
	Present's al	现值	
	Due	可选,期初支付还是期末支付变量	
	Future\ai	固定现金点终值	
fvvar	Future Val = fvvar(CashFlow, Rate, In CFDates)		
	(while w	现金克	
	Rate	单个支付周期的收益率	
	IrrCFDates	可选,对于非周期现金流支付的日期	
	FutureVa.	变动现金点样值	

A-12: 支付计算 (4)

payadv	Payment = pay	radv(Raic, NumPenoda, PresentValue, PutureValue, Advance)	
	Rate	单个支付两期的收益率	
	NumPeriods	区间数目	
	PresentVal	BECA	
	Eutare Val	\$ (6	
	Advance	提前支付数量	
	Payment	单个支付周期的支付额	
payodd	Payment pay	yodd(Rate, NumPenods, PresentValue, PatereValue, Daya)	
	Hate	单个支付周期的收益率	
	NumPeriods	De or 數科	
	Present\val	~'Q	
	FutureVal	15°A	
	Days	首期支付的延迟天散	
	Payment .	计算年金或者贷款单个周期的支付额度	
payper	Payment = payper(Rate, NumPenods, Present/Value, FotureValue, Dute)		
	Rue	单个支付周期的收益率	
	NumPeriods	区山飲月	
	Present Val	现值	
	FutureVal	政值	
	Due	可选,期初支付还是期未支付变量	
	Payment	許款或年计的单个周期支付额	
payuni	Series = payur	ai(CashFlow, Rate)	
	Castiflow	现金竞数量	
	Rate	单个支付周期的收益率	
	Senes	和 CashPlow 现值相等的等额支付现金 克數量	

A-13: 收益率计算 (7)

effir	Return = effir(Rate, NumPeriods)			
	Rate	单 支生多斯的收益率		

	NumPersods	区间数目		
	Return	有效收益率		
elpm	elpro(Mean, Sigma)			
	Mean	# A		
	Sigma	7.英		
	三子物:1算正个	~予必必分なな事の近去 総会		
icr	Return = urr(Cash	iFlow)		
	Castrina	ちゃらかき		
	よる数に異年金	E = 1 € 1 ↔ \$		
mirr	Return = mirr(Ca	shFlow, FinRate, Reinvest)		
	CashFlow	支 性 - 容量		
	FinRate	融资成本		
	Reinvest	再投资收益率		
	Return	修正后的内部改益率		
nomer	Return = nomm(Rate, NumPenods)			
	Rate	单个支付周期的收益率		
	NumPenads	区制数目		
	Return	名义收益率		
texedir	Return = taxedrr(PreTsxReturn, TsxRate)			
	Pre Lax Return	税前收益率		
	TaxRate	校本		
	Return	現后收益率		
xirr	Return = xurr(Cas	hFlow, CashFlowDates, Guess, MaxIstrations, Basis)		
	Cashi 1:34	非周期性现金皮		
	CashFlow Dates	与现金流对应的日期		
	Guess	可逃,估计初始收益率		
	MaxInterations	可逃,牛顿法括循最大次数		
	Basis	才进 ,你小教说。		
	Return	非规期性现金 克的内部改益率		

A-14: 现金流的敏感性 (2)

cfconv	CFlowConvexity = cfconv(CashFlow, Yield)		
	CashFlow	現金流数量	
	Yield	单个周期的收益率	
	CFlowConvexit y	现金流凸性	
ofdur	[Darabou, ModDuration] = cfdur(CashFlow, Yield)		
	CashFlow	现金克数量	
	Yield	单个阴影的收益率	
	Duration	现金流的久期	
	MOdDuration	双金页的修正久期	

A-15: 应计利息(2)

aembond	Acculinterest × acc	rubond(IssueDate, Settle, FirstCouponDate, Face,	
	IssueDate	发行日	
	Settle	结別R	
	FirstCouponDate	收益系参日	
	Face	素頂	
	CouponRate	息景本	
	Penod	可选,年派包次数	
	Basis	可选,天散计数法则	
	Accounterest	版时形®	
	Accruinterest = acrudisc(Settle, Matunty Face, Discount, Period,		
ecrudisc	Basis)		
	Settle	14. 强。	
	Maturity	4 聯月	
	Face	di 10	
	Discount	財双車	
	Period	可透,年級意次数	
	Basis	可选,天数计数法则	
	Accrulaterest	贴现债券的应计利息	

A-16: 价格计算 (4)

badprice		 bndprice(Yield CouponRaie, Settle Maturity, Period, Basis, EndMonthRole, uponDate, LastCouponDate, StartDate, Face)
	Yield	收益率
	CouponRate	き原本
	Settle	结算日
	Maturity	對朝日
	Penod	可选、年派息次数
	Basis	可选、天教计数法则
	EndMonthRule	可选、月
	IssueDate	可选,发行日
	F-rstCouponDate	可选,善次派息日
	LustCouponDate	可选、最后一次派息日
	Starte Date	可选,使券起息日
	Face	可选,面值
	Price	价格
	Accruedlet	应计利息
piding	Price = prdisc(Sett	le, Maturity, Face, Discount, Basis)
	Sett e	10第一
	Maturity	至期-1
	Face	蛋馅

	Discount	花质素	
	Basis	可选,天数计数法阶	
	Pn.e	贴现债券的价格	
primat	[Price, AccruInterest] = prmat(Settle, Maturity, Issue, Face, CouponRate, Yield, Basis)		
	Se fle	** \$ 6	
	Maturity	1 PE	
	Issue	Kr r	
	Face	修了、哈	
	CouponRate	电景 章	
	Yzeld	收益集	
	Basis	可选,天徽计散法则	
	Price	校格、到期支付利息债券的价格	
	AccruInterest	1 6 6	
prtbill	Price = pribill(Se	rtle, Maturity, Face, Discount)	
	Settle	到 1	
	Marunty	4、瞬1	
	Face	15 · 17	
	Discount	W th &	
	Price	That of A	

A-17: 利率期限结构 (11)

disc2zero	ZeroRates. CurveDates) = disc2zero/DiscRates, CurveDates. Settle, Compounding, Basas;		
	DiscRates	7.052 \$	
	(urveDates	即"清佛有手順日	
	Settle	78種27	
	(ompounding	3. 中旬》此節	
	Basis	· 产 下数:数法0	
	ZeroRates	常心安主	
	CurseDates	事を至す 歌 in絵、参数は CupyeDates 科	
6 10	[ZeroRates CurveDates] = fwd2zero(ForwardRates CurveDates,		
fwd2zero	Settle, Compounding, Basis)		
	1 rwardRates	_10 · 6	
	CurveDates	贴设债券到期日	
	Settie	培算日	
	Compounding	可选,计包复利周期	
	Basis	可选。天数计数法则	
	/en-Rates	零息景本	
	L urveDates	零息票率日期,和输入参数的 CurveDates 一样	
prbyzero	BondPrices = prby	yzero(Bonds, Settle, ZeroRates, ZeroDates)	
	Bonds	含有债券信息的一个矩阵 N*6	
	Settle	结算司	
	ZeroRates	통용됐车	

쇌

		9		
	ZeroDates	零息票率日期		
	BosidPrices	债券价格		
pykl2zero	[ZeroRates, CurveDates] = pyld2zero(ParRates, CurveDates, Settle,			
pylazzeio	Compounding, Basis, Output ompounding)			
	ParRates	年化的隐含黄面收益率		
	CurveDates	债券到期日		
	Sertle	45算日		
	Compounding	可选、计息要利周期		
	Basis	可选,天数计数法则		
	Output ompouding	可选、复利周期		
	LemRates	零售原本		
	CarveDates	零包票丰日期,和输入参数的 CurveDates #T		
tb12bond	(TBondMatrix, Settle	= ibl2bond(TBillMatrix)		
	1Bi Mitri	Tbill 參数、N°5 的矩阵		
	TBondMatrix	Thond 參数		
	Settic	站算日,以上完成了数据格式的转换		
tr2bonda	IBonds, Prices, Yield	a] = tr2bonds(TreasuryMatrix, Settle)		
	Freesury Mutrix	reason Bond 多智		
	Settle			
	Bonds	의학문하다. 형		
	Prices	10.03		
	Yi, ids	16 00 \$		
zbtprice	[ZeroRates, CurveDa	tes] = zbtpnce(Bonds, Prices, Settle,OutputCompounding)		
	Bonus	68.45 6		
	Prices	企 格		
	Settle	IS 算 F		
	OutputComposding	1. 数4 种即		
	ZemKates	2041		
	(unsellates	在心室在外花期		
ebtyleld		 zbtyseld(Bonds, Yields, Settle, DutputCompounding)		
,	Bands	多菜债券信息		
	Yields	收益率		
	Senie	점웰1-		
	OntputCompouding	2.2 夏3.杨蔚		
	ZeroRates	零分布主		
-	CieveDates	5年本の19年間		
		es] = zero?disctZeroRates, CurveDates, Settle,		
ero2dinc	Compounding, Bases)			
	/eruRates	중요요> 1		
	CurveDates	与5.学者到期日		
	Settle	培養)		
	Compounding	· 走 ,: 身复利周期		
	Basis	可选,关数计数法则		

	Disk Rates	贴现率	
	CurveDates	零息原率日期,和输入参数的 CurveDates 样	
	ForwardRates, CurveDates = zero2fwd(ZeroRates CurveDates,		
zero2fwd	Settle, Compounding,	Basts :	
	Zercku es	零の月五	
	CurveDutes	贴现债券到期日	
	Settle	结算日	
	Compounding	可选,计息要利用明	
	Basis	可选,天教计数法则	
	ForwardRates	基期孔率	
	CurveDa es	零号景率日期,和输入参数的 CurveDates 一样	
	[PacRates, CurveDates] = zero2py.di.ZeroRates CurveDates Settle		
zero2pyld	Compounding, Basis, Output Compounding)		
	Zeri Rates	* 3 4	
	CurveDates	便寿到明日	
	Settle	結算日	
	Compounding	可选、计多复利图期	
	Basis	可选,天教计数法则	
	OutputCompouding	1. 克·大阳	
	ParRates	1 47 进度投資金額基	
	(urvel)utes	零年异主与即 主输入多数的 CurveDates 利	

A-18: 收益率计算 (6)

beythill	Yield = beytbill(Se	rtle, Matunty, Discount)	
	Settle	1.资。	
	Maturity	分期1	
	Discount	# B #	
-	Yiea	· 質 Total 的债券等值收益率 BEY	
	Yield = bndyteld(F	nce CouponRate Settle Maturity Period, Basis,	
bndyseld	EndMonthRule, IssueDate, FirstCouponDate, LastCouponDate, StartDate, Face)		
	Proce	价格	
_	CouponRate	皇景 生	
	Settle	结算日	
	Maturity	到期日	
	Period	可选,年派息次数	
	Bass	可选,天散计数法料	
	EnuMonthRule	> 之 月	
	IssueDate	3 章、发·5 日	
	FirstCouponDate	□ ♪ 首次派息日	
	LastCouponDate	可选,最后一次派息日	
	StarteDate	可选、债券起息日	
	Face	可选、面值	
	Yield	债券到期收益率	

discrate	DiscRate = discr	rate(Scrile, Mahunty, Face, Price, Basis)		
	Settle	120		
	Maturity	专能用		
	Face	道 6		
	Price	+0.18		
	Basis	可选,天数计数法则		
	Diss Rate	货币市场工具贴现率		
ylddisc	Yield == ylddisc(-	Settle, Maturity, Face, Price, Basis)		
	Settle	¥		
	Maturity	1 中中		
	Face	tra		
	Price	·^ 森		
	Basis	可选,天散计数法则		
	Yicld	贴现债券收益率		
yldmat	Yield = yldmat(Settle, Maturity, Issue, Face, Price, CouponRate, Basta)			
	Settle	B -		
	Maturity	f IÇI		
	Issue	% > ID:		
	Euce	東投		
	Price	价格		
	CyuponRate	意業率		
	Basis	,可选、天散计数法则		
	Yeld	返回到期支付利息证券的收益率		
yldtbill	Yield = yldtbill(Yield = yidtbill(Settle, Maturity, Face, Price)		
	Settle	特別日		
	Matunty	到順日		
	Face	for A		
	Price	1 模		
	Yield	Thell 》 农益率		

A-19. 价差计算 (1)

bridspread	Spread = bndspread(SpotInfo Price, Coupon Settle, Maturity Period, Basis, EndMonthRule (speeDate FirstCouponDate)	
	SpetInfo	含有当前利塞期限结构的 N×2 阶护阵
	Price	价格
	Coupon	き原辛
	Settle	结算日
	Maturity	至 期日
	Period	可逸,年惠思次数
	Basis	可选,夫数计数法则
	EndMoothRule	可选、月
	IssueDate	可选,发行日
	F.rstCouponDate	可选,首次派息日

	○ 办、最后 女器包目	
Spread	*算いさ数も単位が終年代差	

A-20: 利率敏感性(4)

	[YearConvexity, F	PerConvexity budconvp(Price CouponRate Settle,		
bodconsp	Materity Period Beas EndMonthRale IssueDate First supordate Last supordate StariDate, Face)			
	Priec	*8		
	CouponRate	4 微差		
	Settle	25 質に		
	Maturity	4 \$143		
	Period	3. 18076		
	Basis	可选,,数件数法点		
	I pdMonthRate	3 1		
	IssueDate	7.3 岁4日		
	1 rst(ouperDate	可选,首次派息日		
	Last opportDate	可选、最后 次派参日		
	StarteDate	3 421 60		
	Face	- F 1A		
	Year onserts	%		
	Perf executy	计息周期的凸性		
	[YearConvexity P	erConvexity = bndconvytYield CouponRate, Settle.		
budecesy	Mater's Ferred B	Morer's Ferrod Basis EndMonthRale Issuellare First caponibate Lasti caponibate Startibate		
	Face)			
	Face)			
	Face)	/===		
		/ w # 이렇는		
	١٠٦			
	Y c d CouponRate	· 영화 등		
	Y c J CouponRate Sett c	· 1 第		
	Y c d CouponRate Sett c Maturity	○ 20 章 - ○ 20 - ○ 20 (
	Y c d CouponRate Sett c Maturity Period	○ 乗事・・ 面・ 取・ 成「改造、年盈息大数		
	Y c J CouponRate Sett c Maturity Period Bass	の 衛 t ・ 関 ・ 司 ・ 司 ・ 司 さ ・ 子 記 ・ 石 記 ・ 子 記 ・ 力 さ う る う る う る う る う る う る う る う ろ う る う ろ う ろ		
	Y c J C suponRate Sett c Maturity Period Basis EndMoethRade	の衛星 ・・類 ・ 別 ・ 司志、平型他大数 ・ 司志、天政计数法列 ・ 司志、天政计数法列 ・ 司志、月		
	Y c J CouponRate Sett c Maturity Period Basis EndMoethRate IssueDate	の衛生 ・・異 ・ 取 ・ 可 ・ 方 ・ 可 ・ 方 ・ 方 ・ 方 ・ 方 ・ 方 ・ 方 ・ 方 ・ 方 ・ 方 ・ 方		
	Y c d CooponRate Sett c Maturity Period Bass EndMoethRose IsoueDate FirstCoopenDate	(中國) (中國) (中國) (中國) (中國) (中國) (中國) (中國)		
	Y c.d. CouponRate Sett c Matarity Period Bass EndMonthRule FootDate First ouponDate Last cupon Date	の衛を ・・第 ・ 市 ・ 市 ・ 市 ・ 市 ・ 市 ・ 市 ・ 市 ・ 市 ・ 市 ・ 市		
	Y c.d. CouponRate Sett c. Maturity Period Basis EndMorthRose FosciBate FireCouponDate Lastic capen Date StarteDate	の衛生 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		
	Y c.d. CouponRate Sett c Maturity Period Bass c Enabled-endRate Food-Bate FirefCouponDate LandCouponDate LandCouponDate LandCouponDate Factor State-Date Face Face	の衛生 ・・責 ・・責 ・・責 ・・責 ・・責 ・・責 ・・責 ・・責 ・・ ・・ ・		
	Yed Coporitate Sett a Matures Period Bass Bass Bass Bass Bass Bass Bass Bas	(中国) (1 年)		
baddurp	Y e.d. Coponitate Sett e Mattery Persod Bas S Establishinitate ForeDate ForeDate ForeOutput Lindicupen Date Australiae Fore Fore Fore Yeard on exaly Modellimation, Yea Modellimation	の衛生 ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		
besidasp	Y e.d. Coponitate Sett e Mattery Persod Bas S Establishinitate ForeDate ForeDate ForeOutput Lindicupen Date Australiae Fore Fore Fore Yeard on exaly Modellimation, Yea Modellimation	(中間) (中間) (中間) (中間) (中間) (中間) (中間) (中間)		
beddup	Y e.d. Coponitate Sett a Matures Person Bass EndMontificat Institute First capped Date MarteDate First SuperDate MarteDate First MarteDate First MarteDate First MarteDate First MarteDate First MarteDate First MarteDate MarteDate MarteDate First MarteDate M	・ 選 ・		

		续
	Marunty	· 勒聯戶
	Penod	可透,年源息次數
	Basis	可选,天散计数法则
	EndMonthRule	可选、月
	IssueDate	可选,发行日
	First(ouponDate	可选,善次派息日
	LastCouponDate	可选、最后 次派明日
	Starte Date	可选、领券起免日
	Face	2 ± A
	ModDuration	修正久期
	YearDuration	年化复考利久期
	PerDurator	SIA 准别下的衰考利久期
	[ModDuration, Ye	arDuration, PerDuration] = boddury(Yseld CouponRate, Settle, Matunty, Penod,
enddury	Basis EndMonthR	tule, IssueDate, FirstCouponDate LassCouponDate, StartDate, Face)
	Yie a	4 m E
	Coupe nRate	0.0 \$
	Settle	功算台
	Matunty	至期戶
	Period	可选,年源参次数
	Basis	可透,关数计数法则
	LadMonthRule	可走,月
	IssueDate	可选,发行日
	Furst ouponDate	可选、首次紧息日
	LastC superDate	可选、最后 次派息日
	StarteDate	可选、债券起息日
	Educ	可走、強強
	ModiDuration	修正久期
	'r earl)uration	年化麦考利久期
	PerDuration	SIA 准则下的复考利久期

A-21: 资产组合分析(30)

abs2active	AchveConSet = abs2active(AbsConSet, Index)	
	AbsConSet	、ストーラ また 引等でき 重条性。 2項引移電子式表示
	Index	资产组合权置
	ActiveConSet	相对有效资产约束,以相对权事""表;
active2abs	AbsConSet = uctive2abs(ActiveConSet, Index)	
	ActiveConse.	までののと立い事 いい間に要目式書き
	Index	资产组合权重
	AbsConSet	投资组合的线型不等式约束条件,以绝对权量形式表示
arith2geom	[mg, Cg] = arith/Zgeomi ma, Ca)	
	ma	そうなが毛が関す。"
	Ca	一个对称半正定的算术协方差矩阵
	mg	资产收益率的几何平均

	Cg	一个对称半正定的几何协方等矩阵		
сотг2соч	ExpCovariance = c	orr2cov(ExpSigma, ExpCorrC)		
	Explore na	标准差向量		
	Exp(orrC	可选、相关系数矩阵		
	Exp(wanance	将标准签和相关系数转换成协方差矩阵		
cov2corr	[ExpSigma, ExpCorrC] = cov3corr(ExpCovanance)			
	Expl variance	将标准签和相关系数转换成协方签矩阵		
	ExpSigma			
	Exp(m(可选、相关系数异阵		
owstats	[ExpReturn, ExpCo	ovanance, NumEffObs] = ewstate(RetSeries, DecayFactor, WindowLength)		
	RefSeries	收益率序列		
	Decaybactor	可选、滞后因子、取值在0~1之间		
	Windowl.ength	可选、審定、郵現解散目		
	ExpReturn	期望水益		
	Expl ovariance	协方差矩阵		
	North Helica	有效规测数目		
	(PortRisk PortRett	um. PortWis! (routcon/ExpReturn, ExpCovariance, NumPorts, PortReturn,		
frontcon	AssetBounds, Gros	ips. GroupBounds varargin)		
	LapReture	每项资产的明验收益		
	Expl overtance	资产收益的特方等处势		
	AussPorts	可逃,沿有效前沿上的散挺点		
	PortReturn	可透、健数和		
	AssetHounds	可选,资产组合中资产权量的上下约束		
	Grups	可选,资产分组说明		
-	GroupBounds	可选,资产分组后约束		
	Varang ri	可选,算法控制参数,具体含义参见帮助文档		
	PortRisk	有效前沿上的点所代表的资产组合的标准签		
	PertReturn	有效前沿上的点所代表的资产组合的收益		
	PoptWis	有效前沿上的点际代表的资产组合的资产权宣		
	[PortWis. AllMean	, AllCovariance] = frontsert1 niverse Window, Offset, NumPorts, ActiveMap.		
frontier	CooSet, NamNonN	isni		
	I n verse	包含有资产的详细信息,为一组时间序列		
	W ndow	用以计算有效前沿的畲家		
	Offset	每个有效前沿的时间尚属		
	NumPorts	有效前沿上的数据点		
	ActiveMap	可透、布尔矩阵		
	(anhel	一色 下多皮质		
	NumNonNan	1 - 3 下 四合数		
	PortWts	美国独介疗着		
	AllMean	に動めた音		
	AllCovariance	所有的协方差矩阵		
geom2srith	(ms, Cz) = geom2z	rith(mg. Cg)		
	mg	资产收益率的几何平均		

		1
	Cg	一个对称半正定的几何协方差矩阵
	ma	资产收益率的算术平均
	Ca	一个对称半正定的算术协方差矩阵
oldings2weights	Weights = holdings	Zweights(Holdings, Prices, Budget)
	Holdings	A ≃ . 1
	Prices	资产价格
	Buuget	可选、预算约束
	Vicights	返回校童
calıms	[A,b] = pcalims(Ass	etMin, AssetMax, NumAssets)
	AssetMin	资产配置的最小值
	AssetMax	万产表質≥ 器大資
	NumAssets	可选,资产数包
	A	
	ь	资产配置约束的矩阵形式
cacourb	[A,b] = pcgcomp(G	roupA, AtoBmin, AtoBmax, GroupB)
	(rpA	ZARA OF
	At-BMin	
	AtoBMax	AB 两组资产的约束原
	GroupB	资产组目的说明
	A	
	ь	会产配置约束的矩阵形式
eglinis	(A,b) = pcglams(Gro	sups. GroupMin, GroupMax)
	Groups	A - 5
	GroupMin	वाः ८ । क
	GroupMas	祖北京、唐
	Λ	
-	ъ	我的表質的 造化员 明年 1
apval	(A,b) = pcpval(Port)	Value, NumAssets)
	PortValue	2.01. A
	NumAssets	资产数目
	A	
	h	将中長 曹士 电外际强用 式
eriodicreturns		hicreturns/TotalReturnPrices, Ponod)
	TotalReturnPrices	2 to 12 to
	Period	` 子 一算衣英術明
	lotalReturn	2 2
-	_	turn RiskyWis RiskyFraction, OveraliRisk, OveraliReturn) = portalloc(PortRisk,
ortalloc		RisklessRate BorrowRate RiskAversion)
	PortR vx	有效前沿上的资产组合的标准等
	PortReturn	有效前沿上的资产组合的收益率
-	PortWis	有智節 ,不有产组合的权量
	RisklessRate	表成給÷ 泰
	BorrowRate	「「」と 情報を車

	RiskAversion	可选,风险沃思程度
	RiskyRisk	优化后的风险资产组合中风险资产的标准差
	RiskyRetam	优化后的风险资产组合中风险资产的收益率
	RiskyWts	优化后的风险资产组合中风险资产的权重
	RiskyFraction	资产组合中的风险资产权重
	OverallRisk	资产组合的总标准差
	OverallReturn	资产组合的总收益率
portcons	ConSet = portcons	(varargin)
	varang ri	具体参数含义参见帮助文档。根据模型的不简而不同
	ConSet	包含资产组合约束条件的矩阵
	[PortRisk, PortReta	um, PortWis] = portoptiExpReturn ExpCovariance, NumPorts, PortReturn, ConSet,
portopt	varargin)	
	ExpReturn	每项资产的期望收益
	ExpCovenance	费产收益的协方签矩阵
	NumPorts	可选,必有效前沿上的数据点
	PortReturn	可选、维数和
	ConSet	可选,约束矩阵
	varargio	可选,具体含义参看帮助文档
	PortRisk	约束条件下的有效前沿上的点所代表的资产组合的标准签
	PortReturn	约束条件下的有效前沿上的点所代表的资产组合的收益
	PertWis	约束条件下的有效前沿上的点所代表的资产组合的资产权量
portrand	[PortRisk, PortRete	um, PortWts] = portrand(Asset, Return, Points, Method)
	Asset	资产时 10 序列
	Return	可选。与 Asset 对应的收益率序列
	Points	可退,随机横拉点数
	Method	可选,随机数生成所服从的分布
		有效前泊上的点所代表的资产组合的标准差,权意是随机生成的
	PortRisk	
	PortReturn PortWts	有效前沿上的点所代表的资产组合的收益 有效前沿上的点所代表的资产组合的收益 有效前沿上的点所代表的资产组合的资产权重
postere	PortReturn PortWts	有效前品上的点所代表的资产组合的收益 有效前品上的点所代表的资产组合的资产权重
portror	PortReturn PortWis R = portror(Return,	有效明点上的点所代表的资产组合的收益 有效明点上的点所代表的资产组合的资产权重 Worghi)
portror	PortReturn PortWix R = portror(Return, Return	有效明点上的点所代表的音声综合的效益 有效明点上的点所代表的资产综合的资产权量 Wespin) 毎項点产的期望を当
postrox	PortReturn PortWis R = portror(Return, Return Weight	有效明品上的点所不良的资产综合的收益 有效明品上的几所代表的资产综合的资产权重 等级财产的期望收益 每项资产的期望收益 每项资产的期望收益
	PortReturn PortWis R = portror(Return) Return Weight R	有政则品上的点环代表的由产组合的收益 有效而品上的点产代表的资产组合的资产权置 等级的。 等级产的职业会 最级产的职业会 最级产的职业会 是一种企业的企业
	PortReturn PortWts R = portrof(Return, Return Weight R RetSenes = portsin	有效明品上的点所代表的资产组合的收益 有效用品上的点所代表的资产组合的资产权直 Wedgibl 每项资产的有理专品 每项资产的有理专品 每项资产的成立库 使产组合的效应库 KEigRittens, ExpCovenance, NamClin, Ratinstovals, NamClin, Metbod)
	PortReturn PortWts R = portror(Return Return Weight R RetSense = portuin	有效明品上的点所代表的资产指令的资产权复 有效用品上的点所代表的资产指令的资产权复 Medglat 每项资产的和资本显 每项资产的权益 资产的企业。 使用的的或证率 (ENGERTHERE, PEC OWNERSE, Redistervals, NamSlin, Method) 每项资产的销售收益
	PortReturn PortWts R = portrof(Return, Return Weight R RetSenes = portsin	有效明品上的点所代表的资产组合的收益 有效用品上的点所代表的资产组合的资产权直 Wedgibl 每项资产的有理专品 每项资产的有理专品 每项资产的成立库 使产组合的效应库 KEigRittens, ExpCovenance, NamClin, Ratinstovals, NamClin, Metbod)
	PortReturn PortWa R = portror(Return Return Weight R ResSence = portrin ExpReturn ExpReturn ExpCovariance NamObs	有效明点上的点所代表的资产组合的收益 有效用点上的点所代表的资产组合的资产权度 Weepipl 每项资产的构理改益 每项资产的权益 资产组合的收益率 (EpipRetern, EppConscissor, NamClin, Ratiosynals, NamClin, Method) 每项产品的协力差距库 项产组合的协力差距库 项产组合的协力差距库
	PortReturn PortWs R = portror(Return Return Weight R ResSenes = portain ExpReturn ExpReturn ExpReturn ResSenes = portain ExpReturn	有政務品上的点所代表的資产協合的收益 有效商品上的点所代表的资产協合的资产权度 Weepiny
	PortReturn PortWs R = portroi(Renum Return Weight R ResSense = portain ExpReturn ExpCovariance NamObs Returnevals NumSim	有限明点上的点所代表的表产组合的现在 有限用点上的点产代表的表产组合的资产权直 Weeglight 等現在中的限度也是 每項在产的权益 表产组合的效应准 化Explication, Explic oversisten, Post Oversisten, Morthood) 等項表产的销售金数 資产组合的协会系矩阵 項字程立 可表,不定以之间的影响所 可及、模拟器符款目 可及、模拟器符款目
poetrice	PortReturn PortWe R = portor(Raman Return Werght R Rescence = portor ExpReturn ExpRetu	有效明点上的点所代表的资产组合的收益 有效用点上的点所代表的资产组合的资产权度 Weepipi 每项资产的构理改立 每项资产的权益。 经产组合的收益率 任EpiRelenius, ExpCovenance, NomCles, Relinionysis, NomClin, Method) 每项资产的阅读也 资产组合的协力逐渐有 项产程由的协力逐渐有 项性自己。 "不仅以上试的可以问题 可说。例识是任何可以
	PortRetum PortWo R = portor(Ponton R = portor(Ponton Return Weight R ReSSense = portoin ExpReturn Lup(Povariatio RestIntervals NumSen Method ResSense	有限明点上的点所代表的表产组合的现在 有限用点上的点产代表的表产组合的资产权直 Weeglight 等現在中的限度也是 每項在产的权益 表产组合的效应准 化Explication, Explic oversisten, Post Oversisten, Morthood) 等項表产的销售金数 資产组合的协会系矩阵 項字程立 可表,不定以之间的影响所 可及、模拟器符款目 可及、模拟器符款目

	ExpCovariance	资产收益的协方差距阵
	PortWis	可选,资产组合中的资产权重
	PortRisk	资产组合的标准差
	P. nReturn	资产组合的票值收益率
portvar	V = portvar(Asset,	Weighti
	Asset	资产收益率的时间 序列
	Weight	市产权量
	4	资产组合的方差
portvrisk	ValueAtRisk = por	tvrisk(PortReturn, PortRisk, RiskThreshold, PortValue)
	PrintReturn	507 Y 5 + \$
	PortRisk	□ □ □ □ □ □ □ □ □ □ □ □ □ □ □ □ □ □ □
	RiskThreshold	可选,说明每场资产的损失概率
	Port Value	资产银合的价值
	ValueAtRisk	AMY / Vall
ret2tick	(TickSenes, TickT	imes} = ret2vck(RetSenet, StartPrice, RetIntervals, StartTime, Method)
	Retrieres	11 14 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
	StartPrice	可选、起始价格
	RetIntervals	可选、收益率序列的时间间隔
	StartTime	可虑,起始时间
	Method	可选、收益率向价格的换是技能连续复利还是简单复利计算
	TickSenes	分核序列
	likal mes	. 18 p . 3, . p. 9.
electretum	PortConfigs = selec	treturn(AllMean, All Covanance, Target)
	A Meun	4 3 3 . · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	Auf ovariance	計打の中かいても変数所
	Target	48.5 44
	Port(onf,g	スカン タ表質を数 ・4数 、作動 / 作。ひょと 美 (程)
argetreturn	return = targetretian	(Usinverse, Window Offset Weights)
	Lavene	\$ 42.2 5 8 4 gat x \$1
	Window	用, "算有水矿" 化聚系
	Offset	每个有效的·自的时间间酶
	Weights	费产权宣信息
	return	ネニュイタスの事 はい事式型「Anglesterlum +資的対象和符合
tick2ret		rvals] = tick2ret(TickSeries, TickTimes, Method)
	Lyabenes	+ 15 %
	T ckTimes	10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10.10 10
	RetSenex	お音楽学を
	Retintervals	2 中国 李成章 第5 四月 日日間
otalretumprice		price(Price, Action, Dividend)
	Price	10 2 3 y
	Action	心脏作息 何贪折分答
	Dividend	价格信息、蒸息
	Retern	マの収益主

weights2holdings	Holdings = weights2holdings(Values, Weights, Prices)		
	Vance	-2.m. g	
	Weights	点-双重	
	Prices	表产仓辖	
	Holdings	资产 x 1	

A-22: 绩效矩阵 (6)

emaxdrawdown	EDD = emaxdrawdown(Mu, Sigma, T)		
	Ma	布朗运动的草移变	
	Sigma	市明运动的扩散项	
	Т	8†(a)	
	FDD	布朗运动的朝望最大威少量	
inforation	Ratio=inforatio(Asset, Beach	mark)	
	Asset	资产的价格序列	
	Benchmark	基章数据	
	Rito	得到的信息比率	
1pm	Moment = lpm(Data, MAR, Order)		
	David	资产收益时 间序列数据	
	MAR	可选。收益率的曾口高度,高于 MAR 的方计入对矩的影响	
	Order	所数	
	Mement	计算得到的矩	
maxdrawdown	MaxDD = maxdrawdown(Data)		
	. Nati.	V 11 \$ 11 € \$ 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	
	MaxDD	卷 : 36 条件	
portalpha	portalpha(Assot, Benchmark)		
	Asset	资产的价格序列	
	Benchmark	基在数据	
sharpe	sharpe(Asact)		
	Asset	资产的价格序列	
	系数足用来 †算 Shape に エビ		

A-23, 条件期望最大化(ECM) 算法(6)

eomfish	Fisher = eccentisb(Data, Coveriance, InvCoverience, MatrixFormet)		
	, halia	多性 7 一十数征	
	Сочапатке	Data ** 151+ 2 年基新與	
	InvCovanance	o' _ * (evanance o' 是新既	
	MatrixFormat	"进 可英格式	
	E sher	長雪へ ちもば	
ocmhess	Hessian ≈ ocmah	ess(Data, Covanance, InvCovariance, MatrixFormat)	
	Bus	多维正态分布数据	
	Covanance	Data 的估计协方差矩阵	
	InvCovanance	7是、Covanance 的更能夠	

	MatrixFormat	可连 物務據式	
	Нехмал	文なってむしゃた社	
ecmmit	[Mean, Covanano	ce, = ecmnunt(Data, IntMethod)	
-	Data	多性正"一两数位	
	InitMethod	可选 · 對今下去	
	Mean	Data 前海化斯盟	
	Chanance	Dat 1 常性 "三天冬子	
ecmnmle	[Mean, Covariano	ce] « ocmnme(Data InstMethod, MaxIterations, Tolerance, Mean0, Covar0)	
	Data	多市 F * 一年数項	
	IntMethod	42. 4 0,4 ° ±	
	MaxIterations	「于 ECM 算 点中 超大重复数	
	Ts Jerunce	「注 ECM M +のなみなっま	
	Mean0		
	Covar0	工参数系是 ocmanit 系数的返回領	
	Mean	不安全正态分布下的均值	
	CHARME	不完全正态分布下的协力差距降	
ecmnobj	Objective a ochnoby(Data, Mean, Covanance, Chol/Covanance)		
	Data	多维正态分布数据	
	Mean	Data 个學型	
	Covariance	Data 的协方差矩阵	
	(hol(ovariance	可选,物方差矩阵的 Cholesky 分机	
	Chrechne	多元正态分布负似然函数值	
ocmastd	[StdMean, StdCo	variance] = ecmnsid(Data, Mean, Covariance, Method)	
	Data	3世 "一声智强	
	Mean	Data ** 學學	
	Covanance	Daus come X 拒絕	
	Method	3 设、町生英算法	
	StdMean	8. BIE 0 + 0	
	5tJCovariance	利 包 X 2 1 1 1 7 年 知 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	

A-24· 多元正态回归(4)

mynefish	Fisher = mvnrfish(Data, Design, Coveriance, MatrixFormat, CoverFormat)		
	Data	多维正态分布数据	
	Design	模型结构控制参数	
	Covariance	Data 的协方差矩阵	
	Matrix Format	矩阵格式	
	Covari ormat	协方差矩阵格式	
	Fisher	赛明 申号符	
	[Parameters, Covariance Revid. Info, = revermie(Data, Design, Maxiterations, TolParam, TolObj,		
mvnrmle	Paramo, Covaro Covariformati		
	Data	多维正恋分布数据	
	Design	模型结构控制等数	
	MaxIterations	可选,估计值的最大插值个数	

	FolParam	可选,估计值随模型参数变化而导致的收敛的容忍度		
	TelOb;	可选,估计值随目标函数变化而导致的收敛的容忍度		
	Putam0	可选,初始参数估计值		
	Covar0	可选,初始协方差矩阵		
-	CovarFormat	可选,字符串参数、决定协方差矩阵格式		
	Parameters	输出参数		
	Covariance			
	Resid	同戶残差		
	Int	包含回归模型信息的结构型数据		
ecmmvarob)	Objective = ecramvnroby(Data, Design, Parameters, Covariance, CovarFormat)			
	Data	多領正亦分布數据		
	Design	模型结构控制多数		
	Parameters	回归模型的多数点估计值		
	Covanance	Data 約功方差矩阵		
	Coverformat	可退,字符串参数,决定协方差矩阵格式		
	Object so	最大似然函数		
ecmstvarstd	[StdParameters, StdCovariance] = ecmmyn: std(Data, Design, Covariance, Method, CovarFormat)			
	Data	多號正恋分布歡樂		
	Design	模型结构控制要数		
	Covariance	Data Y ' Y F R in Fi		
	Method	~ 2 1 8 A W E		
	Covart irotat	可选、字符串参数,决定协方差矩阵格式		
	StdPurameters	回引拳数的标准差		
	StdCovariance	协方差的标准差		

ecmismie	[Parameters, Covariance, Resid, Info] = remismale(Data, Design, MaxJteranons, TolParam, TolObj,		
оспиктие	Paramo, Covaro	, CovarFormat)	
	Data	多维正态分布数据	
	Design	模型结构控制参数	
	MaxIterations	可选,估计值的最大插值个数	
	IolParam	可读、估计真赔牒与募款要求不知致的收敛的容彩度	
	TotObj	可选,估计值随目标函数变化而导致的收敛的容忍度	
	Param0	可选,初始参数估计值	
	Covar0	· 是 子是仍只常能陈	
	CovarFormat	○ 志、 / 符图参数 ⇒ 定场方差矩阵格式	
-	Parameters	验士参 数	
	Covariance	> 4. 東条陸	
	Resid	CJ 196苯	
	Info	を 2 理型信息がはから數理	
ecmlutobj	Objective = ecinleroby(Data, Design, Parameters, Covaciance)		
	Data	多维正态分布数据	
	Design	模型结构控制参数	

		镁
Parameters	回行模型的参数点估计值	
Covanance	Data ビーラナブを劣	
Objective	最大似然主教	

A-26: 似不相关回归 (1)

convert2sur	DesignSUR :	convert2sur(Design, Group)
	Design	模变结构控制参数
	Grap	数提组织信息
	Design's UR	等 ^多で正さたが模型弱化度 个位子相关の対模型

A-27: 期权定价与敏感性分析(12)

	(AssetPrice, Op	tionValue, binpnce(Price, Strike, Rate, Time, Increment, Volatility, Flag,		
binprice	DividendRate, I	DividendRate, Dividend, ExDiv)		
	Price	杯的费产价均		
	Strike	换行价格		
	Rate	无风险利率		
	Time	阶段		
	Increment	时间步长,即二叉树中的时间间隔		
	Volatility	液功率		
	Flag	标识,1代表看准期权、0代表看跌期权		
	DividendRate	可选,分红率		
	Divedend	可选,除息日前的股息支付量		
	Falhy	除息日		
	AvetPrice	去声, 端於 聖朝节兵債		
	Option\ auc	股 K. ···································		
blkampv	Volanlity = bls:mpv(Price, Strike, Rate, Time, Value, Lamit, Tolerance, Class)			
	Price	1020 1/2		
	Strike	境/ · 格		
	Rate	无风险利率, 以连续计包方式衡量		
	Time	1000 miles		
	Value	欧式朝货票权价格		
	Limit	可选,试辖法区 可		
	Tolerance	可选,试错法精度控制		
	Class	可选、看涨解权还是看跌期权		
	Volatants	基于 BS 模型的计算期货期权的隐含波动率		
blisprice	[Call, Put] = bl	kprice(Price, Strike, Rate, Time, Volatility)		
	Prince	标的资产价格		
	Strike	执行价格		
	Rate	无风险利率,以连续计息方式衡量		
	Time	期限		
	Volatility	期货价格的波动率		
	Call	基于 BS 模型的看涨期货期权价格		
	Put	基于 BS 模型的看跌钢货钢权价格		

			7,5
bisdelts		PstDelta] = blsdelta(Price, Strike Rate Time,	
	Volatisty, Y		
	Price	标的资产价格	
	Strike	技行价格	
	Rate	无风险利率,以连续计息方式奏量	
	Time	明期	
	Volatility	期货价格的废动率	
	Yield	可选,标的资产的收益本	
	CallDelta	基于 BS 衡型的蓄涨期权的 Delta 值	
	PurDeuta	基于 BS 模型的看跌期权的 Delta 值	
blagamma	Gamma = ble	sgarama(Price, Strike, Rate, Time, Volatility, Yield)	
	Price	标的资产价格	
	Strike	执行价格	
	Rate	无风险利率,以连续计包方式衡量	
	Time	NF-Sic	
	Voiatinty	期货价格的启动率	
	Yie J	可选、标的资产的改益率	
	(amma	基于 BS 模型的期权 Gamma 值	
blaimpy	Volatility = b	olsumpv(Price, Strike, Rate, Time, Value, Limit, Yield, Tolorance, Class)	
	Price	标的资产价格	
	Strike	执行价格	
	Rate	无风险利率 以连续计息方式衡量	
	fime	聯股	
	Value	欧式期现价格	
	Limit	可透,或物法区间	
	Yield	可患、标的资产的收益率	
	Tolerance	可选,试错法精度控制	
	Class	可选、看涨期权还是看跌期权	
	Veratruty	79 000	
		= blslambda/Price, Strike, Raie, Tutte, Volatility,	
bislambda	Y:eld}		
	Price	1 2 7 12	
	Strike	状とが増	
	Rate	无风险利率,以连续计息方式衡量	
	Time	期份	
	Volatisty	年化的标的资产价格表动率	
	Yield	可选,标的资产的收益率	-
	CallE!	看後期权的 Lambda 值	_
	PutE	看然期权的 Lambda 值	-
blaprine	_	4s & W152.0: Lampota in blaprice(Price, Strike, Rate, Time, Volatility, Yaeld)	_
- Constitution	Price	特的资产价格	
	Strike		
	Rate	换行价格 无风险利率,以连续计象方式衡量	
	Rate	心内也行序; 以还恢订多力以完重	

			130
	Time	期限	
	Volatility	年化的标的资产价格波动率	
	Yield	可选、标的资产的收益率	
	Cal:	基于 BS 擴影的看涨期权价格	
	Put	基子 BS 模型的看鉄期权价格	
	[CallRho, Pu	tRho)= blsrho(Price, Strike Rate, Time, Volatility,	
blsrho	Yseld)		
	Price	标的资产价格	
	Strike	执行价格	
	Rate	无风的平常 以连续计多方式衡量	
	Time	明禄	
	Volatility	年化的权的资产价格波动率	
	Yield	可选,标的资产的收益率	
	CallRho	基二BS 權力平省 电助机 Rho 漁	
	PutRh	※ B、標準・有点版: RN。有	
	[CallTheta, P	hu(Theta) = blsthetai Price, Strike Rate Tame	
blstheta	Volatility, Yu	eld)	
	Price	标的资产价格	
	Strike	执行价格	
	Rate	无风险利率、以连续计忽方式衡量	
	Time	双月 月4	
	Volatility	年化的标的资产价格波动率	
	Yield	可选、标的资产的收益率	
	CallTheta	基于 BS 模型的看在期权 Theta 值	
	PutTheta	基于 BS 模型的看跌期权 Theta 值	
blavega	Vega = blsve	ga(Price, Strike, Rate, Time, Volatility, Yield)	
	Prince	标的贵产价格	
	Strike	执行价格	
	Rate	无风险利率、以连续计息方式衡量	
	Tume	刺斑	
	Volatility	年化的标的资产价格波动率	
	Yield	可选,标的资产的收益率	
	CallVega	基于 BS 模型的看序期权 Vega 值	
	PLtVega	基于 BS 模型的看跌期权 Vega 值	
opprofit	Profit = oppr	offi(AsseiPrice, Strike, Cost, PosFlag, OptType)	
	AssetPrice	标的资产价格	
	Strike	执行价格	
	Cost	明权成本	
	PosFlag	仓位、0 为多头。1 为空头	
	OptType	期权类型、0 为看涨期权、1 为看跌期权	
	Profit	期权获利	

精通 MATLAB 金融计算

A-28: 单变量 GARCH 模型 (4)

ugarch	[Kappa, Alpha, Beta] = ugarch(U, P, Q)			
	τ	技能位置		
	P	GARCH 模型的条件方差的漂后阶数		
	Q	GARCH 排型的残差平方的滞后阶数		
	Карра	GARCH 模型的 Kappa 參數		
	A.pha	GARCH 理" - Alpho 參數		
	Beta	GARCH 模型的 Beta 多数		
ugarchilf	LogLakelshood = u	garchili(Parameters, U. P, Q)		
	Parameters	" , 我我们 , 横气 和 人名意 · 各數		
	t'	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
	P	GARCH相告作品中主体电影影響		
	Q	GARCH W.S. A. A. A. A. A. A. A.		
	Loglake, bood	TREE ARCHIO TO MAKE		
ugarchpred	[VarianceForecast, H] = ugsrchpeed(U, Kappa, Alpha, Beta, NumPeriods)			
	Į.	a/		
	Карра	GAR(H 埼气 > kappa 參數		
	Alpha	(ARCII 項片 / Alphu 本意		
	Heta	GAR(日東生 / Beta 多む		
	NamPeriods	1 × 170 p		
	VarianceForecast	* 花叶 # ☆		
	H	同世夢散对后的条件方签向量		
ugarcheim	(U, H) = ugarchsam	(Kappa, Alpha, Bets, NumSamples)		
	Карра	GARCH 模型的 Kappe 學数		
	Alpha	GARCH 模型的 Alpha 参数		
	Beta	GARCH 模型的 Beta 参数		
	NumSamples	模拉样本教童		
	U	残害应告		
	H	って 多数ズベード 条件 たそ 山田		

A-29. 金融时间序列对象和文件的创建 5)

ascii2fts	tsobj = ascsi2fts(filename, descrow, colheadrow, skiprows)		
	flename	需要转换的文件名	
	descrow	可选、数据录明行	
	colheadrow	可选、包含列名的行	
	skiprows	可选,需要缺过的行	
	tsobj	将 ASCII 文件。转换成时间序列文件	
fints	tsobj = fiots(dates, data)		
	dates	8期	
	data	D/H	
	tsobj	生成时间序列文件	
RuZascii	stat = fts2ascii(filename, tsobj. exttext)		
	filename	需要转换的文件名	

			续
	tsobj	时间序列文件	
	extrext	可选,额外的字符串	
	stat	返回文件转换是否成功的状态	
fts2mat	tsmat = fts2mat(tsobj)		
	tsobj	8时间序列数据	
	tsmat	时间序列数据生成的矩阵格式数据	
merge	newfts = m	erge(fts1, fts2,)	
	flai	将要合并的时间序列对象	
	newfts	上:此中"以至少一并不成中助的用"可多到对象	

A-30: 金融时间序列的算数运算(16)

end	end			
	は不動的が行われ full 子野点 はな るいいまとなるを書。 マー 別からいいも野			
	位加			
horzcat	horzcat			
	无输入参	改,水平拼接时间序列数据,使用115运算符		
length	lenfts = let	agth(sobj)		
	tsobj	时间序列数据		
	lenfts	时间序列数据的长度		
rolnus	minus			
	时间序列数据散减法,使用"运算符			
midivade	Mrdsvide			
		1 1 × 1 × 10 × 10 × 10 × 10 × 10 × 10 ×		
mtimes	miunes			
	-	1 mm 0 1 mm		
plus	plus			
power	power			
	T T T A A A A A A A A A A A A A A A A A			
rdivide	rdivide			
		F		
SEEC	szfis = sub	e(tsobj, dim)		
	bush	一 6 年 新海		
	dim	可选、维数控制,1求行数,2求列数		
	safts	时间序列的行列数目		
subsasgn	subsasgn			
		rê A		
subsref	subsref			
	构建时间	序列索引		
times	times			
		まつりをえ メイト 第一		
umius	ywuminus	(x)		
	X.	输入参数产业还或数值		

经

	y	医可主化柳代数	
uplus	uplus		
	Trumpur : 171 - Cr / - A		
verteat	verteat		
		数 写真·ita · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	

A-31: 金融时间序列对象的数学运算(10)

ситинт	new(ts = cumsum _i oldife)			
	oldfts	原时间序列数据		
	newits	原时间序列数据的囊砂和构成的新的时间数据		
ехр	newfts =	exp(tsobj)		
	tsubj	时间序列数步		
	rewits	原时间序列数据的指数		
hist	histilsobj	numbins)		
	tsobj	时间序列数据		
	nombans	4 4 禁風久には身		
log	newfts =	log(tsoby)		
	twibj	时间序列数器		
	newits	时间库列数据的自然对数		
log 10	newfts = log10(tsobj)			
	tsobj	时间序列数据		
	newits	一、大概的人、大概的影響		
log2	newftr = log2(tsobj)			
	tsobj	时间序列数据		
	newity	时间序列数据的以 2 为庭的对数		
Thank	tsmax = max(tsobj)			
	tsob	n (% 7		
	tsmax	1 7 初版《禮入論		
mean	tsmeas =	mean(tsobj)		
	tsobj	时间序列数据		
	tsmean			
cont	tamin = m	taman = mpn(tsobj)		
	tsobj	时间序列数据		
	tsma	时间序列数据的最小值		
std	tsstd = std	(tsobj)		
	tsobj	H1 H 生、製造		
	tsstd	的1 8 产 5 数据的标准等		

A-32: 金融时间序列对象的统计描述(12)

corrcoef	T = 00	nrcoef(X)
	X	每一行是一个观测,每一列是 个变量
	r	相关系数矩阵

			瑛
COV	Y=cov(X	0	
	X	每一行是一个规则,每一列是一个变量	
	Y	协方差矩阵	
teempty	tf = seco	pty(fts)	
	fts	金融时间序列数据	
	tf	返回判断 fts 是否为空的逻辑值	
nancov	c = nance	ov(X)	
	X	每一行是一个规则,每一列是一个变量,含有缺失值的护药	
-	Y	协方差矩阵	
napmax	m = manr	nax(X)	
	tsobj	含有缺失值的时间序列数据	
	lamax	时间序列数据的最大值	
nanmean	en = manu	nean(X)	
	tsobj	含有缺失值的时间序列数据	
	Ismean	时间序列数据的平均值	
nanmedian	m = nannedian(X)		
	X	13 15 15 15 18 18	
	m	在忽略缺失值的情况下得到的中位数	
nanmin	m = nanman(X)		
	tsobj	含有缺失值的时间序列数据	
	tsmin	时间序列数据的最小值	
nanstd	y = mansi	d(X)	
	taobj	含有缺失值的时间序列数据	
	testd	时间序列数据的标准差	
njunsum	y = narist	om(X)	
	Х	含有缺失值的时间序列数据	
	У	时间序列数据求和	
nunvar	y = nanvar(X)		
	X	含有缺失值的时间序列数据	
	¥	8寸 则序列数据求方差	
var	y = var(X	0	
	X	时间序列数据	
-	у	时间序列数据求方差	

A-33: 金融时间序列数据操作(18)

chfield	newfts = chfield(oldfts, oldsame, newsame)		
	oldits	草时间序列数据	
	oldname	対容量名だ	
	печлате	着 4. 35	
	newfes	作为人2 ·1 かみ2· 女1 智様	
extfield	ftse = extfield()	noby, fieldnarues)	
	tsub	ヤ社・1 × × 数拠	

	fieldnames	变量名称/组名			
	ftse	根据城名在原时间序列里提取出的子序列			
fetch	newfts = fetchfoldfts. StartDate. StartTime. EndDate. EndTime				
	delta, dmy specifi				
	sults	在在時 人工" 數學			
	StartDate	FC : W			
	Start Time	日如中心 在识明开放8°(18° 必必识明结束8°6)			
	EndDate	r ₀ 4 > 10			
	Endlime	x = 4 - 1			
	della	対ガジー			
	dmy specifier	对 delta 的说明,就跃区间是关,月还是年			
	time ref	8 [10] 10] [3] [3] [4]			
	newits	新的时间准列数据			
fieldname	fnames = fieldnam	nextsobj1			
	tsub	nat = 42 pa			
	*Buttles	「 ※ 量 × 2 × ・ (数) 、 切り ※ 量 名称			
frequum	nfreq = freqnum(s	freq)			
	deal	克明时间领率的字符串			
-	rifrey	和 sfreq 对应的数字			
freqstr	sfreq = freqstr(nfreq)				
	nfreq	和 sfreq 对应的数字			
	sfreq	证明时间领章的字符串			
ftsbound	datesbound = ftsbo	rund(tsobs)			
	t _N b	金融时间序列数据			
	Jatesbound	时间序列数据的开始和技术日期			
ftsinfo	infofts=fttinfo(tsobj)				
	IV ID	全脏时 前序列数拟			
	infotis	全融时间序列数据的属性信息			
ftsuruq	uniq × ftsurrq(date				
Housey	cates and times	8月间10日 II			
		时间序列里所包含的制定日期时间数据只有一个值则返回 1, 否则返回 0			
	fieldval = getfield(
getfield	-	1 & 1 & 7 & 7 d			
	tsubj				
	field	享要 / 利 7/9 /s			
	fie Iva	61 1173			
getnameidx	nameidx = getaam				
	tist	- A Dr WAY TO			
	name	売長マッ 77本			
	name dx	また メート 長さ 一番ペター業権权			
uscompatible		ible(tsobj 1, tsobj 2)			
	tsoby .	金融时间序列数据			
	tsubj. 2	金融时间字列数据			
	iscomp	比较两个时间序列是否招配			

			续
isequal	ıseq = ısequal(t	sobj_1, tsobj_2,)	
	rsoby I	金融81ini序列数据	
	tsobj_2	金融时间序列数据	
	voq	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
usfield	F = infield(tsob	j. name)	
	dest	1985年である。	
	name	字符串	
	1	お肝 とうを与す かいしゅう 不要要され	
issorted	monod ≈ issorti	ed(tsobj)	
	tsobj	金融时间序列数据	
	monod	时间序列是否排序	
rmfield	fts = rmfield(tse	obj, fieldname)	
	tsub	△ 12 × 数线	
	fieldname	安徽人を受え	
	fp.	まる! 多夢 く * **	
setfield	powits = sotfiel	d(tsobj, field. V)	
	bub,	全融时间序列数据	
	field	变量名称/玻名	
	V	设定的值	
	newits	函数将时间序列按照结构型数据对待。将V就值给指定的变量	
sortits	sfts = sortfts(tsc	obj)	
	Isob1	金融87间库列数条	
	vfts	排序后的时间序列	

A-34. 金融时间序列变换(20)

boxoox	[transfts, lamb	odasį a boxcox(tsobj)
	tsnib;	金融时间等列数据
	traptts	变换后的时 可序列
	Limbras	Lambour fi
convert2sur	DesignSUR =	convert2sur(Design, Group)
	ses gn	和时间序列相关的一个折阵
	Group	数据分组信息
	Jes gn Sl R	· 持續型从多元正态回归转换成似不相关回归
convertio	newits = conv	rertto(oldfts, newfreq)
	late	原金融計 可序列数据
	newfreq	养的数据领生
	newf(s	新的时间序列数据
diff	new(ts = diff(oldfts)
	oldfts	原金融时间序列数据
	newits	百人 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
fillts	newfts = fillts	(oldfts, fill_method)
	oldfts	原金融时间序列数据
	fill_method	可选,插值方法

		1	-5%
	newfts	質が別る生を数据、対面計画学列は約款失值進行措值復列的新数据	
filter	newfts = filte	er(B, A, oldfts)	
	В		
	A	1 WAL P (6.0 (10.0))	
	oldfts	原金融时间序列数据	
	newfrs	经过线性滤波后的金融时间序列	
lagts	newfts = lagt	s(oldfts)	
	ordfts	學子統一多四数項	
	newfts	将原数据做滞后平移数据	
lendts	newfts = lead	lts(oldfts)	
	oldfts	原金融时间序列数据	
	newfis	将原数施做的移平移数据、参见 lagts	
peravg	avgfts = pera	vg(tsobj)	
	Isob ₁	MAS 1. 8 8789	
	avgfts	周期性平均得到的新时间序列	
resamplets	newlus = resa	rnplets(oldfts_samplesiep)	
	oldits	682 1 802	
	samplessep	将本间是	
	newits	向下采样后的时间序列	
smoothts	output = smo	·	
	Input	输入的时间序列	-
	output	平滑后的输出时间序列	
tounnual	newits = tono		
POMINING	oldits	原金融町向序列数据	
	newity	特換成以在为頻率的时间序列数据	-
todazly	newfts = toda		
	outils - con	O Cur . E Sout	
_	newtre	· 10000 . 使其5 ,至 前次	
todecimal		icimal(quote, fracpart)	
OOD CHIMA	usote - con	Sq.*	
	frac part	分數程分	-
	usodec	转换成的 IO 进制小散形式	
tomonthly	newfts = torns		
		原金融时间序列数据	
	newfts	转换成以月为频率的时间序列数据	
toquarterly	newfts = toqu	T	
	ordfts	Are . 9 Ge	
	newfts	好ぬけい寺里・が多かか日本を教像	
toquoted		ted(usuldec fracpart)	
	usddec	早時でで10上年 数一二	
	fracpart	対数部分	
	quote	强岭	

		25%
newits = to	senu(oldfs)	
oldfts	原金融时间序列数提	
newfts	转换成以半年为频率的时间序列数据	
newfts = to	weekly(oldfts)	
o dfts	9(純 15 年 数推	
newits	张电·、 * * *** * · · · · · · · · · · · · · ·	
obtput = tsr	movavg(tsob), Format, lag)	
tsboj	金融的 可序列数据	
Format	移动平均级加权平均方法。字符串	
lag	考与ぐ	
output	输出的移动平均线	
	oldfts newfts = to owfts = to owfts newfts newfts testfts obsput = ts tsboy Format lag	newfo

A-35: 金融时间序列数据技术分析指标(25)

adline	adle = adle	nethighp, lowp, closep, tvolume)
	pighp	是点作
	ючер	最代が
	closep	경찰이
	tvolume	·克克曼 8-9
	adla	·養生 * 14 字樂1 左左
ndosc	ado = ados	c(highp, lowp, openp, closep)
	highp	8 9 1
	Lawp	基 括40
	upenp	开数 *
	losep	A 篇 -
	ade	计算技术分析中的复程/派发擢动指标
bollinger	[mid, uppe,	low] = bollanger(data, waize, wtx, nstd)
	data	登录中量
	wsize	可去、音変
	wts	可选、权量因子
	nstd	可逃,上下边界偏离程度
	m _b d	中间线、即移动平均线
	иррг	上边界
	186	下边界
chalkosc	cbosc = ch	nikosc(bighp, lowp, closep, tvolume)
	night	#4
	lowp	最低的
	совер	枚数ペ
-	tvolume	技交量至多
	chose	發金權功指称
chaskvolat	chvol = ch	aikvolat(tughp, lowp)
	highp	接令*
	lowp	最低岭
	chvol	粮仓及动率指折

fpctkd	[petk, petcl] = fpctkd(highp, lowp, closep)
	highp	最高价
	lowp	量低价
	closep	收盘价
	petk	KS期 信题扩展动指时的多数
	petd	D4数 中殖的推动后的《多数
hlugh	hhv = hhag	h(data)
	Jula	5 % B
	hhv	最高价中的最大值
llow	Uv = How(data)
	data	参 线 Ⅲ
	hhv	最。 · · · · 在 自
macd	[macdvoc,	nineperma = macd(data)
	data	台 ◆ Ⅲ
-	macdvec	MACD &F
	r ruperru	· 发展 "、整路式"、""接
medprice	mprc = me	dprice(highp, lowp)
	h ghp	長京
	lowp	最级介
	mpa	は ^ 塩花料
nvi		obda(closep, tvolume, mstavt)
	t wer	5.21
-	tvolume	後交響性を
_	ipitny	1. # 1.5×10. 11.5×10
	nv	^ 豐 '自
ogbalvol	obv = onbi	dvol(closep, tvolume)
	slavep	4 B*
	tvolume	成交量序列
	obs	平衡交易量指行
posvolida	pvi = posv	olida(closep, (volume, mstpvi)
	closep	5월*
	tvolume	技交音性等
	pv	ト豊かき自
preroc		oc(closep, aperiods)
,	closep	48.
	nperiods	中期数百
	proc	《格安公園稿》
pytrend		nd(closep, tvolume)
	cuonep	40'
-	tvolume	授交量性例
	pvt	· 量息吸收
raindex		x(closep. npenods)
	Ciosep	改造や

			续
	spenods	周期数 ,1	
	~	というな場合を	
spetkd	[spetk, spet	id) = spctkd(fastpctk, fastpctd)	
	highp	超亲 1	
	lowp	製作する。	
	closep	收益。	
	≪lk	K%期,慢聽抗撲动指称的参数	
	wild	D%期,慢路机摆动指标的参数	
stochosc	stosc = stoc	chosc(highp, lowp, closep)	
	h ghp	概 4	
	kisep	着任价	
	eleveb	收量价	
	Sless	计算随机模动指标	
tsaccel	scc = tsaco	el(data, nperiods, datatype)	
	data	输入数据	
	nperiods	可选、加速区 8.	
	datatype	可选、指定 data 数据类型	
	44.1	加速指約	-
tamom	mom = tan	om(data, apenods)	
	data	16 25 39	
	pperiods	可选,加速区向	
	tall its	动量指数	
typprice	tprc = typpr	ice(leghp, lowp, closep)	
	गर्भा	50-	
	м%р	\$ 1/	
	-1 wep	Att '	
	tpre	- 資金 ^の - 株 - アイル・	
volroc	vroc = voiro	oc(tvolume aperiods)	
	tvolume	2 6 量	
	nperrods	7.3 り湿さい	
	SEC	2 - 夏	
welose	wels = welo	se(highp, lowp, closep)	
	highp	£ 0	
	,0%p	表代で	
	clisep	大型	
	webs	おった * 後1	
willad	wadi = wills	nd(highp, lowp, closep)	
	pight	3.4	
	owp	8任1	
	closep	衣盖"	
	Water	变要之5 亩; 1 — 15	
willpetr	wpctr = will	pctr(highp, lowp, closep, speriods)	
	h.ghp	甚幸 ′	

精通 MATLAB 金融计算

lowp	最低价
closep	吸盘价
nperiods	可选,问篇区间
wpctr	緩靡蝸斯 R%指标

A-36: 金融时间序列数据图形界面接口(1)

flagui	Page 1
	金融时间序列的 GUI 界面

附录 B 金融衍生品工具箱函数详解

8-1. 投资组合对冲与配置 (2)

hedgeopt	[PortSens, PonCost, PonHolds] - hedgeopt(Sensstvittes, Price CurrentHolds, FixedInd, NumCosts,			
	TargetCost, Targe			
	Sensitivities	贵产组合的敏感性矩阵		
	Price	资产组合的资产价格向量		
	CurrentHolds	当前头寸状况		
	FixedInd	可逃,固定投资额度资产序号向量		
	NumCosts	可选,成本前沿的点数		
	TargetCost	可选,沿成本前沿的目标成本向量		
	TargetSens	可选、资产组合的目标敏感性矩阵		
	ConSet	可选、约束矩阵		
	PortSens	內內的 少數或性心理。每年全計中間, 上旬降为 0		
	PurtCost	②子产t 1/1 F本 - 印度本前元P 「 数有关		
	Port Als	资产组合配置的详细头寸		
hedgesif	[PortSens, PortValue, PortHolds] = berigesif(Sensitivities, Price, CurrentHolds, FixedInd, ConSet)			
	Sersitaines	资产组合的敏感性矩阵		
	Proce	资产组合的资产价格向量		
	CurrentHolds	当前头寸状况		
	FixedInd	可选,固定投资额度资产库号向量		
	(onSet	可选,约束矩阵		
	PortSens	们把广告一个资产组合价能或性护阵、与3全对中门、此共药为0		
	PortCost	自融资情况下总资产组合的成本,和成本前沿的点数有关		
	PortHoids	自融资情况下资产组合配置的详细头寸		

B-2: 利率期限结构计算 (7)

	Price bondbyzero	RateSpec, CouponRase, Settle, Maturity, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate,	
bondbyzero	FirstCouponDate,LastCouponDate, StartDate, Face)		
	RateSpc.	老 車期限结构或明	
	CouponRate	債券を原字	
	Settie	25 第 11	
	Maturity	· 知日日	
	Period	可选、年付息次数	
	Basis	可进,天鼓计数规则	
	EndMonthRule	可选,月末法则	
	IssueDate	可选,发行日期	
	- FustCouponDate	可选、首次付息日	
	LastCouponDate	可选,最后 次付息日	

	StartDate	可选,计息开始日期			
	Face	, A 11			
	Price	# 36 ' 15			
cfbyzero	Price cfbyzero(RateSpec, CFlowAmounts, CFlowDates, Settle, Basis)				
	RateSpec	1 88 015,00			
	CFlow Amounts	14.全个数量			
-	CF owDates	1150年《数量对与的联合流日期			
	Settle	店舞-			
	Basis	x7 + 数计数成页			
	Price	现金点的现伍			
fixedbyzero	Price = fixedbyzero	(RateSpec CouponRate, Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal, EndMonthRule)			
	Rat Spec	利率期限结构设明			
	(>uponRate	产品の位表			
	Settle	44.10 [
	Matunity	16時日			
	Reset	可选,年支付次数			
	Basis	可选。天数计数规则			
	Principal	可选,名义本金			
	EndMonthRule	可选、月末进则			
	Prvc	ラナキ染色には一貫より主要点がが体			
floatbyzero	Price = floatbyzero(RateSpec Spread, Settle, Meninty, Reset, Basis, Principal, EndMonthRule)				
	RuteSpec	村率期限结构设明			
	Spread	阿基准将军的点数差			
	Settle	结算日			
	Maturity	對刺日			
	Reset	可选,年支付次數			
	Bavs	可选,天散计数规则			
	Principal	可选,名义本金			
	EndMoothRale	35 .4 40			
	Price	1.1 美发 No. 18 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1			
intenvprice	Price = intenvprice(RateSpec, InstSet)			
	RaisSpec	4 \$15 a little per			
	InstSet	说明产品属性的结构型数据			
	Price	产品价格			
intenviens	[Delta, Gamma, Pro	cej = untenvsens(RateSpec, InstSet)			
	RateSpec	* \$ \$5 g = 40 Te			
	Insthet	,2日产、電气の活构型数据			
	De ta	□ ⇒ De ta ∰			
	Ganuna	A. P Camma (fi			
	Price	a > 1/2			
swapbyzero	[Price, SwapRate] = Leg Type, EndMonth	swaphvzerotRateSpec, LegRate, Settle,Maharity, LegReset, Basis, Principal, tRule)			
	RateSpec	· 書間 引动性 多田			

			核
	LegRate	用以说明息票率和价差的矩阵	
	Settle	结算日	
	Maturity	到期日	
	LegReset	可选、用以说明互换的两个产品的年支付次数	
	Basis	可选,大數计數規則	
	Principal	可选, 名义本金	
	LegType	可选,互换产品是浮动利率还是测定利率说明矩阵	
	EndMonthRule	可迭、月末法則	
	Price	互换的价格	
-	SwapRate	互换中使得初始价格为 0 的固定利率	

B-3: HJM 模型 (6)

Price = hjmprice(HJW	(Tree, InstSet, Options)		
HIMIree	基于 HJM 模型的利率网络构型数据		
Insthet	说明产品属性的结构型数据		
Options	可选、衍生品定价中可选的属性		
Price	产品的价格		
(Delta, Gamma, Voga Optiona)	s, Price = hymsens(HJMTree, InstSet,		
Halffree	暴于 HJM 模型的利率排结构型数据		
InstSet	说明产品属性的结构型数据		
Options	可选,衍生品定价中可选的属性		
Delta	产品的 Delta fill		
Ciamma	产品的 Gamma 僅		
Vega	产品的 Vega (M		
Price	产品的价格		
TimeSpec = hjustinssepec(ValuntionDate, Manualty, Compounding)			
V mustionDate	估值日期		
Maturity	到期日		
(empouding	可选、年費利失數		
T mcSpex	HJM 模型中关于日期时间的说明		
HJMTree = hjmtree()	/olSpec. RateSpec, TimeSpec)		
Vo Spec	表动塞说明,参考 hymvolspec 函数		
RateSpec	利率期限结构说明		
Time Spec	日期时间的说明、参考 hymtimespec 函数		
HIM1 ree	HJM 二叉树、结构型数据		
Volspec = hjorvolepec(varargin)			
varargin	输入参数根据采用不同的波动率模型不同而不同		
Vorspec	HJM 模型中关于波动率的说明		
(Price, PriceTree) = sv Maturity, Namei , Val	wsptionbyhjing HTMTree OptSpec Strike, ExerciseDates, Spread, Settle, [ne-1]		
	The second second second		
HJMTree	HIM 模型构建的利率 支树		
	HIMT ree InsNet Options Options Options Options Options Options Options Options Options InsNet Options Debta Coamma Vega InsNet Options Debta Coamma Vega Insnet Vega Insnet Insnet Vega Insnet		

Strike	互換执行价格	
ExerciseDates	行权日期	
Spread	浮动利率阿基准接钩利率问价差	
Settle	结算日	
 Maturity	到期日	
'Name1'		
Valuel	参考帮助文档 ,关于此处可取值范围	
Price	利率互换期权的价格	
PriceTree	返回互换发生的不同时点上的价格等信息	

B-4: BDT 模型的计算 (5)

bátprics	[Price, PriceTree] = bdtprice(BDTTree, InstSet, Options)			
	BD l'Tree	基于 BDT 搜查的利率例结构型数据		
	InstSet	说明产品属性的结构型数据		
	Options	可选、衍生品定价中可选的属性		
	Price	产品的价格		
	PrueTree	对应时点上的价格等信息		
	Delta, Ganuna, Vega	, Price = bdtsens(BDTT)ree. InsuSet.		
bdtsens	Options)			
	BDTTree	基于 BDT 模型的利率例结构型数据		
	Insthet	说明产品属性的结构型数据		
	Options	可选,衍生品定价中可选的属性		
	Deita	产品的 Delta 值		
	Gamma	产品的 Gamma 側		
	Vega	产品的 Vega 值		
	Price	产品的价格		
bdtimespec	TimeSpoc = bdttimespec(ValuationDate, Maturity, Compounding)			
	Valuati millate	信信日期		
	Maturity	刊明日		
	Campouding	可选,年度利次数		
_	TimeSpec	BDT模型中关于日期时间的说明		
búttros	BDTTree = bdtree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec)			
	V. ISpec	直动率说明,参考 bdtvolspec 函数		
	RateSpec	利率期限结构说明		
	TimeSpec	日期时间的说明,参考 bdttamespec 函数		
	BD l'Tree	BDT二叉树,结构型散塔		
	Volspec = bdtvolspeci	(ValuatropDate, VolDates VoiCurve,		
bdtvolspec	InterpMetbod)			
	ValuationDate	'6 A · 4		
	VolDates	波式車期限结构对应的日期		
	Vo.Curve	对应不同日期的表动率期限结构值		
	InterpMethod	可透、据值方法		
	\ olspec	BDT 模型中关于波动率的说明		

B-5: BK 模型的计算 (6)

bkprice	[Price, PriceTree] = b	Okprice(BKTree, InstSet, Options)			
	BKTree	暴于 BK 模型的利率树结构型数据			
	InstSet	说明产品属性的结构型数据			
	Options	可选,衍生品定价中可选的属性			
	Price	产品的价格			
	Price Tree	对应时点上的价格等信息			
bb	(Delta Gamma, Vega	i, Price = bksemsBKTree InstSet.			
bksens	Options)				
	BKTree	基于BK 模型的利率树结构型数据			
	InstSet	- 夏明产品属性的结构型数据			
	Options.	可选,衍生品定价中可选的属性			
	Delta	产品的 Delta 值			
	Gamma	20 Fa 20 Caamma 'A			
	Vega	And Vega S			
	Price	产品的价格			
bktimospec	TimeSpec = bktimesp	ec(ValuationDate, Maturity, Compounding)			
	VacuationDate	7.偏、瘀			
	Maturity	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			
	Compouding	可选,年夏利次数			
	TimeSpec	BK 模型中关于日期时间的说明			
bictree	BKTree = bktree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec)				
	Vo Spec	±v°€ - 8°7 hottvisspec ≠ 10			
	RateSpec	3 \$10 CH 1 2 1 CF 1			
	FimeSpec	司斯216×225 株平 hdttimespec 承数			
	BKTree	RK Let visit the			
bkvolspec	Volspec = bkvolspec(ValuationDate, VolDates, VolCurve, AlphaDates, AlphaCurve, InterpMethod)			
	ValuationDate	12 A 10			
	VolDates	波动睾酮现结构对应的日期			
	VolCurve	31·2 F11·4即 安於基聯聯結构債			
	AlphaDates	BK 模型中均值回复系数			
	AlphaCurve	A.pha 特权条件			
	InterpMethod	可选、插值方法			
	Vo,spec	BK 模型中关于表动率的说明			
	[Price PriceTree] = st	auptionbybk/BKTree OpiSpec Strike ExerciseDates, Spread Settle,			
swaptioubybk	Maturity Namel', Value1)				
	BkTree	BK模字构建矿,未发射			
	OptSpec	与海鲢和红菜、债力等符密、call 或 put			
	Strike	互横线八心路			
	ExerciseDates	(7初日期			
	Spread	泽功于 唐问基准特约利率训价等			
	Settle	特別日			
	Maturity	5498日			

N	lame!		
V	alue1	参考帮助文档,关于此处可取值范围	
Pr	nce	利率互换期权的价格	
Pr	riceTree	返回互换发生的不同时点上的价格等信息	

B-6: CRR 模型的计算 (4)

regions, a	[Price, PriceThee] :-4	ageino (CROFFINO, InstSot, Options)
	CRRTree	基于 CRR 模型的工具树结构型数据
	InstSet	说明产品属性的结构型数据
	Options	可識,衍生品定价中可选的属性
	Price	产品的价格
	PriceTree	对应时点上的价格等信息
(Option pane)	(Delta, Gamma, Vega Options)	, Price] = czrsens(CRRTree, InstSet,
	CRRTree	暴于 CRR 模型的 T 叉例结构型数据
	InstSct	说明产品属性的结构型数据
	Options	可提,衍生品定价中可选的属性
	Delta	产品的 Delta 僅
	Gamma	产品的 Gamma 值
	Vega	产品的 Vega 值
	Price	产品的价格
A 100 - 11 - 11 - 11 - 11	Zimbpo - colony	Andreite Date, Manager
	ValuationDate	(古) (自) (1)
	Maturity	到期日
	NumPeriods	CRR 模型中的时间间隔数目,即"步数"
	TimeSpec	CRR 模型中关于日期时间的说明
	Children Day	paugao, Rentigos, Timelipao)
	StockSpec	股票参数说明,包含波动率等信息,参考 stockspec 函数
	RateSpec	利率期限结构说明
	TimeSpec	日期时间的说明,参考 critimespec 函数
-	CRRTree	CRR 二叉树、结构型数据

B-7: EQP 模型的计算 (4)

The same of the sa			
	EQPTree	基于 EQP 模型的 [—] 叉刺结构型数据	
	InstSet	说明产品属性的结构型数据	
	Options	可逃,衍生品定价中可选的腐性	
	Price	产品的价格	
-	PriceTree	对应时点上的价格等信息	
	参见 criprice 函數		
	[Delta, Genma, Ve	go, Prise] = egpecas(EQPTree, Instilet,	
Ziggenote	. Options)		
	EQPTree	基于 EQP 模型的 _ 叉树结构型数据	

		13	
	InstSet	说明产品属性的结构型数据	
	Options	可选,衍生品定价中可选的属性	
	Delta	产品的 Delta 值	
	Gamma	产品的 Gamma 值	
	Vega	产品的 Vega 值	
	Price	产品的价格	
eqptimespec	TimeSpec = eqptimes	pec(ValuationDate, Matunty, NumPeriods)	
	Valuat epiDate	估值日期	
	Maturity	至4明日	
	NumPeriods	EQP模型中的时间间隔数目,即"步数"	
	TimeSpec	10b 15 c - 1 . c -	
eqptree	EQPTree = eqptree(StockSpec, RateSpec, TimeSpec)		
	Steasper	股票参数说明,包含波动率等信息。参考 stockspec 函数	
	RateSpec	事 鉴期限结构设明	
	TimeSpec	日期时间的说明,参考 egptimespec 函数	
	EQPTrec	EQP二叉树,结构华散报	

B-8: HW 模型的计算(6)

hwpnce	[Price, PriceTree] = ht	uprice(HWTree, InstSet, Options)	
	HW Inv	我 却在福文、、李和、四、数司	
	InstSet	の耐用へ裏性ないも ³ 動数	
	Options	2 3 2 0月 多中國門	
	Price	カ・メート院	
	PriceTree	对应时点上的价格等信息	
	Deka, Gamma, Vega,	Price] = hwsensiHWTree lastSet.	
hwsens	Options)		
	HW Free	当 - 11/1/ 培 2 × ・ まト ユーロ 、 数班	
-	InuSet	D· 中 製作的以上引動物	
	Opnon.	可遇,衍生品定价中可去的属性	
	Delta	产品的 Delta 值	
	Gamma	A t or (*amona 'A	
	Vega	= mar Vega f	
	Proce	A 9 成	
hwtmespec	TimeSpec = hwtimespec(ValuationDate, Manimty, Compounding)		
	Valuation()ate	·倫-斯	
	Maturity	至 期日	
	Compunding	可逃,年复利次数	
	Ттебрес	HW 模型中关于日期时间的设明	
hwtree	HWTree = hwtree(VolSpec, RateSpec, TimeSpec)		
	Ve/Spe.	表动率说明,参考 hwvolspec 函数	
	RateSpec	利率原股结构说明	
	T meSpec	日期时间的说明,参考 hwatmespec 函数	
	HWTree	HW 二叉树、结构型数锯	

hwvolspec	Volspec = hwvoispec(ValuationDate, VoitDutes, VoltCurve, AlphaDates, AlphaCurve, InterpMethod)		
	Valuat unDate	估值日期	
	Vo Dates	表动牢剔段结构对应的日期	
	Vo.Curve	对应不同日期的启动率期限结构值	
	AlphaDates	HW 模型中均值回复系数	
	AlphaCurve	Alpha 结构曲线	
	InterpMethod	可选,插值方法	
	Valspec	HW 模型中关于波动率的说明	
swaptionbyhw	[Price PriceTree] = swaptionbs/nwiHWTrre, OptSpcc, Strike,ExerciseDates, Spread, Senle, Maturity Name1, Value11		
	IsW Iree	新州 連 5 年 1 年 - 1 年 - 1 日	
	OptSpex	互换朝权种类,值为字符串、call 或 put	
	Strike	互换执行价格	
	ExerciseDates	行权日期	
	Spread	字动和率同基值持钩列率间价差	
	Settle	共算日	
	Matanty	4 殿上	
	Name	——卷光帮助文档,关于此处可取信范围	
	Value I	罗马等别义物: 大丁瓜如约啉值位得	
	Price	毛率与模糊权的价格	
	PriceTree	返回互换发生的不同时点上的价格等信息	

ittprice	[Price, PriceTree] = ittprice(TTTTree, InstSet, Options)		
	ITTTree	基于ITT模型的二 H 11 12 1 数点	
	InstSet	说明产品属性的结构型数据	
	Options	可选,衍生品定价中可选的其性	
	Price	产工学、格	
	PriceTree	- 2 - 1 ツ・政策・1 6	
	[Delta, Gamma, Vega	, Price = utsenscfffffree, InstSet	
ittsens	Options)		
	HTTfree	基于 ITT 模型的 T 契例结构型数据	
	InstSet	说明产品属性的结构型数据	
	Options	可选,衍生品定价中可选的属性	
	Delta	产品的Delta值	
	Committee	/ ^a 品的 Gamma 值	
	Vega	产品的 Vega 值	
	Price	产品的价格	
ittimespec	TimeSpec = ittimespe	to(ValuationDate, Maturity, NumPeriods)	
	Va sustionDate	5項戶等	
	Maturity	李明 日	
	NumPeriods	ITT模型中的8°可互踢数目、卸"步数"	
	TimeSpec	TT 模型中关~台樂計 el的总制	

littiree	TTTree=ettiree(StockSpec, RateSpec, TimeSpec, StockOptSpec)				
	StockSpec	股票参数说明,包含波动率等信息,参考 stockspec 函数			
	RateSpec	利率期限结构设明			
	TimeSpec	日期时间的说明,参考 ittumespec 函数			
	StockOptSpec	用以说明股票期权属性的结构型数据			
	ПТТтее	TT 工义树、结构型散岩			
stockaptapec	[StockOptSpec] = stockoptspec(OptPrice, Strike, Settle, Maturity, OptSpec, InterpMethod)				
	OptPrice	期权价格			
	Strike	执行价格			
	Settle	结算日			
	Maturity	到期日			
	OptSpec	期权说明,为看涨还是看跌期权			
	InterpMethod	可选,插值方法			
	StockOptSpec	股票明校属性克明			

B-10: HJM 模型的应用(10)

bondbyhjm	[Price, PriceTree] = bondbyhjm(HJMTree, CouponRate, Settle, Mattrity, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate, FirstCouponDate, LastCouponDate, StartDate, Face, Options)			
	HJMTree	HJM 模型构建的形率二叉树		
	CouponRate	债券息票率		
	Settle	结算日		
	Matunty	BUMBURI		
	Penod	可选、年付息次数		
	Basis	可选,天教计数规则		
	EndMonthRule	可选、月末法則		
	IssueDate	可选、发行日期		
	FirstCouponDate	可选,首次付息日		
	LastCouponDate	可选,最后一次付息日		
	StartDate	可选,计息开始日期		
	Face	可选、面值		
	Options	可选,衍生品定价中可选的属性		
	Price	债券的价格		
	PriceTree	对应		
capbyhjus	[Price, PriceTree] = capbyhjm(HJMTree, Strike, Settle, Materity, Reast, Basis, Principal, Options)			
	HJMTree	HJM 模型构建的利率二叉树		
	Strike	执行价格		
	Settle	结算日		
	Maturity	到柳日		
	Reset	可选,年支付次数		
	Basss	可选、天敷计数规则		
	Principal	可选,本金		
	Options	可选、衍生品定价中可选的属性		
	Price	利塞顶的价格		

		計 (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1)	
	PriceTree		
ofbyhjm		= cfbyhjm(HIMTree, CFlowAmounts, CFlowDates, Settle, Basis, Options)	
	HJM1rec	HIM 模型构建的利率_又例	
	(Flow Amounts	现金点的数量	
	CHow Dates	与现金点对应的发生日朝	
	Sett c	结算日	
	Basss	可选,天散计数规则	
	Opt ons	可進,衍生品定价中可進的實性	
	Price	现金点的现值	
	Price Free	对应 _ 贝树节点上的价格等信息	
fixeobyhjm	[Price, PriceTree]	= fixedbyhjm(HJMTree, CouponRate, Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal,	
	Options, EndMont	hRules	
	H-MTres	HJM 模型构建的利率二叉树	
	ChaponRate	を無主	
	Senle	结排马	
	Maturity	\$100 B	
	Reset	可處,年支付次數	
	Basis	可选,天散计数规则	
	Principa.	可虑,本金	
	Options	可选,衍生品定价中可选的属性	
	EncMontpRule	可选,月末法则	
	Prince	A 和卓實据的价格	
	Price Free	对应二叉树节点上的价格等信息	
	[Price, PriceTree] = floathybym(HJMTree Spread Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal, Options,		
floatbyhjm	EndMonthRule)		
	HJMTree	HJM 摄型均键的利率二叉树	
	Spread	厚动利率同基准特的利率间价差	
	Settle	结算日	
	Matunts	が朝日	
	Reset	可选,年支付次数	
11 12 21	Basis	可處,天散计數規則	
	Principal	可虎,本金	
	Options	可选,衍生品定价中可选的集性	
	EndMonthRule	可茂、月末法卿	
	Price	写动和 車票据的价格	
	PriceTree	对应 发树节点上的价格等信息	
loorbyhjm		= floorbyhjm(HJMTree Strike Settle, Maturity,	
	Reset, Basis Princi		
		HJM 標型均達的利率" 又树	
	Strike	次 / 格	
	Settle	付養日	
	Muturity	〒 期日	
	Reset	可选,年支付次数	

٠	
÷	
s	

	Basss	可选,天散口数规则			
	Principal	可选、本金			
	Options	可选,衍生品定价中可选的属性			
	Price	利率度的价格			
	PriceTree	对应。发树节点上的价格等信息			
mmktbybjm	MMktTree = mmkt	bytym(HJMTree)			
	HIMTree	HJM 44 14 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1			
	MMktTree	英 HoMfree たまく・さこ HJM + 4 、2 ・ 4 米自が持			
	[Price PriceTree :	optbndhybjmcHJMTree OptSpec Strike ExerciseDates, AmericanOpt,			
opthadbyhjm	CouponRate Settle	Marenty, Pen of Basis, EndMonthouse assaultate			
	FirstCouponDate LastCouponDate StartDate Face, Options)				
	HIMTree	HAM 様々と違いる 文材			
	Optispec	聯权种类,值为字符串,call 或 put			
	Strike	执行价			
	ExerciseDates	行权日期			
	AmericanOpt	标识明权为美式还是欧式			
	(vaponRate	债券包聚率			
	Settle	18第日			
	Maturity	至 聊 ++			
	Periou	3 年付息次数			
_	Basis	→ 天散计数规D			
	FridMonthRule	^ 3 月末法則			
	IssueDate	、3 发行日期			
	First ouponDate	A 首次付息日			
	LastC capunDate	3 最后·次付息日			
	StartDate	3 计息开始日期			
	Face	· 9 @@			
	Options	可造,衍生品定价中可选的属性			
	Prise	情勞聯权的价格			
	Price Free	对应二叉侧节点上的价格信息			
		optembridhytijmi HJMTree, CoupvaRaie, Settle, Maturity, OpiSpec, Strike,			
optembndbyhjm		nel Valuel, Name2 Value2, >			
	HJMTree	HJM 標型构建的利塞"叉桐			
	CouponRate	债券包泵车			
	Settle	15第日			
	Matunty	₹ 學 ₽			
	Opt5pec	期权种类,值为字符串,call 或 put			
	Strike	# · · · ·			
-	Exercise Dates	行权日期			
	Namer				
	Values	参考帮助文档,关于此处可取值范围、用以描述资券属性信息的一组值			
	Price	内嵌期权债券的价格			
	Price Tree	对应			

swapbyhjm	[Price, PriceTree, CFTree, SwapRate] swaphylim(HJMTree,LogRate, Settle, Matunity, LogReset, Busis, Principal,LogType EnaMonthRule)		
	HJMTree	HJM 接受构建的利率二叉树	
	LegRate	用以说明色聚率和价差的矩阵	
	Settle	電算B	
	Matunty	到網日	
	LegReset	f. 产 中以下销互项内约个产品的年至什么数	
	Basis	可选、关数计数规则	
	Principa	可选,名义本金	
	LegType	可选,互换产品是浮动利率还是固定利率说明护阵	
	EndMonthRule	可选,月末法则	
	Price	基于 HJM 模型的互换价格	
	PriceTree	对应二叉树节点上的互换价格的信息	
	CFTree	对应二叉树节点上的现金流流入流出信息	
	SwapRate .	使得互换价格为 0 的互换彩率数值	

B-11: BDT 模型的应用 (11)

bondbybdt		[Price PriceTree] = bondbybdi(BDTTree CouponRate, Settle,Matunity, Period, Basss, EndMonthRule IssueDate,FirstCouponDate, LastCouponDate StartDate, Face, Options)			
	BDH Inc	RDI 22 Collect & Str.			
	CuponRate	学也中華			
	Sellie	± ₩e			
	Mahur ty	4 KRIE			
	Penod	可选,年付息次数			
	Basis	可选,天散计散规员			
	LndMonthRule	可选,月末法则			
	Issuel late	可选,发行日期			
	FirstCouponDate	可选,首次付息日			
	LastCoupenDate	inte _ # #			
	StartDate	可透。计息开始日期			
	Face	可选、面值			
	Options	可选,衍生品定价中可选的属性			
	Prive	贾莽的价格			
	Price Free	对应一支制节点上的价格等信息			
capbybdt	[Price, PriceTree] = capbybdt(BDTTree, Strike, Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal, Options)				
	BDITtree	BDT 模型构建的利率二叉树			
	Strike	执行价格			
	Settie	结算B			
	Maturity	到期日			
	Reset	可选,年支付次数			
	Basis	可逸,天敷计数规则			
	Principal	可选, 本金			
	Options	可逃,衍生品定价中可选的属性			

		- 4		
	Price	利率顶的价格		
	PriceTres	对应 - 支持节点上的价格等信息		
cfbybdt	[Price, PriceTree]	= cfbybdt(BDTTree,CFlowAmounts, CFlowDates, Settle, Basis, Options)		
	BDTTree	BD(晚下午 美 京班		
	CFlowAmounts	现金点的数量		
	CFlowDates	与现金流对应的发生日期		
	Settle	结算日		
	Basis	可选, 天歡计數規則		
	Options	可选,衍生品定价中可选的简性		
	Price	现会流的现值		
	PrieTree	F (8 " - , 2 - 13 % 0		
	[Price PriceTree]	= fixedbybds/BDTTree CouponRate Settle, Mahanty, Reset, Basis, Principal,		
fixedbybdt	Options, EndMont	hRule		
	BDTTree	BDI 模" K.建 ** 丰 飞到		
	CouponRate	0.61		
	Settle	7点篇。		
	Maturity	< D)		
	Reset	可选,年支付次数		
	Basis	可选,天散计数规则		
	Principal	可选、本金		
	Options	可选,衍生品定价中可选的属性		
	EndMonthRule	可选,月末法则		
	Prae	固定利率票据的价格		
	PriceTree	对应		
	[Price, Price Tree]	floathybdt: BDTTree Spread Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal,		
floatbybdt	Options, EndMonth	nRule:		
	Still free	BDT 模型构建的利率二叉柯		
	Spread	浮动利寒间基准样钩利率间价差		
	Seute	信算日		
	Maturity	到期日		
	Reset	可选,年支什次数		
	Basis	可选,天数计数规则		
	Principal	0.连 奉令		
	Options	可选,衍生品定价中可选的腐性		
	EndMonthRule	可逃,月未法則		
	Price	序动和在原掘的价格		
	PriceTree	对应		
		floorbybd#BDTTree, Strike, Settle. Maturity		
floorbybdt	Reset, Basis, Principal, Options			
	BDTTree	BDT模型构建的将率 叉树		
	Strike	执行价格		
	Settle	坊算日		
	Maturity	到期日		

		35		
	Reset	可选,年支什次數		
	Basis	可选、天数计数规划		
	Principes	可选、本金		
	Options	可选、衍生品定价中可透的属性		
	Price	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
	Price Free	21 - 長脚等さ、21 1度等性を		
consistisybds	MMRtTree = mmk	thybds(BDTTree)		
	BUTT ree	B.河 建汽车建工工工 1.30		
	MMxtTree	基·BDTTree* 建二、5 + HM + 集 文林, - 1 产产 55份		
	[Price PriceTree]	a optbrdbybdtiBDTTree OpiSpec Strike ExerciseDates, AmericanOpt, CouponRate		
opthodbybai		roof Basis 1, 4M militare, IssueDate FustCouponDate LastCouponDate StartDate		
	Face, Options)			
	BDITtree	BDT 模型构建的形象" 叉侧		
	OptSpec	期权特典,值为字符串, call 或 put		
-	Sinke	\$2, e = 0.		
	ExerciseDates	行权日期		
	AmericanOpt	标识期权为美式还是欧式		
	CouponRate	情勢息原本		
	Settle	26 第 2		
	Maturity	÷ 10(r		
	Period	可逃,年付息次数		
	Basis	可说,大数计数规则		
	EndMonthRule	2 1 # 54		
	IssueDate	12 5 10		
	First ouponDate	3.表 首次t****		
	LastCouponDate	· 是 器(文e+印 H		
	Starti Vate	7.6 - 9.4.4.日期		
	Face	可是面值		
	Options	可使 ・生り定べ中 洗的腐性		
	Price	便有意えが、格		
	Programe	对应		
optembndbybdt	[Price, PriceTree] = optembedbybditBDTTree CrupoaRate,Settle, Maturity, OptSpec, Strike, ExerciseDates, Name1 . Value1 Name2 Value2.)			
	B,11Tree	BDT 模型构建的对率_ 又例		
		使得を開生 ・ できる		
	CouponRate	特質日		
		別線日		
	Maturity			
	OptSpec	期权种类,值为字符串,call 或 put		
	Strike	扶行价		
	ExerciseDates	行权日期		
	Namei			
	Values	- 参考帮助文档,关于虹处可取值范围,用以指述债券属性信息的 相值		

	PriceTree	对应二叉钢节点上的价格信息			
	[Price, PriceTree, CFTree, SwapRate] = swapbybdt(BDTTree,LegRate,Settle, Maturity, LegReset,				
swaphybdt	Basis, Principal, LegType Options EndMonthRule)				
	BDTTree	BDT 模型构建的利率叉印			
	LegRate	用以说明息原率和价差的矩阵			
	Settle	结财日			
	Maturity	至 期日			
	LegReset	可选,用以说明互换的两个产品的年支付次数			
	Basis	可透,天散计数规则			
	Priosipa	可选,名义本金			
	Leglype	可选,互换产品是浮动利率还是因之主意,明知两			
	EndMonthRule	可选,月末法则			
	Price	基于 HJM 模型的互换价格			
	PriceTree	对应二叉柯节点上的互换价格的信息			
	(Firee	对应一叉树节点上的现金流流入度出信息			
	SwapRate .	使得互换价格为 0 的互换利率数值			
	[Price PriceTree] = swaptsonbybdt(BDTTree OpsSpec,Sinke ExerciseDates, Spread, Settle,				
swaptionbybdt	Matunty/Namel', Value1, Name2 Value2)				
	BD11rec	BDT 模型构建的利率二支树			
	OptSpec	互换钢权种类、值为字符串, call 或 put			
	Strike	互换执行价格			
	ExerciseDates	行权日期			
	Spread	浮动利率同基准接钩利率间价差			
	Settle	结算日			
	Maturity	到期日			
	Name				
	Value1	参考帮助文档,关于此处可取值范押			
	Price	利率互换钢权的价格			
	PracTree	返回互换发生的不同时点上的价格等信息			
	# A swaptionbyh	pm 系数 ン主数計革 - BDT 権型対す 多り推開权利益 介示数			

B-12: BK 模型的应用 (9)

bondbybk	[Price Price Tree] bondbybk[BKTree, CouponRate Settle, Maturity, Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate,FirstCouponDate, LastCouponDate, StartDate, Face, Options)			
	Bkfree	BK 模型构建的利塞二叉树		
_	CouponRate	债券息幫审		
	Settle	培護 行		
	Maturity	至期日		
	Period	口选 年44月次數		
	Basis	□ 选 天数☆数规则		
	EndMonthRule	可选 用来进员		
	IssueDate	がほ、 发行 日期		
	FirstCouponDate	이选 首大 ^사 용日		

	LastCouponDate	可走,最后 次付息日
	StartDate	可选,计息开始日期
	Face	可选,面值
	Options	可進、衍生品定价中可选的属性
	Price	價券的价格
	PriveTree	对应
capbybk	[Price, PriceTree] =	capbybk/BKTree, Strike, Settle, Maturity,Reset, Bassa, Principal, Options)
	BKTree	BK 模型构建的利率 叉例
	Strike	执行价格
	Settle	特第日
	Maturity	利期日
	Reset	可选,年支什太數
	Вазьъ	可选,天数计数规则
	Pr nupal	可选、本会
	Options	可选、衍生品定价中可选的属性
	Price	利率项的价格
	Price Tree	对应二叉树节点上的价格等信息
cfbybk	[Price, PriceTree] =	cfbybk(BKTree, CFlowAmounts CPlowDates,Settle, Basis, Options)
	BK Irec	BK 模型构建的利率又树
	CHowAmounts	现金点的数量
	CI low Dates	与现金流对应的发生日期
	Settle	优雅)
	Basis	可选,关数计数规则
-	Options	可逃,初生品定价中可选的腐性
	Price	现金流的现值
	Procline	对应
	[Price, PriceTree] =	fixedbybk/BKTree, CouponRate, Settle, Maturity, Reset Basis, Principal, Options,
fixedbybk	EndMeathRule)	
	B& Iree	BK項: 机建心工具 文好
	CouponRate	2章
	Settle	地質品
	Maturity	€ P)
	Reset	可选 等支针次數
	Basis	r.d. 人物。·数规则
	Principal	可造、基金
	Options	司是 《生命是八中司造於舊性
	EndMonthRule	可选、月未法则
	Price	固定利率票据的价格
	PriceTree	对应
-	{Price, PriceTree} =	floarbybk(BKTree, Spread, Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal,
floatbybk	Options, EndMonthl	
	BK1ree	BK塔1-10是1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1
	Spread	早 本

_		
R		
7		

		5
	Settle	坊鄭日
	Maturity	利明日
	Reset	可逃,年支付次数
	Basis	可选,关数计数规则
	Principal	可选,本金
	Options	可逃,衍生品定价中可选的属性
	EndMonthRule	可选,月末法则
	Price	浮动利率票据的价格
	PriceTree	对应二叉制节点上的价格等信息
floorbybk	[Price, PriceTree] =	floorbybk(BKTree, Strike, Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal, Options)
	BKTree	BX 模型构造的利率 ^一 叉树
	Stoke	执行价格
	Settle	结算日
	Matunty	到期日
	Reset	可选、年支付次数
	Basis	可选、天教计数规则
	Principal	可选、本金
		可去、衍生品定价中可进的属性
	Options Price	可选,约全品定价中可选的属性 丰,库底的价格
opthodnybk	Options Price PriceTree [Price PriceTree] >	4.率成的价格 对每二叉阿节成上的价格等信息 opthodbybkfBKTere OptSpec Strike,ExerciseDates, AmericanOpt, CouponRate,
op thndhybk	Options Price PriceTree [Price PriceTree] >	3. 本庭的价格 对后二叉树节点上的价格等信息
opthadhybk	Options Price Price PriceTree Settle, Manuely Pen	 事業的的報 お加二人を申込むとがの場合の からしまりのは、これがの場合の では、これがのできない。 これがのできない。
opthad hybk	Options Price PriceTree [Price PriceTree] = Settle, Mathews Pan Face, Options)	4.単位的信息 対応工程等成とが内格機位を optodybitRXTre Options StrükEkersseDitts, AmericaiOpt, CooponRate, - Ross (2074-09年度) - StrükEkersseDitts (2011-09-09-09-09-09-09-09-09-09-09-09-09-09-
opthndhybk	Options Price PriceTree [PriceTree] = Settle, Materix Plo Face, Option) Bis Tree	4.単元から核 対応二大甲等点とから成場である。 の内が助けませんでは、これでは、これでは、これでは、これでは、これでは、これでは、これでは、これ
opithodhybk	Options Price PriceTree [PriceTree] Settle, Materity Plot Face, Options) BisTree Optispec	4.年度的的格 対応二大甲号成と的的格等信息 の内容が表対する情報である。AmeniasSpt. Coupmillate. 、 hand : m.Mer-Nule - surtNute 1 instC-openDate Lost expenditure StartDate BK 信号信息の対象二支列 原行特象、復为字符章、call 成 put
opthndhybk	Options Price Price Price [Price Price Price Vette, Mainters Price Bioline Bioline Optispes Strike	4.単葉的的格 お面二文形写成上的的格等信息 ophodbybeiRKTre OptSper StrikeExercseDists, AmericasOpt, CoopenRate, - Bases and MonPKille variable First LaptenDate Lett exposifizer StartDate BK 僕か特定的日本二文例 原化特点、他力学符名、call 成 put 执行的
opthodhybk	Options Price PriceTiee PriceTiee IPrice PriceTree Velta, Mainter Per Face, Options) Bh.Free Optispee Maintee LacrasseDates	4.年度产的核 対応二大甲等成上的抗路等信息 opphalphal FRETTITE Obstone Settle Exercise Dates, American Opt. CouponRates. Tuess : an MontPROE - searchase Jan Support Date Lost on positions Vigariban BK 信告付達の対象二天同 根保持長、信力学育者、call 成 put 扱行的 号元日期
opthodhybk	Options Price PriceTree Pr	4.年収的的格 お加二大甲等成と的的格等信息 のの対象がはRETEC Obsides StrikElemostDists, AmericanSpt, CouponRate, Name : m.Mer*Kult - outThat 1 instT-openDate Lott outperflate StartDate BK 保存物理的対象二支列 原収件後、復为字符章、call 成 put 扱行的 形式の取り及式子音表式
opthodhybk	Options Price PriceTree [Price PriceTree] = Vett., Matter's Pice Face, Options) Bis Tree Optispes Strike Face see Dates AmericanOpt CouponRate	4.単収的价格 対応二光明可成上的价格等信息 photologiskingKirne OptSpen StrikeExeroseDates, AmericanOpt, CouponRate,
opthodhybk	Options Price PriceTree [Price PriceTree] - Velta, Mainter Vire Fasc, Option) His Tree Optispes Larrase Dates Amen, and by C. sponRate Settle	4. 事实的价格 对应二大用节点上的价格等记录 pptholyshaftKire Onskipen ScriteExtenseDates, AmericanOpt, CouponRate, - Tumes: anti-MerPKile - searchare Farist SupportDate Leat outportEsse StartDate BK 信令句道的对意二天时 解析符奏,信力学符章。call 成 put 执行的 于氏品明 传见图明
opthadhybk	Options Prac Proclete Particologic AmericanOpt Copenitate Settle Maturry	4.年度的价格 对面二叉甲等底上的价格等位差 popularityshte Test Section State Learner Date. American CoupenBate. Test 保存的境份对第二叉阿 期間的 pot 现代的人 1000 可以 100
opthodrybk	Options Prac Proof free [Proof Proof Tree] Proof Tree [Proof Proof Tree] Proof Tree Matury Period	現実的的報 知知二天甲等成上的的指導信息 phoppinghybatik Kirre Optices Strike Exercise Dates, American Optic, CouponRate, hases can Membride - succioner justifuspendose Leut outpoolities Startbeet BK 模型物理的对象二天例 照代持長、協力学育者、call 成 pot 好行 方法回取 行法回取 行法可以为是式还是依式 使命を限定 切場日 初初、年代意大数
opphradnybk	Options Price Proof free Proof Pr	4.事変的的核 対応二叉時等成と的情格等位き 受け物的検索が表現である。Schie Exercise Dates, American Qui, CouponRate, 「home : mi M-erritikle - word have - Farist" uppenDate Luct exponfister Start Date BK 優生物達的対象二叉時 級に優生物達的対象二叉時 級に持ち、個力学音楽、call 変 per 技行的 サバ田町 が高限の共産式は音楽式 集争を業 型番目 切解日 可意、年代意大数 可意、年代意大数 可意、不良計算程序
optinárybí.	Options Price Procedure Inner Procedure Inner Procedure Seas, Optional Blutte Option State State State State Manuary Co-position Manuary Period Blutt EndMonthRule	4.车资外的核 对加二义即等成上的价格等信息 opthologisht River Onsissee State, Exercise Dates, American Fig. Couponitate, hasses: milk-ent-kile voschker Farist expended: Lout expenditure Stanbare BK 模型均差的对象二叉阿 钢铁特殊,每为字符章,call 或 per 积分的 特式钢铁为类式活进铁式 增速是要率 划图F 可感,车村息水数 可感,开始上水数 可感,开始上水数 可感,用油流到
ogpt-nJrybi	Options Prac Proof Free IProof IPRO	まのでいか核 お店ごより的なよの的な事態を お店ごより等のようにのならない。Strike Exercise Dates, American Option Position Strike Exercise Dates, American Option Position Stratbon まな信うない。 お店舗 とはが、4000年7月 ままび (1000年7月 1000年7月 100
opthrulrybk	Options Price Procedure AmericanOpt Copinion Bains B	4. 事從的价格 对应二义即等成上的价格等记录 photolyshir Kirre Onsione SettleExercesDates, AmericanSpit, CouponRate, Tames : milk-entWile - woothare FairStungvesDate Lost on poorState Significant BK 模型的建筑分享元素。call 或 por 现行的 对应因为是式还是依式 使声音集 过度日 为物理 可定。每付息次数 可定。另外主题 可定,并注至 或行日期 可定。对于即用 可定。或行日期 可定。或行日期 可定。或行日期 可定。或行日用
apitnižnybi.	Options Price Procedure Involve Involv	4.单层外的核 对面二叉甲形成上的物格等信息 opthologisht Richter。Optione Strike Exercise Date. Amencan Fig. Coupon Rate. - Name: milk-en-Walk vact Nate: I shalf september Lott expositione Standbar - BK 模型均差的工具 - MR 模型 - MR 是一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个
opti ruhytik	Options Prac Proof Free IProof IP	ま・事実的的核 お店ごより的なよの的な場合を populacybal REATURE Obsision: Scrike ExerciseDates, AmericanSpit, CosponState, Tassat : an Merit Reature January - and TouryenDate Lext outpoolState StanDate BK 信告付達の対象二叉列 照代持ち、信力学育者、call 成 put 投行的 子び自和 子び自和 子び自和 可念。 不良士者を定 本を享ま 現実上別 可念。 天政士者を定 可念。 天政士者を定 可念。 天政士者を定 可念。 天政士者の定 可念。 本次本記 可念。 本の一次計 日本 本の一次計 本の一次によりによりによりによりによりによりによりによりによりによりによりによりによりに
optra/sybk	Options Price Procedure IPrice Procedure IPrice Procedure IPrice Procedure IPrice Procedure IPrice Procedure IPrice Price IPrice	4. 事從的价格 对应二义即等成上的价格等信息 可控制的效应,StrikeExerceDates, AmericanSpit, CouponRate, Tames : mi.M.entWile - worthare Fariff-unpvelbate Leat on positions StartDate BK 模型的建筑分解光度。 worthare Fariff-unpvelbate Leat on positions StartDate BK 模型的建筑 / 值为学符单,call 或 pot 技行的 特定期份为度式还是效式 使声变素 现象形式 可能, 再对金数型 可能, 开放上影像型 可能, 直接开始且明 可能, 可能更加。

optembbndbybk	[Price, PriceTree] = optembodybk(BkTree, CouponRate, Settle, Maturity, OptSpec, Strike, Strike, ExerciseDates, Name, Vatue,			
	BKIree BK 模型构建的彩率 ^一 叉树			
	СовропRate	債券を原本		
	Settle	(音算で		
	Matunty	を御戸		
	OptSpec	聊权红读,值为字符串、call 或 put		
	Strike	K - *		
	ExerciseDates	行权行明		
	Names			
	Valuer	参考期如文档、关于此处可取值品档、用以描述债券属性信息的 组值		
	Price	ウ会野収得器がや塔		
	Price Free	对应二叉树节点上的价格信息		
swapbybk	[Price, PriceTree CFTree SwapRate] = swaptwbk/BKTree,LegRate, Settle, Maturity, LegReset, Bavis, Principal,LegType, EndMonthRule)			
	BKTree	BK 模型构建的利率		
	LegRate	用以说明老原本和价差的矩阵		
	Settle	核算用		
	Mutunty	動聯日		
	LegResel	可选,用以说明互换的两个产品的年支付次数		
	Basis	可逃,天散计数规则		
	Principa.	可选,名义本金		
	LegType	"点、三零产与是海南和最近景图方来在原明物典		
	LadMonthRule	可选,月末法科		
	Prace	基于 HJM 模型的互换价格		
	Price Free	对应二叉树节点上的互换价格的信息		
	(Filter	对应二叉树节点上的现金流流入流出信息		
	SwapRate	使得互换价格为 0 的互换形率数值		

B-13: CRR 模型的应用 (5)

assanbyerr	Price = asunbycriCRRTree, OptSpox, Strike, Settle, ExerciseDates, AmericanOpt, AvgType, AvgPrice. AvgDate)		
	(RRive (RR #5 % Pr X fer		
	OptSpec	期权种类,值为字符章,call 或 put	
	Strike	执行价	
	Settle	坊算日	
	1 xent seDates	行权日明	
	AmericanOpt	可选,标识網权为美式还是欧式	
	AvgType	可选,标识行权价格是几何平均还是算数平均	
	AvgPnce	可选,价格平均的方式	
	AvgDate	可造,标识价格率均的起始日期	
	Price	亚式期权的价格	

· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	[Price, PriceTree]	= barrierbycrt(CRRTree, OptSpec, Strike, Settle, ExerciseDates, AmericanOpt,		
hamerbyerr	BarnerSpec, Barner,Rebate, Opuotis)			
	(RRIree	CRR 模型的二叉树		
	OptSpec	期权种类,值为字符串。 call 或 put		
	Stnke	of each		
	Scale	培養長		
	ExerciseDates	行权日期		
	AmericanOpt	标识期权为美式还是歌式		
	BarnerSpec	标识障碍斯权类型,共四类		
	Barner	障碍值		
	Rebute	可选、价格触及障碍时支付的价格		
	Opt.ons	可选、衍生品定价中可选的属性		
	Price	基于 CRR 模型的障碍期权价格		
	Proc Proc	对应二支柯节点上的雕碼鄰权价格的信息		
	[Price PriceTree]	= compoundbycm(CRRTree OptSpec, UStrake, USettle, UExerciseDates,		
compoundbyerr	UAmencanOpt, C	OpiSpec (Strike, CSettle, CExerciseDates, CAmericanOpt)		
	CRR ree	CRR 摘型的二叉例		
	T Optoper	期权种类,值为字符串,call 或 put		
	1 Strike	执行 价		
	l'Settie	福第日		
	Ul xen sellates	行权日期		
	L AmericanOpt	标识期权为美式还是数式		
	C OptSpec	复合期权的种类,值为字符串,call 或 put		
	CStrike	复合期权的执行价		
	CSettle	复合顺权的结算日		
	CL xerciseDutes	复合期权的行权日期		
	CAmenuanOpt	复合期权的标识期权、美式还是欧式		
	Proce	基于 CRR 模型的复合钢铁价格		
	Pruelec	对应二叉树节点上的复合期积价格的信息		
Inokbackbyerr	[Price, PriceTree]= lookbackbycm(CRRTree, OptSpec, Strike,Seath, ExpresseDates, AmericanOpt)			
	(RR I rec	CRR 模型的_X树		
	OptSpec	期权种类,值为字符章,call 或 put		
	Strike	共行价		
	Settle	特無日		
	Exerc seDates	行权日期		
	AmericanOpt	标。即模为美式还是欧式		
	Price	基于 CRR 模型的回望期权价格		
	PriveTree	对应二叉树节点上的回望钢权价格的信息		
optatockbyctr	[Price, PriceTree]	w optstockbyerr(CRRTree, OptSpoc, Strike,Soule, Hannins Dutos, Astaclosis Opt)		
	CRRIce	CRR 模型的 叉树		
	OptSpec	期权种类,值为字符串,call 或 put		
	Strike	技をい		
	Sentle	功質P		

ExerciseDates	行权日期
AmericanOpt	标识期权为美式还是耿式
Price	姜于 CRR 模型的股票期权的价格
PriceTree	对应二叉树节点上的股票期权价格的信息

B-14: EQP 模型的应用 (5)

Price = asianbycqp(EQPTree, OptSpec, Strike, Settle,ExerciseDutes, AmericaeOpt, AvgType, AvgPrice, AvgDute)		
, AmericanOpt, BarrierSpec		
Price Tree 对应"发射节点上的激动顺线价格的信息 [Price, PriceTree] = compoundbyeqp(EQPTree, UOptSpec, UStrike, USettle, UExerciseDutes, UAmericanOpt, COptSpec, CStrike, CSettle, CExerciseDutes, CAmericanOpt)		
Opt)		

	15%
CExerciseDates	复合职权的行权日期
CAmericanOpt	复合崩损的标识期权,美式还是欺式
Price	基于 CRR 模型的复合期权价格
PriceTree	对应 叉树节点上的复合期权价格的信息
[Price, PriceTree]	= lookbackbyeqp(EQFTree, OptSpec, Strike, Settle, ExerciseDates, AmericanOpt)
EQPTree	Edbag, v. Yit.
OptSpec	期权种类,值为字符串,call 或 put
Strike	状セイ
Settle	培削日
ExerciseDates	行权日期
AntencanOpt	标识期权为美式还是飲式
Price	基于 CRR 模型的回旋期权价格
PriceTree	对应二叉何节点上的回望期权价格的信息
[Price, PriceTree]	= optstockhyeop(EQPTree, OptSpec, Strike,Settle, ExerciseDates, AmericanOpt)
FQP3 rec	1 QF 18 T, X Fr
OptSpec	順权种类、值为字符串、call 或 put
Strike	执行价
Settle	培育日
ExerciseDates	行权日際
AmericanOpt	标识期权为美式还是欧式
Price	基于 CRR 摄型的股票期较的价格
PriceTree	対应二叉树节点上的股票期权价格的信息
	CAmencanOpt Proce Proce Tree [Proce, PriociTree] [Proce, PriociTree] [Proce, PriociTree] [Proce, PriociTree] Stake Stake Stake Stake ExerciseDates AmencanOpt Prioc, PriociTree] [Proc., PriociTree] LQFTiree OptSpec. Stake Stake ExerciseDates AmencanOpt PriociTree P

B-15: ITT 模型的应用 (5)

	Price = assanbystiftTTTree, OptSpec, Strike, Settle, ExerciseDates, AmericanOpt, AvgType, AvgPrice, AvgDate)		
asianbyitt			
	ITTTree	ITT 模型的二叉树	
	OptSpec	期权种类。值为字符串,call 或 put	
	Strike	执行价	
	Settle	结算日	
	ExerciseDates	行权日期	
	AmericanOpt	可选,标识期权为美式还是欲式	
	AvgType	可选、标识行权价格是几何平均还是算数平均	
	AvgPrice	可选、价格平均的方式	
	AvgDate	可选、标识价格平均的起始日期	
	Price	亚式期权的价格	
	(Price, PriceTree) = barnerbysts(TTTree, OpsSpec, trike,ExerciseDates, AmericanOpt, BarrierSpec,		
barnerbyitt	Barrier, Rebate, Options)		
	ITTTree	田 権力 78	
	OptSpec	朝权种类,值为字符串,call 或 put	
-	Strike	执行价	
	Settle	均無日	
	ExerciseDates	与权日期	

	AmericanOpt	标识期权为美式还是欧式	
	BarrierSpec	标识障碍期仅类型,共四类	
	Barner	国本	
	Rebate	可选,价格触及障碍时支付的价格	
	Options	可逃,衍生品定价中可透的属性	
	Price	基于 CRR 模型的障碍期权价格	
	PriceTree	对应二叉树节点上的障碍期权价格的信息	
	[Price, PriceTree]	= compoundbyin(TTTTree, UOptSpec, UStrike,USettle, UExerciseDates,	
compoundbyitt	UAmericanOpt, C	OptSpec,CStrike, CSettle, CExerciseDutes, CAmericanOpt)	
	ITTTree	ITT 標型的 叉树	
	UOptSpec	期权种类,值为字符串、call 및 put	
	UStrike	执行的	
	USettle	结算日	
	UExerciseDates	行权日期	
	UAmencanOpt	标识明权为美式还是欧式	
	COptSpec	复合期权的种类,值为字符串、call 或 put	
	CStrike	复合期权的执行价	
	CSettle	复合期权的结算日	
	CExerciseDates	复合期权的行权日期	
	CAmericanOpt	复合期权的标识期权,美式还是欧式	
	Price	基于 CRR 模型的复合期权价格	
	PriceTree	对应 艾倒节点上的复合脚权价格的信息	
lookbackbyitt	[Price, PriceTree] = lookbackbyitt(ITTTree, OptSpec, Strike, Settle, ExerciseDates, AmericanOpt)		
	ITTTree	ITT 模型的工义例	
	OptSpec	期权种类。值为字符率,call 或 put	
	Strike	执行价	
	Settle	地第日	
	ExerciseDates	行权日期	
	AmericanOpt	标识期权为美式还是欧式	
	Price	基于 CRR 模型的回望網权价格	
	PriceTree	对应 夏树节点上的回望期权价格的信息	
optatoekhylm	[Price, Price/Free]	= optstockbyitt(ITTTree, OptSpec, Strike,Settle, EnergianDates, AmericanOpt)	
	ITTTree	ITT 模型的 _ 叉树	
	OptSpec	柳权种类、值为字符串、call 或 put	
	Strake	执行价	
	Settle	结算日	
_	ExerciseDates	行权日期	
	AmericanOpt	标识朝权为美式还是欧式	
	Price	基于 CRR 模型的股票期权的价格	
	PriceTree	对应二叉树节点上的股票期权价格的信息	

B-16: HW 模型的应用 (9)

HW Irec	ponDate: LastCoopenDate, StartDate, Face, Options) HW 標型构建的指導 支持
	信券息票率
CouponRate	第70-84年 ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・ ・
Sellic	
_	\$ \$P.F.
	可选,年付息次数
	可选,天数计数规印
_	理度 1-4-3
	J.는 5 시 刊事
FirstCouponDate	2.3 首次付息日
LastCosponDate	「き 最后一次付包日
StartDate	4.2 计包开始日期
Face	可选、面值
Options	可选、约生品定价中可选的属性
Price	货券的价格
Proce Free	対成二叉侧节点上的价格等信息
[Price, PriceTree] =	capbyhw(HWTree, Strike, Settle, Maturity, Revet, Basss, Principal, Options)
HW-rice	HW 模型构建的利率二叉树
Strike	执行价格
Settle	複算日
Maturity	₹ X0+1
Reset	可處,年支付次数
Basis	可遊,天敷计数规则
Principo.	可贵、本金
	可选,衍生品定价中可选的属性
1	利塞佰的价格
	对应 更树节点上的价格等信息
	cfbyhw(HWTree, CFlowAmounts, CFlowDutes, Sottle, Basis, Options)
-	HW 模型构造的利率二叉树
	现金点的数量
_	与现金流对应的发生日期
	始算日
	可选,大数计数规则
-	可选,不致计数规则 可选,衍生品定价中可选的属性
	現金達的現情
	对应二叉树节点上的价格等信息
	fixedbyhwiHWTree, CouponRate, Sertle, Maturity, Reset, Basis, Principal, Options
	Town the state of
	HW 標準构建的利率~又树
CouponRate	息原本 特質E
	Last'coponDate StatiState Fair Options Price Proc. I've Proc. I've Proc. I've Proc. Proc. I've Proc. Proc. I've Proc. Proc. I've Vetle Materia Bass Gptions Pric. Proc. Proc. I've Proc. Proc. I've I've I've I've C've Proc. Proc. I've Bass C'ros Dates Sette Bass Options Pric. Proc. Proc. I've Proc.

	Matunty	到期日	
	Reset	可选,年支付次數	
	Basis	可选,关数计数规则	
	Princips!	可选。本金	
	Options	可选,衍生品定价中可进的属性	
	EndMonthRule	可选,月末法则	
	Price	, 固定利率需据的价格	
-	PrieTree	对应一支树节点上的价格等信息	
	_	= floatbyhw(HWTree Spread, Settie, Maturity, Reset, Basis, Principal, Options,	
floathyhw	EndMonthRule)		
	HW I ree	HW 權型构建的利率 又辦	
	Spread	浮动利率同基准符物利率间价差	
	Settle	福貫日	
	Maturity	争期日	
	Reset	可疮,年支什次数	
	Basis	可选,天教(+教規)。	
	Principal	可选、本数计数项F, 可选、本金	
_	Options	· * 方 * 衍生品定价中可选的属性	
	EndMonthRule	可逃,月末去到	
	Price	浮动利率聚绕的价格	
	Price Free	31 ,在"点点。"陈紫红旗	
floorbyhw	[Price, Price (ree] floorbylaw, HWTree Strike Settle Maturity,		
	Reset, Basis, Princ		
	ltWlrec	HW 模型构建的利率二叉树	
	Strike	执行价格	
	Settle	福賀日	
	Maturity	型期日	
	Reset	可选,年支付次数	
	Basis	可选,天敷计数规则	
	Pr ncipal	可选、本金	
	Options	可选,衍生品定价中可选的属性	
	Price	利率症的价格	
	Price Free	对应二叉树节点上的价格等信息	
	Price PriceTree = opthm.hybw(HWTree OptSpec Strike,FxerciseDates, AmericanOpt, CouponRate,		
optholibyhw	Settle Maturity Period Basis EndMonthRate IssueDate EastCouponDate LastCouponDate StartDate		
	Face, Options)		
	HWTree	H W 模型 4. 建化 + 革 " 克松"	
	OptSpec	明权种类。值为字符串,call 或 put	
		换行价	
	Strike		
	Strike ExerciseDates		
	ExerciseDates	行权日期	

	Maturity	到聯日
	Penod	可选,年付息次数
	Basis .	可选、天散计数规则
	EndMonthRule	可选,月未法购
	IssueDate	可选,发行日期
	First(ouponDate	可透,首次作息日
	LastCouponDate	可选、最后 次什息日
	Start Date	可选,计息开始日期
	Pace	可选、面值
	Options	可选、衍生品定价中可选的属性
	Price	债券聊权的价格
	PriceTree	对应
optembndbyhw		optembodbyhwtHWTree CouponRate,Settle, Matunity, OptSpec, Strike,
		nel Valuel, Name2 Vasue2,)
	HW Ince	HW 16 - 1 4 - 1 本 2 4
	CouponRate	学科中原主
	Settle	7万弾ミー
	Maturity	を取り
	OptSpec	期权种类、值为字符串,call 或 put
	Strike	执行价
	ExerciseDates	行权日明
	Names	 参考零助文档。关于此处可取值范围、用以描述债券属性信息的一组值
	V alue1	p-y-myxcut xy nox 1-max, any 1-max, any 1-max, and 1-max
	Рпке	内嵌砌权使券的价格
	Price Tree	对应 工具例节点上的价格信息
swapbyhw	(Price PriceTree C	FTree SwapRate) = swaphyhwiHV/Tree,LegRate, Settle, Matunty, LegResel,
swapoyiiw	Basis, Principal, Leg	Type, FasiMonthRule)
	HW Iree	HW 模型构建的利率
	LegRate	用以说明息票率和价差的护阵
	Settle	结算H
	Maturity	李 脚 Fr
	LegReset	可选。用以说明互换的两个产品的年支什次数
	Basas	可选、天数计数规则
	Principal	72. ××42
	LegType	可走 与城市人思学的私事还经国友利率说明新陈
	EndMonthRule	J. 注 日来 t
	Price	基・HJM 機型の支援に収
	PriceTree	对应 夏利节点上的互换价格的信息
	CFTree	对应一支制节点上的现金流流入渡出信息
	SwapRate	使得互换价格为 0 的互换利率数值

MARLAN SERTH

B-17: 树图的操作(10)

bushpath	Values = bushpath	(Tree, BranchLast)		
	Tree	基于特定模型构建的 [™] 叉例,或□叉树		
	BranchList	H 진정 ' 는 역		
	Vines	· 京 · 注· > 不堪· · 正· · · · · · · · · · · · · · · · ·		
	[NumLevels, Num	Chald, NumPox, NumStates,		
bushshape	Trimi = bustahape	(Tree)		
	Treu	基于特定模型构建的"及制、或三叉树		
	NumLevels	树图的时间区 间数目		
	NursChad	对应于 NumLevels 的每个时间水平上每个节点的子节点数目		
	NamPos	每个时间水平上状态向量的长度		
	N imStates	每个时间水平上的状态数目		
	1mm	标识 NumPos 变化的逻辑值		
cytree	RateTree = cvtree(Tree)		
	Tree	基于特定利率模型构建的_页树。或二叉树、HJM、BDT、BK、HW等		
	Rute I rec	将站班拿因子树转换应即期孔车树		
	[Tree VamStates]	= mkbushtNumLevels NumChild NumPos, Frim,		
micbush	NodeVal)			
	Numl evels	树图的时间区间数 月		
	∿ m€ bad	对应于 NumLevels 的每个时间水平上每个节点的子节点数目		
	NumPos	每个时间水平上状态向量的长度		
-	fnm	标识 NumPos 变化的逻辑值		
	True	基于特定模型构建的工规制、或三规制		
	Numblates	每个时间水平上的状态数目		
mktree	Tree = mktree(NumiLevels, NumiPos NodeVal, [sPriceTree)			
	Numl evels	州图的时间区间数目		
	NumPos	每个时间水平上状态向量的长度		
	NodeVal	可选,树图每个节点上的初始值		
	IsPnceTree	可选,控制最后一个分支的布尔值		
	Tree	构建的二叉树图		
mittrintree	TrinTree = mktrini	tree(NumLevels, NumPos, NumStates, NodeVal)		
	Numl evels	树图约时间区间数目		
	NumPox	每个时间水平上状态向量的长度		
	VamStates	每个时间水平上的状态数目		
	VodeVal	可选,树图每个节点上的初始值		
	Trin Trec	章构的 二 艾柯		
treepath	Values = treepath(Tree, BranchLast)			
	1 rec	基千特定模型构建的重构二叉树		
	BranchList	序序路 "x 写		
	Vaucs	5 填 7 0 1 如墨松 发射线20 T A 1 / 4 值		
trocshape	[NumLevels, Num	Pos, IsPriceTree1 = treeshape(Tree)		
	Irec	· 英一22 梅·松连5 乙树		
	Numl.cvels	树用的时间区间数目		

		49	
	NumPos	每个时间水平上状态向量的长度	
	IsPraceTree	控制最后一个分支的布尔值	
trintreepaht	Values = trintreepath(TrinTree, BranchList)		
	Irec	基于特定模型构建的重构" 叉树	
	BrunchList	种复杂 致先	
	1.10	 路径矩跨所标识的重构^一叉树路径节点上的值 	
trintreeshape	[NumLevels, NumPos, NumStates] = transcesbape(TranTroe)		
	Ir sTree	基于特定接应构建的一叉树	
	NumLevels	树鹅 的时间区间数目	
	Numbos	每个时间水平上状态向量的长度	
	NumStates	每个时间水平上的状态数目	

B-18. 期权定价数据属性设置(2)

derivset	Options = derivset(Options, 'Parameter1', Value1)		
	क्षा भद	可选,已有的对于钢权属性说明的结构型数据	
_	Pasameten	可选,相应的需要改变值的属性	
-	Valuer	可选、新的值	
	Oprons	具有新的腐性值的结构型数据	
derivget	Value = derivgettO	ptions, Parameter')	
* Flemvel > 5 + 5 + 5 + 3		· 拉工,可工 detroit 。 漢作項	

B-19: 权益类衍生品的解析解 13:

chooserbybls	Price = chooserbybls(RaseSpec, StockSpec, Settle,Maturity, Strike)	
	Rat. Spex	和車期開始构设明
	StockSpec	股票参数说明,包含表动率等信息,参考 stockspec 函数
	Settle	站舞日
	Maturity	新 期日
	Strike	行权价格
	Ph.	选择期权的价格,基于 BS 接受的解析定价结果
impvbybja	Volatility = i	mpvbybys(RateSpec, StockSpec, Settle, Matunty, Strike, OptPrice, "Name1, Value1,)
	RuteSpec	水車明報信构设明
	50 x kSpc.	股票参数说明,包含波动率等信息,参考 stockspec 函数
_	Settle	结算日
	Maturity	3 旅行
	Strike	行权价格
	OptPrice	期权价格
	Namei	
_	Values	impvbybjs 函数的可选参数输入形式
	Victor	根据 Bjerksund-Stensland 模型计算出的概念波动率
impvbyblk	Volatility =	empvbyblk/RateSpec, StockSpec, Settle,Maturity, Strike, OptPrice, 'Name1', Value1)
	RateSpec	利率期限结构说明
	StockSpec	股票参数说明,包含波动率等信息,参考 stockspec 函数
	Settle	培菓日

		33
	Matunty	對期日
	Strike	行权价格
	OptPrice	期权价格
	Namei	
	Valuer	umpvbyblk 函数的可选参数输入形式
	V > 31€)	現後日山を埋きに着 とひからか里
umpvbybls	Volatility =	impvbyhls/RateSpec StockSpec, Settle, Maturity, Strike, OptPrice, 'Name1', Value1)
	RateSpec	利率期限结构说明
	StockSpec	股票参数说明,包含波动率等信息、参考 stockspec 函数
	Settle	结算日
	Maturity	到期日
	Strike	行权价格
	OptPrice	期权价格
_	Namei	
	Valuei	- impvbybls 函数的可选参数输入形式
	Voiab by	根据 Black-Scholes 模型计算出的稳含波动率
umpvbyrgw	Volatility =	impybyrgwtRateSpec, StockSpec, Settle, Maturity, Strike, OptPrice, 'Name1', Value1
	Riesper	利率期限结构设明
	StockSpec	检票参数说明,包含波动率等信息,参考 stockspec 函数
	Setrle	档算E
	Maturity	季期 日
	Strike	行权价格
	OptPrice	期夜价格
	Namei	
	Values	improbyrgw 函数的可选多数输入形式
	To its of	报报 Roll-Geske-Whaleys 模型17 算出的聯合品动家
optstockbybjs		ockbybjs(RateSpec_StockSpec, Settle, Matunity,OptSpec, Strike)
opennonojoja	RateSpec	F, 车期限15均支明
	StockSper	股票參數说明,包含波动率等信息,参考 stockspec 函数
	Settle	*A 節 户
	Marunty	₹ 期日
	OptSpe.	期权种类,值为字符串。call 威 put
_	Strike	行权价格
	Price	增援 Bierksund-Stensland 模型计算出的股票期权价格
optstockbyblk.		ockbyblk(RateSpec, StockSpec, Settle, Manunty,OptSpec, Strike)
oprosona your.	RateSpec	利素維持時的说明
	StockSpec	股票参数说明,包含波动率等信息。参考 stockspec 函数
	Settle	· 特集日
	Matunty	1. 順日
	Opt5pec	明权种类,值为字符串。call 或 put
	Strike	行投价格
	Price	根接 Black 模型计算出的股票期权价格

optstockbybls	Price = optstockbybls(RateSpec, StockSpec, Settle, Maturity, OptSpec, Strike)		
	State Spec	1 至写 かられるこ	
	StockSpec	長葉多数点叫 包含透动率等信息,参考 stockspec 函数	
	Settle	培算FI	
	Maturity	主 斯日	
	OptSpec	期权种类,值为字符串、call 或 put	
	Strike	行权价格	
	Price	根据 Black-Scholes 模型计算出的股票期权价格	
optstockbyrgw	Price = optst	ockbyrgw/RateSpec, StockSpec, Settle, Maturity, Strike)	
	RateSpec	1 農園 ステムな。こ	
	StockSpec	板架形的 OBI 何今是动来等信单 参考 stockspec 函数	
	Settre	经算 日	
	Maturity	手 by h	
	OptSpec	斯拉特克 預生主符形、call 亞 put	
	Strike	行权价格	
	Price	根据 Roll-Geske-Whaleys 模型计算出的股票期权价格	
	PriceSens ==	optstocksensbybjstRateSpec, StockSpec, Settle, Maturity, OptSpec, Strike, 'Name1'.	
optstocksensbyhjs	Value 1		
	RateSpec	利率期限结构说明	
	StockSpec	股票参数说明,包含波动率等信息,参考 stockspec 函数	
	Settle	括算日	
	Matinty	年186 年1	
	OptSpec	明权种类,值为字符串,call 或 put	
	Strike	行权价格	
	Namer	opistax ksensbybys 子数平 of 选输入参数,决定输出变量 PriceSens 何久的希腊?由,	
	Values	delta,gamma,vega,lambda,rho,theta	
	PriceSens	根据 Bjerksund-Stensland 模型计算出的股票期权的希腊字母值	
	PriceSens =	opistocksensbyblk(RateSpec, StockSpec, Settle,Maturity, OptSpec Strike, 'Namol',	
optstocksensbyblk	Valuet)		
	RateSpec	利率斯陨结构点明	
	StockSpec	股票參数说明,包含波动率等信息,参考 stockspec 函数	
	Settle	结算日	
	Matunty	對明日	
	OptSpec	期权种类,值为字符串,call 或 put	
	Strike	行权价格	
	Namei	optstocksensbyblk 老数件。正输入参数,中支输出变量 PriceSens 包含的希腊字母	
	Valuei	delta,gamma,vega,fambda,rho,theta	
	PriceSens	現代日本1 曜年、一貫・ケモを即行が発陽で写信	
	PriceSens =	optstocksensbybls(RazeSpec, StockSpec, Settle,Matunty, OptSpec, Strike, 'Namel ,	
optstocksensbybls	Valuel)		
	RateSpec	利率期限结构说明	
	StockSpec	股票參数说明,包含波动率等信息,参考 stockspec 函数	
	Settle	结算B	

	Maturity	到期日
	OptSpec	期权种类,值为字符率,call 或 put
	Strike	・ 切ぐ格
	Namer	optstocksensbybls 函数中。选输入参数、中定输出 变量 Price Sens 和含作希腊专母。
	Values	delta,gamma,vega,lambda,rbo,theta
	Priches	根据 Black-Scholes 模型计算出的股票明权的希腊字母值
	PriceSens	optstocksensbyrgwtRateSpec StockSpec Settre Maturity, OptSpec, Strike, Name1',
optstocksensbyrgw	Value1 ,	
	RateSpec	利率即网络构设印
	StockSpec	股票参数说明,包含波动率等信息,参考 stockspec 函数
	Settle	结算日
	Matunty	主即,
	OptSpec	期权种类,值为字符串,call 或 put
	Strike	行权价格
	Numes	uptstacksenshyrgu 系数K · 选输 · 参数、头点输出资量 PriceSens 似这件希腊文标。
	Valuer'	de,ta gamma sega,lambda rho,theta
	Pri. eSens	根据 Roll Geske Whateys 模型,严算出的股票期权的希腊学员值

B-20: 金融工具的资产组合(27)

instadd	InstSet = instadd('InstrumentName', parameter 1, parameter 2)
	£ 1	2 2 2 2 4 h
instaddfield	InstSet = mstaddf	field/FieldName, FieldLast, Data', DataLast, Type', TypeString)
	I ileuName	15.0 章 /
	Filedl ist	岐辛田を引 名
	Data	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	DataLast	城市曹值列表
	Type	美型名
	TypeString	类型名列表
	Institut	新建的资产组合结构型数据
instanun		n(InstSet, OptSpec, Strike Settle, ExerciseDates, AmericanOpt, AvgType, AvgPrice,
	AvgDate)	
	156100	已有的一个资产组合结构型数据
	OptSpec	期权种类、值为字符串、call 或 put
	Strike	换行价
	Settle	结算日
	ExerciseDates	r-tx号距
	AmensanOpt	可选,标识期权为美式还是欲式
	AvgType	可选,标识行权价格是几何平均还是算数平均
	AvgPrice	可选、价格平均的方式
	AvgDate	可选,标识价格平均的起始日期
	InstSet	增加亚式钢权后的资产组合结构型数据

źź

	InstSet = instburner	r(InviSet, OptSpec, Strike, Settle ExerciseDates, AmericanOpt, BarrierSpec, Barrier	
nstbarner	Rebate)		
	InstSet	利2 トライナ からなは	
	OptSpec	फ्लाक इत्रामित स्था द्वाप	
	Strike	de t	
	Settle	一種を	
	ExerciseDates	No Re	
	AmericanOpt	标识期权为美式还是欧式	
	BarnerSpec	标识障碍期权类型,共四类	
	Barner	塘山山	
	Rehate	可逃,价格触及障碍时支行的价格	
	InstSc	增加维码职权后的资产组合结构型数据	
	InstSet = instband(InstSet (ouponRate Settle Maturity,Period, Basis, EndMonthRule, IssueDate,	
instbond	First ouponDate L	asiCosponDate StartDate Faces	
	Ins Set	已有的一个贵产组合结构型数据	
	CouponRate	债券を原本	
	Settle	190	
	Masurity	Ť % t-	
	Period	可造,年付息次數	
	Busis	可选,天敷计数规则	
	LndMonthRule	可逃,月末法则	
	IssueDate	可选,发行日期	
	FirstCouponDute	可选,首次付息日	
	LastCouponDate	可选、最后一次付息日	
	StartDate	可逃,计息开始日期	
	Face	可选、面值	
	InstSc	增加一个债券后的资产组合结构型数均	
unstcap	InstSet = unstcap(lr	astSet, Strike, Settle, Maturity, Reset, Basis, Principal)	
4	InstSet	已有的一个资产组合结构型数据	
	Strike	技、鸣鸦	
	Settle	AT 製 L	
	Maturity	수 박무	
	Reset	可选、年支付次数	
	Basas	可选、大数计数规则	
	Principal	可去、本会	
	InstSet	增加一个利率项后的资产组合结构型数据	
instef		aSet, C'How Amount (C'How Dates, Settle, Basis)	
	InstSet	已有的一个资产组合结构型数据	
	CFlow Amounts	现金度的数量	
	CFlowDates	与现金流对应的发生日期	
	Settle	括算で	
	Basis	可选,天教计数规则	
	InstSet	增加一个现金流后的资产组合结构型数据	

ınstcompound		pound(InstSet,UoptSpec,UStrike USettle,UExerciseDates, OptSpec,CStrike.CSetue,CExerciseDates,CAmericanOut)
	InstSet	- P- Sar Caracter Processor Vanctication
	L'OptSpec	即校和青,值大《符串 call w pur
	UStrike	执行价
	USettle	結算日
	UExerciseDates	行权日期
	UAmericanOpt	利。/斯拉大美術运程的式
	COptSpec	复合期权的种类,值为字符串,call 或 put
	CSinke	复合朝权的执行价
	CSettle	复合期权的抵算日
	(ExerciseDates	复合期权的行权日期
	CAmericanOpt	复合期权的标识期权,美式还是欧式
	InstSet	増加一个复合颗权后的资产组合结构型数据
instdelete	ISubSet = instdele	to (InstSet, 'FieldName, FieldLast, 'Data', DataLast, 'Index', IndexSet, 'Typo', TypoLia
	Insthe.	已有的一个资产组合结构型数据
	FriedName	任变量名
	EiledList	域变量名列表
	Data	运变要值
	DataList	· 经变置债列表
	Index'	15.0 2
	Index Set	指标名列表
	Type	축항송
	TypeList	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	Dubbet	删除符合FieldName',Data',Indox',Type'所指定的金融工具后的组合
instiliap	CharTable = instdi	
	InstSe	已有的一个资产组合结构型数据
	('barTable	Trinster for the B
instfields	-	is(batSet, Type', Typelast)
	InstSet	和 * * * * * * * * * * * * * * * * * * *
	Type	サー・ファイン 45 MA 数像
	TypeList	\$5 A 5 A
	LieuList	
		景示符合Type 所指定的金融工具的域変量名 ind(InstSet, FieldName) FieldNate(
zistfund		dexSet, Type, TypeList)
	Javaer	已有的一个资产组合结构型数据
	FiledName	区列的一丁東戸明合地内型数据 域変量名
	FiledList	収支票名 域変量名列表
	Data	域 安置 否则 表 域 安置 情
	DataLast	域变量值列表
	Index	極支重固列表 指标名
	IndexSet	指标名列表
	Type	· 信仰名列表 类型名

	TypeList	素型名列表			
-	IndexMatch	九年二十五日Aume Data Index Type 计布度价金融,具的编号指标			
instfixed		GostSet, CouponRate, Scule Maturity, Reset, Basis, Principal, EndMonthRule)			
// minde	Ins. Set	已有的 ^ ろから · エル・5 数元			
	CouponRate	更要 多			
	Sett c	を 原子 と は 第日			
		が明日			
	Maturity				
	Reser	可选,年支付次数			
	Basis	可选,天数计数规例			
	Principal	可选,本金			
	EndMonthRule	可选,月末永斯			
	IrstSct	書" · 1 多原例(1 0 本円と、・ Y1 株片 数様			
instfloat	InstSet = instfloati	InstSet, Spread, Settle, Matunty, Reset, Basis, Principal, EndMonthRule)			
_	InstSet	已有的一个资产组合结构型数据			
	Spread	100年美国联合铁铁生学》《美			
	Settle	t/) ¥ □			
	Maturity	MMB			
	Reset	可选,年支付大数			
	Basis	可选,天散计数规阵			
	Principal	可选, 本金			
	EndMonthRule	可选,月来法院			
	Institet	增加一个浮动利率票据后的资产组合结构引数据			
	InstSet = instfloorInstSet Strike Settle Maturity, Reset,				
nstfloor	Basis, Principal)	Basis Principal)			
	InstSet	已有的一个资产组合结构型数据			
	Strike	换行价格			
	Settle	培育日			
	Maturity	到際日			
	Reset	可选,年支付次数			
	Basis	可选、失数计数规则			
	Principa.	可應,本金			
	InstSci	增加一个利率底后的资产组合结构型数据			
nstget		Data n instgettInstSet, FieldName',FieldLast, 'Index', IndexSet, 'Type', TypeLis			
	Institet	,有2 "老产"。 "他是数据			
	FiledName	後を置え			
	FiredList	域を量べる。表			
	Index	本とさ			
	IndexSet	78 A 7 7			
	-	+			
	Туре	25.8			
	TypeList	美星名列表			
	Data i	存储FieldName'中对应的第1个域变量			

unatgetcell	[DataList, FieldLi	st, ClassLust] unstgeicell(InstSet FieldName, FieldList, Index',IndexSet, Type,	
margetten	TypeList)		
	Institet	已有的一个资产组合结构型数据	
	FiledName	城变量名	
	FiledList	域变量名列表	
	Index	指标名	
	IndexSet	指称名列表	
	Type	类型名	
	Typel ist	类型名列表	
	DataLast	以元胞數组的形式获取金融数据的数据列表	
	FreldList	以元階數组的形式获取金融散採的城名列表	
	ClassE st	以无胞数组的形式获取金融数据的类列表	
instlexth	Ninst = instangth	(InstSet)	
	InstSet	有10 20 · 10 · 10 · 10 · 10 · 10	
	Ninst	Insulate die die er einsprender i	
instlookback	InstSet = instlook	back(InstSet, OptSpec, Strike, Scale, ExerciseDates, AmericanOpt)	
	Institet	! 已有的一个资产组合结构型数据	
	OptSpec	期权种类,值为字符串,call 或 put	
	Strike	执行价	
	Settle	特施日	
	ExerciseDates	行权日耶	
	American()pt		
	InstSet	增加一个回望啊权后的资产组合结构型数据	
unstopthad	InstSet = instopth	nd(InstSet, Bondladex, OptSpox, Strike,ExerciseDates)	
	InstSet	已有的一个资产组合结构型数据	
	Hondindex	包含 InstSet 中價券指标的向量	
	OptSpec	期权种类。值为字符串,call 或 pur	
	Stnke	現 が	
	Exercise Dates	()核科學	
	Institet	博・ ^ 作名即兵以がみ中伯 ^ 法检形整理	
instoptembed	InstSet × instrocter	mbed (CouponRate, Settle, Maturity, OptSpec, Strike, ExerciseDates, 'Namei', Valuei)	
	CouponRate	- 作力が至主	
_	Senle	结膜片	
	Maturity	砂糖 品	
	OptSpec	斯权科类 值为字符串、call 发 put	
	Strike	扶(7)(5)	
	ExerciseDates	"孩孙期	
	Names		
	Values	参考理動支持、关ーはやず取債范围、団み指述債券属性信息が 組債	
	InstSet	増し、「大夫師も、年本、ケ五年の「片崎」 野田	
instoptstock		tock/(mstSet, OptSpoc, Strike, Scule, ExerciseDates)	
and the same of th	InstSet	有內 "会产会个信息主要是	

_		4
	OptSpec	即权种责,值为字符串、call 或 put
	Strike	执行价
	Settle	18第日
	ExerciseDates	行权日期
	insthet	增加一个债券期权后的资产组合结构型数据
	InstSubSet = instse	elect(InstSet, FieldName' FieldList, DataLiti 'Index', IndexSet, Type',
instselect	TypeList)	
	InstSet	有如 不资产进产品均匀数据
	F1 edName	城支量ら
	FitedList	班安豐名列泰
	Data	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	DataList	级安徽编列表
	Index	班長
	IndexSet	指取买多套
	Туре	大ちゃ
	TypeList	类型 S.4 摄
	InstSubSet	根形下edName Data Index Type hi版出产于集合
instretfield	InstSet = instactfic	id(InstSet, FreidName', FreidLust, Data', DataLust)
	Institut	1 4 2 一多两百八年日在年數准
	7 iledName	经安量 名
	FiledList	域变量名列表
	Duta	成多量項
	DataList	城市價值列表
	Insthet	改变已有金融工具的城名或者其款值
	InstSet = instswap	(InstSet LegRate Scitle Maturity SetLegReset, Basis, Principal, LogType.
unstswap	EndMonthRule)	
	Instact	有タール中国 人場の監察
	LegRate	用以这些和原本和价差的复数
	Seille	水排戶
	Maturity	刊期日
	LegReset	可选,用以说明互换的两个产品的《支付次数
	Basis	可选,天教计教规队
	Principal	可选,名义本金
	LegType	可选,互换产品是厚动利率还是固定利率说明护阵
	EndMonthRule	可选,月末法6°
	InstSet	増り ^ 今日が当中国の結構型数据
Instrwaption		tion(O . Strike ExerciseDates,Spread, Settle, Maturity)
Manual Property	OptSpec	vitte 有力を符集 cel 後 put
	Strike	模技(7)价格
	ExerciseDa*	大型日節
	Spread	多式を車両基准持的利率可給美
	Spr	· 结算日
		多明日

	InstSet	増い 人名格斯约前分泌产明合作收费数据
lastypes	TypeList = instrypes(InstSet)	
	InstSet	已有的 个资产组合结构型数据
	TypeLust	显示 InstSet 中所包含类型列表

B-21: 金融对象结构型数据(3)

classfin	Obj = classfin(ClassName)		
	ClassName	定义的金融对象名称	
	Obj	生成的金融数据对象	
ısafın	IsFinObj = isafin(Obj, ClassName)		
	ClassName	金融对象名称	
	Ob,	会赃数据对象	
	IsFinObj	判断 Obj 是否属于 ClassName 所指类型	
stockspec	StockSpec = stockspec(Sigma, AssetPrice, DevidendType, DividendAmounts, ExDividendDates)		
	Sigma	股票的启动率	
	AssetPrice	股票资产价格	
	Dividend Type	鬼中《花典型	
	DividendAmounts	股份數量	
	FxDividendDates	除息日	
	StockSpec	股票參数必明	

B-22: 利率期限结构数据 (7)

date2time	[Times, F] = date2	[Times, F] = date2time/Settle, Dates, Compounding, Basis,EndMonthRule)		
	Sett e	* N		
	Dates	-3 Rb		
	Compouding	可逃,年计息次数		
	Basis	可选,天数计数规则		
	EndMonthRule	可选,月末法则		
_	Times	170		
	ŀ	様数		
disc2rate	Rates=disc2rate(C	compounding Disc, End Times, Start Times, Basis, BudbloothRule)		
	(vispouding	年计包次数		
	Disc	折现因于		
	EndTimes	结束町10		
	StartTimes	可选,起始时间		
	Basis	可选,大数计数规则		
	EndMonthRule	可选,月末法则		
	Rates	P+ + E		
intenvget	ParameterValue =	intenvget(RateSpec, 'ParameterName')		
	Raiebpoi	利車期限结构设明		
	ParameterName	属性名於		
	Parameter\ alue	属性值		

18

intenvset	{RateSpec, RateSpecOld} = intenvset(RateSpec, 'Argumenti', Values,)			
	RateSpec	利率期限结构说明		
	Argumenti	毛李朝原结构於属性对、其具体取值可参考帮助文档		
	Value	一 汽车附附后特的现代对,具具体单量可要方案切关权		
	RateSpec	变化后的利率期限结构说明		
	RatcSpecOld	原利率期限结构设明		
rate2dusc	Disc = rate2disc(Compounding Rates, EndTimes StartTimes, Basis,EndMonthRule)			
	Campouding	4 4 17		
	Rates	31个F ±		
	f nJt imes	结束816)		
	Start Firmes	可选, 起始时间		
	Basis	可选,天散计数规则		
	EndMonthRule	可进,月末法则		
	D.v.	1 to 1 to 1		
	Rates, EndTimes, StartTimes] = rotetimes(Compounding,RefRates,RefEndTimes, RefStartTimes,			
ratetimes	EnJTimes StartT	EndTimes StartTimes)		
	(whorewark	1 ・4 7 数		
	RefRates	相关利率值		
	Refl offines	村关结束的间		
	RetStart1 mes	相关开始时间		
	LodTimes	结束时间		
	Start Times	4400		
	Rates	新的时间划分点上的利率值		
	EndTimes	新的时间结束点上的利率值		
	Start1mes	カツー いちゃ ケーキ項		
time2date	Dates = time2date	Dutes = time2date(Settle, Times, Compounding, Basis, EndMonthRule)		
	Settle	北翼:		
	Times	Y e		
	Compouding	可选,年计多次数		
	Basis	可选,天散计数规则		
	EndMonthRuse	可选、月未法则		
	Dates	日期		

B-23: 日期显示 (1)

datedisp	datedisp(NuruMat, DateForm)		
	NumMat 一种数点		
	DateForm 一期景:格式		
	此承數根据 DateForm 44多 3 户格式 将 NorrMai 新代表的日期显示出来		

B-24: 树图显示 (1)

troeviewer	(reenewer(Tree)		
	Tree	构建的二叉树或三支树毛	

附录 C 固定收益工具箱函数详解

C-1: 现金流函数 (1)

	[CFlowAmounts,CFlow	vDates,TFactors,CFlowPlags]=cfamounts(CouponRate,Sertle,	
cfamounts	Matunty,Period,Basia,EndMonthRuse,IssueDate,FirstCouponDute, LastCouponDate,StartDate, Face)		
	CouponRate	使将包架牢	
	Settle	45算日	
	Maturity	到聯日	
	Penod	可选,年付息次数	
	Basis	可选,天散计数规则	
	EndMonthRule	可选,月未法则	
	IssueDate	可走, 发行日期	
	FirstCouponDate	√ き 首文付息日	
	Last(oaponDate	付き 最后 次付息日	
	StartDate	ップ 计息开始日期	
	Face	可选、面值	
	(FlowAmounts	N. F. TETM	
	C1 lowDates	同残金点数量对应的现金流日期	
	Tfactors	时间因子	
	CFlowFlags	现金竞标识矩阵,同债券现金浇对应	

C-2: 定期存单(3)

cciai	Accrist = cdai(CouponRute, Sottie, Maturity, IssueDete, Basis)		
	CouponRate	净长白杂 章	
	Settre	現10日	
	Maturity	1/40日	
	IssueDate	发行日期	
	Basis	った 天教计数規則	
	Acerlot	- * 自實際	
	[Price, Accrint] = edprice(Yield, CouponRate, Settle, Maturity.		
edprice	IssueDate, Busis)		
	Yield	全期以益息	
	CouponRate	使長息素率	
	Settle	结算 B	
	Matanty	新期日	
	IssueDate	发行日期	
	Basis	可选、关数计数规则	
	Price	定期存单价格	
	Accrint	应计利息数额	

odyteld	Yueld cdyseld(Price, CouponRate, Settle, Maturity, IssueDate, Basis)		
	Price	是100万里 - 鸡	
	CouponRate	债券总量率	
	Settle	活錐吊	
	Maturity	〒 明日	
	IssueDate	发口付期	
	Basis	(选、天飲)*飲稅則	
	Yield	泛即行单管期心丛車	

C-3: 可转馈定价(1)

	[CBMatrix, UndMatrix, DebtMatrix, EqiyMatrix] = chopice (RiskFreeRate, StaticSpread, Sigma, Price ConvRate NumSteps, Issue, Jac Settle Mattain). CorporRate Period. Basis LattMonthRule DissdendType, DissdendInfo, CallType, CallInfo.1 reeType.1		
chprice			
	Riskl recRate	无风险利率	
	Static\Spread	静态价差	
	Signa	股票表动率	
	Price	价格	
	ConvRution	转换比率	
	Numbteps	二叉树的步数	
	IssueDate	发行日期	
	Settie	结排日	
	Maturity	年期は	
	CouponRate	债券包票率	
	Period	可选。年付息次數	
	Basis	可选,天徽计数规则	
	EndMonthRu.e	可造、月未法則	
	DividerdType	股息派发典型,现金股急还是连续股息	
	Dividendinfo	承思信息,包含除息日和承恩数量	
	CallType	看在明权是净价还是全价	
	(al Info	看难期权信息,包含行权日期和行权价格	
	TreeType	定价用一叉树还是二叉树	
	CBMatrix	0.3转债价格矩阵	
	1'ndMatrix	股票价格矩阵	
	DebtMatrix	可转债的债权部分	
	EgyMatrix	可转馈的股权部分	

C-4: 衍生证券计算 7)

bkcall	CaliPrice = bkcall(Strike, ZeroData, Sigma, BondData, Senile, Expury Period, Basis, EndMonthRule, InterpMethod, StrikeConvention)	
	Strike	执行价格
	ZeroData	包含有利率期限结构的一个矩阵
	Sigma	

	BondDuta	便劳价格等相关信息	
	Settle	档算B	
	Expany	期权對期日	
	Period	可选,年付息次数	
	Basis	可选,天数计数规则	
	EndMonthRule	可选,月来法购	
	InterpMehtod	可选,插值方法	
	Strike(onvention	可选,行权价格是根据全价(脏价)还是净价	
	(a.Pn.e	根据 Black 模型对算出来的债券看张朝权价格	
bkcaplet	CapPrices = bicaplet(C	apData, FwdRates. ZeroPrice, Settle, StartDute, EndDate, Sigma)	
	CapDuta	利率项的相关信息	
	FwdRates	达朝利率免费	
	ZemPrice	和 CapData 日期对应的零息票债券价格	
	Settle	培算日	
	StartDate	开始日期	
	EndDate	结束日期	
	5 gmg	長功率	
_	C spirece	根据 Black 模型 計算出来的利率语价格	
bkfloorlet	FloorProces bkfloorlettFloorData FwdRates Zen-Price Settle StartDate EndDate, Sigma)		
	Flooribata	利率度的相关信息	
	1 wdRates	这解利金阶份	
	/en/Price	和 CapData 日期对应的零息票债券价格	
	Settle	社算日	
	StartDate	开始日期	
	EndDate	+2 4 (4.30)	
	Sigma	是动座	
	FloorPrices	极短 Black 模型计算出来的利率度价格	
	PutPnke = bkput/Strike.	ZeroData Sigma BondData Settle: Expery Period, Basis, EndMonthRule,	
bkput	InterpMethod. StrikeConvention		
	Strike	执行价格	
	ZeroData	包含有利率期限结构的一个矩阵	
	Sigma	924	
	BendData.	信券价格等相关信息	
	Settle	指算E	
	Expiry	即 9年 00日	
	Pennd	可改、年付息次数	
	Basis	可选,天教计教规制	
	EndMonthRule	可选,月来法司	
	InterpMehtod	可选, 括值方法	
	StakeConsention	可选, 行权价格是搜据全价(脏价)还是净价	
	PutPrice	根据 Black 模型计算出来的债券看数期权价格	

liborduration	[PayFixDuration GetFixDuration] = hborduration(SwapFixRate,Tenor, Settle)		
	Swapf ARate	互换中的固定利率信息	
	Tenor	互换的取政	
	Settle	结算日	
	Payf-ixDuration	互换中支付固定利率方的修正久期	
	GetFixDuration	互换中收取固定利率方的修正久期	
	[FixedSpec ForwardDat	tes,ForwardRates =hborfloat2fixed(ThreeMonthRates, Settle, Tenor,	
liborflost2fixed	StartDate,Interpolation,	ConvexAdj,RateParam,InArrears.Sigma,FixedCompound,FixedBasis)	
	ThreeMonthRates	三个月原規政治美元期货信息或者 个与近期有本的收信权	
	Settle	结算日	
	Tenor	五楼的雕塑	
	StartDate	开动丹斯	
	InterpMehtod	猛値方法	
		可透,控制是否需要对欧洲美元期货得到的利率进行凸度的调整的机	
	ConvexAd ₁	小安里	
	RateParam	可透,HW 短期利率模型中的参数	
		可选、控制是否需要对远期利率协议得到的利率进行凸度的调整的有	
	InArrears	尔变量	
	Sigina	利率项的年化波动率	
	FixedCompound	支付固定利率方的计电频率	
	FixedBasi;	支付固定利率方的天数计数规则	
	FixedSpec	说明互换中国定利率方的相关信息	
	ForwardDates	志明和 第日期	
-	ForwardRates	同返期利率日期对应的延期利率值	
	Price = librarance(Thron	MonthRates, Settle Tenur SwapRate StartDate, Interpolation, ConvexAdj,	
liborprice	RateParam,InArrears, Signa, FixedCompound, FixedBasis)		
	ThreeMonthRates	三个月期期改并接元期货信息或者三个月远期利率协议信息	
	Settle	装飾日	
	Tenor	互换的期限	
	SwapRate	互換1 宝	
	StartDate	开約日期	
	InterpMehtod	精值方法	
	Zilatpinomou	可选、控制是否需要对欧洲美元期货得到的利率进行凸度的调整的各	
	ConvexAdı	· 尔安量	
	RateParam	可选,HW短期利率模型中的参数	
	Nation again.	可去。控制是否需要对达期利率协议得到的利率进行凸度的调整的可	
	InArrears	できる	
	Sigma	利率项的年化波动率	
	FixedCompound	支付固定利率方的计息频率	
	FixedBasis	支付固定利率方的以高規率	
	PIXEGERASIS	A 7008(17年7/07本鉄に 鉄板下)	

C-5: 利率期限结构曲线对象 (14)

bootstrap	Deurve = IRDataCurve.bootstrap(Type, Settle, InstrumentTypes, Instruments)		
	Type	利·	
	Settle	培斯日	
	InstrumentTypes	金融Ⅰ具类型	
	Instruments	为计算得引利率期限结构曲线还需要的金融工具信息	
	Deurve	计算得到的利率顺限结构曲线,此函数为 IRDataCorve 美中的一个方法	
fitPonction	CurveObj = IRFunctionCurve fitFunction(Type, Settle, PunctionHandle, Instruments, IRFitOptionsObj)		
	Type	主 車期限结构曲线类型	
	Settle	48年日	
	FanctionHandle	定义利率期限结构曲线的函数句摘	
	InstrumentTypes	응앤 용소리	
	Instruments	为计算得到利率期限结构曲线所需要的全融工具信息	
	!RFitOptionsObj	一个利率期限结构期权对象、参考 IRFitOptions 函数	
	Converby	現施を施設地と ローシェン お飲いたか さま	
fitNelonSiegel	CurveOb] = [RPanetio	oCurve.fitNelouSuegekType, Settle, Instruments)	
	Type	1 · 多斯姆 / 八岳河 李节	
	Settle	特別日	
	Instruments	为计算得到利率期限活构曲线所需要的金融工具信息	
	(une(h	根据市场数据拟合 Nelon-Stegel 函数得到的结果	
fitSmoothingSpline	CurveObj = ERPunctionCurve fitSmoothingSpline(Type, Settle,Instruments, Lambdafon)		
	Туре	· 多脚湖传统西观文章	
	Settle	培飾日	
	Instruments	为计算得到利率期限结构曲级所需要的金融工具信息	
	Lambdatun	多作函数的 Lambda 值	
	(urse()b;	如何·大型河 · 经至,最近4人以均	
5:Svenseon	CurveObj = IRPatectionCurve fitSvenason(Type, Settle, Instruments)		
	Type	利率期限结构曲线负型	
	Settle	店舗w	
	Instruments	为计算得到利率期限结构曲线所需要的金融工具信息	
	Lambdafun	新有函数的 Lambde 值	
	CurveObi	根据市场数据组合 Svensson 函数得到的结果	
gotDiscountPactors		(CarveOby, InpDates)	
	(urse()b.	利金期間结构曲线对象	
	InpDates	輸入的日期	
	F	경우 21 나 바꾸 수십 1 4	
gotforwardrates `	P = get/orwardrates(C)	stuffle [nnDates)	
South of All Street, Control of the Street, C	(arvet)hj	利達斯爾结构曲线对象	
	InpDates	輸入的日期	
-	F	場刊対応日期的返期利率	
priparylelds	F = getparylelds(Curve		
	CurvoObj	利字期限结构曲等对象	
	Carroon	つて市田の心で国境の最	

			230
	F	得到对应日期的收益利率	
getzerorates	F = getzgrorates(CurveObj, inpDates)		
	('urse()h _f	重期限结构曲线对象	
	InpDutes	输入的日期	
	F	得到对应日期的零息票率	
!RBootstrapOptions	mybuotoptions = IRB	ootstrapOptions('Parastil', Value1)	
	Param1		
	Valuel	具体取值跟参数多少有关,参见帮助文档	
	msboutoptions	Bootstrap 法构建利率曲线时的期权说明对象	
IRDutaCurve	CurveObj ≈ IRDataCurve(Type, Seule)		
	Lype	利塞明限结构台线类型	
	Settle	结算日	
	CurseObj	手, 家期报结构急线对象	
TRFitOptions	myfitoptions = IRFitOptions(InstalGuess)		
	LintalGuess	初始的紅合模型精單值	
	mst toptions	私合模型对象	
[RFunctionCurve	CurveObj = IRPuoctsooCurve(Type, Settle, PunctionHandle)		
	Lype	末 車期限结构曲线类型	
	Settle	27 39 -	
	FunctionHandle	治教行政	
	(rse()b)	· 李可冯以此会对主擎	
toratespec	F = toratespec(Curve(Obj. InpDates)	
	CurveObj	・・・・ へを刊き算	
	Inplates	经 1 年 年 年	
	F	将 CurveOby 转换为 RateSpec 对象输出	

C-6: MBS 相关函数:14:

mbscfamounts	[CFlowAmounts: CFlowDates, TFactors, Factors] = mbscfamounts(Settle, Maturity, IssueDate, GrossRate, CouponRate, Delay, PrepaySpeed, PrepayMatrix)	
	Settle	主脚 !
	Maturity	野明日
	IssueDate	友 日
	GressRate	包含费用的票面利率
	CouponRate	净票面利率,默认值为 GrossRate
	Delay	可选、MBS转变付迟滞的天散
	Prepay Speed	可选,阿基在模型匹配的提前支付速率
	PrepayMatn's	可选,支付矩阵
	CFlow Amounts	30 全点数量
	CFlowDates	向现金克发生相对应的日期
	Ifactors	₹* 0 7 ₹
	Factors	抵押贷款因子,月末余额

mbsconvp	Convexity = mbsconvp(Price, Settle, Maturity IssueDate, GrossRate, CouponRate, Delay,				
and a control	PrepaySpeed, Prepay	Mainx)			
	Price	毎 100 天 - 含値を ゆい			
	Sett e	22 側 Ci			
	Maturity	至 剛白			
	IssueDate	变1 月			
	GrassRate	包含贵用的原面利率			
	CouponRate	净票面利率、默认值为 GrossRate			
	Deay	可选、MBS 转支付迟滞的天教			
	PrepaySpeed	可选,阿基准模型匹配的提前支付追率			
	PrepayMatrix	3 支付装件			
	Consexts	**・・吃炒・********************************			
	Convexity a mbscom	ry(Yield Senle Matunty IssueDate GrossRate,			
mbsconvy	CouponRate, Delay, PrepaySpeed, PrepayMatrix)				
	Yield	核月复利的抵押贷款支持正券收益率			
	Settle	特制 商			
	Maturity	李 斯州			
	IssueDate	麦 戶			
	GrossRate	包含贵用的票面利率			
-	CouponRate	净票面利率,默认值为 GrossRate			
	Delay	可选,MBS 转支付迟滞的天数			
	PrepaySpeed	五、四基申標而正在戶程前支付連率			
	Prepay Mainx	() 支,支付契约			
	Convexty	□ 脚内 スポキネモの機型、MBS a野が 村			
	[YearDuration, ModDuration] + mbsdurp(Price Settle Matturty IssueDate GrossRate, CouponRate,				
mbsdurp	Delay PrepaySpeed, PrepayMatrix)				
	Price	B ON T † go to €			
	Settle	沙			
	Matunty	全 順日			
	[saucDate	****・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・			
	GrossRate	包含島田的麗面利車			
	CouponRate	可改,净票面利率,联认值为 GrossRate			
	Delay	可选,MBS 转支付迟滞的天散			
	PrepaySpeed	可选、同基金模型匹配的提前支付速率			
	Prepay Matrix	可读、支付矩阵			
	YearDuration	Macana A St			
		作 1 久衛			
nbsdurp	[YearDuranon, ModDuration] = mbsdury(Yaeld, Settle, Maturity, IssueDate, GrossRate, CouponRate, Delay, PrepaySpeed, PrepayMatrix)				
		PropayMainx) 接近電・2。振相性飲養特子物改益率			
	Yield Settle	2. は、これをは、これには、または、これでは、これでは、これでは、これでは、これでは、これでは、これでは、これで			
	-	호점			
	Maturity IssueDate	장이 내			

		13		
	GrossRate	包含贵用的原图利率		
	CouponRate	可进,净票面利率、联认值为 GrossRate		
	Delay	可逃,MBS 转支付迟滞的天数		
	PrepaySpeed	可透,同基准模型匹配的提前支付速率		
	PrepayMatnx	可选,支付矩阵		
	YearDuration	Macaulay 久明		
	ModD tration	修正久學		
nbsnoprepay	[Balance, Interest, Pay	meet. Principal] = mbsnoprepay(OriginalBalance, GrossRate, Term)		
	Originalisalance	· \$ 1R		
_	GrossRate	约也無当的原金平平		
	Term	MBS 中期限 。 4 +数单行		
	Balance	· 自有型の長い情心 さ はる全額		
	Interest	没有提前支付债况下的利息支付额度		
	Payment	44/提前支付情况下的月末支付额度		
	Рин. гра.	14-51 7 20 20		
		cipal Interest Prepayment with sassathrough (Original Balance, Gross Rate,		
asbpinisthrough	Organal Term. TermRemaining, PrepaySpeed, PrepayMatrix)			
	Or great Balance	2		
	GrossRate	E-全株日平安全大量		
	OnginalTerm	MBSウェミ等内。 ま土砂壁は		
	TermRemaining	MBS 的剩余期限。以月末计数单位		
	Prepay Speed	可选,同基有摄型匹配的提前支付建率		
	PrepayMatrix	3 7 611 9		
	Balance	2行はからい境とでは、3年が野		
	Payment	· 全有權前支付情况下的月未支付额度		
	Principal	月末支付中的本金数量		
	Interest	つち切前を引張りてから 新き仕続き		
	Prepayment	dwares		
		proce(Yield, Seitle Maturity, IssueDate, GrossRate, CouponRate, Delay,		
absprice	PrepaySpeed, PrepayM			
	Yie'd	按月便利的抵押贷款支持证券收益率		
	Settle	15賞日		
	Matunty	1 部日		
	IssueDate	*frB		
	-	包含		
	GrossRate	可选,净票面利率,联认值为 GrossRate		
	Couponitate	可查,學原因利率,原以但为 GrossKate 可查,MBS 转支付起滞的天教		
	Delay	可选,MBS 转支可必用的大数 1. 分 军基金模型大配的提前支付建率		
	PrepaySpeed			
	PrepayMatrix	正式、もいを隔 		
	Price	MBS 🔻		
	Accelnt	のは利力数額		

mbsprice2speed	[ImpSpiOnPrc, ImpSpdOnDur ImpSpdOnCns] mhsperce2-speed(Price, Settle, Maturny IssueDate, GrossRate, PrepayMatrix, CouponRate Delay)		
	Prost	# 100 % - # A + B -	
	Settic	7 N F	
	Maturity	9 略5	
	IssueDate	\$44	
	GrossRate	包含费用的原面利生	
	-	可选,支付矩阵	
	Prepay Matrix		
	CouperrRate	可选,净票面利率,款认值为 GrossRate	
	Delay	可选, MBS 转支付迟滞扩天数	
	ImpSpdOnPrc	基于PSA 提前提付排版下的价格	
	ImpspdOnDur	基于 PSA 提前提付模型下的久期	
	ImpSpdOnC ev	基于 PSA 提前估付模型下的凸位	
msbwa.	WAL = mbswal(Set	tle, Maturity IssueDate GrossRate CouponRate, Delay PrepaySpeed	
Illaowa.	,'repayMatrix)		
	Settle	* A .	
	Maturity	号 IŞ1)	
	Iss eilute	\$	
	GrowRate	包含费用的集面利率	
	CouponRate	可选、净票批利率,默认值为 GrossRate	
	Deax	可选、MBS转支付迟寿的天数	
	PrepaySpeed	可选,例基准模型匹配的提前支针速率	
	PrepayMatrix	可选、支针矩阵	
	WAE	與权平均存缴 鹏	
	[MYreld, BEMBSYreld] = mbsyreld:Price Settle Maturity IssueDate, GrossRate, CouponRate Delay,		
mbsyselds	PrepaySpeed, PrepayMatrix)		
	Price	每100美元质值的净价	
	Settle	村算日	
	Maturity	到明日	
	[ssue]2ate	发行日	
	CircissRate	包含鲁用的胃面利率	
	CouponRate	可选,净票度利率,默认值为 GrossRate	
		可选、MBS 转支针迟滞的大数	
	Delay	可进,阿基金積型匹配的提前支付速率	
	Prepay Speed		
	Prepay Matrix	可选,支付拆降	
	Msield	转手证券對斯收益率 54年还券的债券等价收益率	
	BEMBSY eld		
mbsyreld2speed	ImpSpdOnYId, ImpSpdOnDur ImpSpdOnCov) = mbsyreld2speed(Yield, Settle, Maturity, IssueDate,		
	GrossRate, PrepayMa	trix, CouponRate Delay)	
	l cl3	MBS集产品收益率	
	Settle	结算日	
	Maturity	4.29;	
	IssueDate	178	

			奖
	GrossRate	包含费用的票面主席	
	PrepayMatrix	可选、支付矩阵	
	CouponRate	可选,净票面利率,默认值为 GrossRate	
	Delay	可透,MBS 转支付迟滞的天数	
	ImpSpdOnYid	苯于 PSA 提前生计模型下的收益率	
	ImpSpdOnDur	基于 PSA 提前绘件模型下的久期	
	Imp5pd0nCns	基于 PSA 提前偿付模型下的凸性	
psaspeed2default	[ADRPSA, MDRPSA] = psaspeed2default(DefaultSpeed)		
	. k lau/Speed	相对于 PSA 基准的年进汽率	
	ADRPSA	PSA 模型的年化适约率	
	MDRPSA	PSA 模型的月选约率	
psuspeed2rate	[CPRPSA, SMMPSA]	= passpeed2rate(PSASpeed)	
	PSASpeed	PSA 模型下的提前偿付率	
	CPRPSA	年度的提前支付率	
	SMMPSA	月度提购支付率	

C-7: 期权调整价差的计算 (4)

mbsons2price	Price = mbsoas2price(ZeroCurve, OAS, Senle, Maturity, IssueDate, GrossRate, CouponRate, Delay, Inserpolation, PrepaySpeed, PrepayMatrix)		
	little inc	包含利率朝限结构信息	
	OAS	以基点计数的期权调整价差	
	Sente	海淋 目	
	Muturity	到躺日	
	IssueDate	发行用	
	GrensRute	包含贵用的票面利率	
	CouponRate	可选、净票面利率、联认值为 GrossRate	
	De as	可选,MBS 转变付迟滞的大数	
	Interpo ation	可逃。捕鎮方法	
	PrepaySpeed	可选,阿基准模型匹配的提前支付速率	
	PrepayMatrix	可选,支付矩阵	
	Price	转手证券的净价	
mbsous2yreld	[MYseld, BEMBSYseld] = mb-oas2vield(ZeroCurve, OAS Settle, Maturity, IssueDate, GrossRate, CouponRate, Delay, Interpolation, PrepaySpeed, PrepayMatrix)		
	Zenk urve	包含利康斯联结构信息	
	OAS	以基点计数的期权调整价差	
	Settle	a 第日	
	Maturity	新期日	
	[ssueDate	发行日	
	GrossRate	包含费用的原金利率	
	CouponRate	可选,净票面初率、默认值为 GrossRate	
	Delay	可选,MBS转支付迟滞的天教	
	Interpolation	可选、措值方法	
	PrepaySpeed	可透,同甚在模态图配的提前支付速率	

	PrepayMatrix	可逃。支付矩阵	
	Myeid	转手证券到期收益率	
	BE MBS Field	转手证券的债券等价收益率	
mbsprice2oas	OAS mhspnce2ous	(ZeroCurve Price Settle Maturity IssueDate, GrossRate, CouponRate, Delay	
ttionpricezoaa	Interpolation Prepar	ySpeed, Prepay Matrix)	
	Zero(urve	包含利率期限结构信息	
	Price	MBS 美产品价格	
	Settle	培算日	
	Matanty	對聯日	
	IssueDate	发行日	
	GrossRate	包含费用的策击利率	
	CouponRate	可选、净票面彩率,默认值为 GrossRate	
	Delay	可选,MBS 转支付迟滞的关数	
	Interpolation	可选,插值方法	
	Prepay Speed	可选,同基准模型匹配的提前支付速率	
	PrepayMatrix	可选、支付护阵	
	OAS	以基点数计数的期权调整价差	
mbsyreld20as	OAS = prbsyseld2oast@zeroCurve, Yseld, Senie Manurity, IssueDate, GrossRate, CouponRate, Delay, Interpolation PrepaySpeed, PrepayMatrix)		
	Zer Kune	f i f E Sercent to	
	Yield	MBS共产品农益車	
	Settle	经第 :	
	Maturity	+ 10251	
	IssueDate	30	
	GrossRate	包含费用的原面利率	
	CouponRate	可选、净票面利率,献认值为 GrossRate	
	Delay	可选,MBS转支付迟滞的天数	
	Interposation	可选,插值方法	
	PrepaySpeed	可透,同基准接受匹配的提前支付速率	
	PrepayMatrix	可选、支付矩阵	
	OA5	以基点数计数的期权调整价差	

C-8: Steped-Coupon 债券的相关计算 (3)

stepcpncfamounts	[CFlows, CDates: CTimes] = stepcpmcfamounts(Settle: Maturity, ConvDates, CouponRates, Penod, Basis, EndMonthRule, Face)	
	Settle	25.算品
	Maturity	E 期日
	Conv Dates	重約正寺日期
	CouponRates	重新设定利率值
	Period	可选,年付息次数
	Basis	可选、天教计数规则
	EndMonthRule	可选,月末法则
	Face	可选,歪值

		4
	CFlows	现金流的数量
	CDates	现金直发生的日期
	("I mes	现金流的时间,同 Calates 相对应
stepopaprice	[Price AccruedInterest] = stepcpnprice(Yseld Senle Maturity ConvDates, CouponRates, Basis, EndMonthRule, Face)	
	Yeard	Steped-Coupon 债券的到期收益率
	Settle	结算日
	Maturity	到期日
	ConvDates	推新定息日期
	CouponRates	新茶设定和率值
	Penod	可选、年付息欠款
	Basis	可选,天數计数规则
	EndMonthRule	可盡。月未法則
	Face	可逃、面值
	Price	Steped-Coupon 债券的价格
	AccruedInterest	应计利息数额
stepcpnyseld	Yield a stepconyneld(Price Settle Waturity ConvDates CouponRate, Period, Basis, EndMonthRule Face)	
	Price	Steped Coupon 14 21 C W
	Settle	15.美叶
	Settle Maturity	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	Matunty	fo mis
	Maturity ConsDates	分類I 直接定意日期
	Maturity ConsDates CouponRates	を
	Maturity ConstDates CouponRates Peric J	行期日 重新定意日期 重新设元利率值 可进,军付息次数
	Matunty ConsDates CouponRates Pera d Basis	长期 重定登日期 重定应其料率填 可选,其代检末数 可选,天散计数据》

C-9: 国库券的相关计算(6)

tbilldisc2yield	[BEY:eld MMYield] = tbilldisc2yreld(Discount, Settle, Maturity)	
	D-scount	· · · · ·
	Settle	培育 日
	Maturity	多数日
	BEYield	债券等价收益率 BEY
	MMYield	货币市场收益率
thillprice	Price = tbillprice(Rate, Settle, Masarity, Type)	
	Rate	债券等价收益率 BEY, 货币市场收益率或贴现率
	Sett.c	受賞に
	Maturity	到柳日
	Type	可选,决定Rate 参数的和类
	Price	国库券价格

tbiflrepo	TBEDiscount = tbillrepo(RepoRate, InitialDiscount, PurchaseDate, SaleDate, Maturity)		
	RepoRate	年化的回购利率	
	InitialDiscount .	初始的贴现率	
	PurchaseDate	回购协议生效日期	
	SaleDate	回购日期	
	Maturity	国库券到期日	
	TBEDiscount	回购协议的平价贴现率	
tbilival01	[Val01Disc, Val01MMY, Val01BEY] = sbillval01(Settle, Maturity)		
	Settle	结算日	
	Maturity	到期日	
	Val01Disc	點现率变动 I 个 bp 所带来的价值变动	
	Val01MMY	货币市场利收益率变动 I 个 bp 所带来的价值变动	
	Val01BEY	债券等价收益率变动 I 个 bp 所带来的价值变动	
tbillyield	(MMYield, BEYield, Discount] = tbillyield(Price, Settle, Maturity)		
	Price	国库券价格	
	Seule	结算日	
	Maturity	到期日	
	MMYield	货币市场收益率	
	BEYield	债券等价收益率 BEY	
	Discount	贴现率	
tbillyield2disc	Discount = tbillyield2disc(Yield, Settle, Maturity, Type)		
	Yield	收益率	
	Settle	始算日	
	Maturity	到期日	
	Туре	可选,收益率类型	
	Discount	貼现率	

C-10: 国债的相关计算 (6)

convfactor	ConvFactor = convfactor(RefDate, Maturity, CouponRate, RefYield, Convention)		
	RefDate	转换因子计算的相关日期	
	Maturity	到期日	
	CouponRate	息票率	
	RefYield	可选,转换因子计算的相关收益率默认是 6%	
	Convention	可选,转换因子计算是的对应标的	
	ConvFactor	转换因子	
tfuthyprice	QtdFutPrice = thubyprice(SpotCurve, Price, SettleFut, MatPut, ConvFactor, CouponRate, Maturity Interpolation)		
	SpotCurve	表征当期利率期限结构的矩阵	
	Price	国债的价格	
	SettleFut	期货的给算日	
	MatFut	期货的到期日	
	ConvFactor	转换因子	

	1	续	
	Maturity	到日期	
	Interpolation	可选,括值方法	
	QtdFutPrice	国债期货的价格	
tfutbyyield	QtdFutPrice = tfutbyyield(SpotCurve, Yield, SettleFut, MatFutConvFactor, CouponRate, Maturity,		
nato () mio	Interpolation)		
	SpotCurve	表征当期利率期限结构的矩阵	
	Yield	国赁的到期收益率	
	SettleFut	期货的结算日	
	MatFut	期货的到期日	
	ConvFactor	转换因子	
	CouponRate	息原率	
	Maturity	到日期	
	Interpolation	可选,插值方法	
	QtdFutPrice	国债期货的价格	
	ImpliedRepo = tfutim	prepo(ReinvestData, Price, QtdFutPrice, Settle, MatFut, ConvFactor, CouponRate	
tfutimprepo	Maturity)		
	ReinvestData	再投资收益相关数据	
	Price	国债的价格	
	QtdFutPrice	国债职货的价格	
	SettleFut	期货的结算日	
	MatFut	期货的到期日	
	ConvFactor	转换因子	
	CouponRate	息原率	
	Maturity	到日期	
	ImpliedRepo	无套利均衡下的隐含回购利率	
		= třutpricebyrepo(RepoData, ReinvestData, Price, Settle, MatFut, ConvFactor,	
tfutpricebyrepo	CouponRate, Maturity)		
	RepoData	回购相关数据	
	ReinvestData	再投资收益相关数据	
	Price	国债的价格	
	Settle	结算日	
	MatFut	国債期货的到期日	
	ConvFactor	9.持因子	
	CouponRate	9.原字	
	Maturity	対照日	
	OtdFutPrice	国僚明货的价格	
		交割日前的应计利息数额	
	Accrint		
tfutYield	FwdYield = tfutyieldbyrepo(RepoData, ReinvestData, Yield, Settle, MatFat, ConvFactor, CouponRate,		
	Maturity)	mm+0 + s9	
	RepoData	回购相关数据 本6.为6.44000 新疆	
	ReinvestData	再投资收益相关数据	
	Yield	国债的到期收益率	
	Certie	结管日	

MatFut	回债期货的到期日
ConvFactor	转换因子
CouponRate	息票库
Maturity	到期日
PwdYield	理论远期利率

C-11: 零息票金融工具 (2)

zeroprice	Price = zeroprice(Yield, Settle, Maturity, Period, Besis, EndMonthRule)	
	Yield	金融工具的到期收益率
	Settle	结算日
	Maturity	到期日
	Period	可选,年付息次数
	Basis	可选,天散计散规则
	EndMonthRule	可选、月末法则
	Price	价格
zeroyield	Yield = zeroyield(Price, Settle, Maturity, Period, Basis, EndMonthRule)	
	Price	价格
	Settle	结算日
	Maturity	到期日
	Period	可选。年付息次数
	Basis	可选。天歡计散規則
	EndMonthRule	可选,月末进到
	Yield	金融工具的到期收益率



参考文献

- [1] John C.Hull. Options, Futures, and Other Derivatives. Prentice Hall, 2006
- [2] 龚纯,王正林, MATLAB常用算法程序集,北京,电子工业出版社,2008
- [3] 王正林, 刘明. 精通 MATLAB 7. 北京: 电子工业出版社, 2006
- [4] 顾岚等译.时间序列分析 预测与控制、北京:中国统计出版社、1997
- [5] 范建清等译、非线性时间序列一建模、预报及应用、北京、高等教育出版社、2005
- [6] 朱世武. 金融计算与建模. 北京:清华大学出版社,2007
- [7] 张树德. 金融计算 3 定模、北京: 清华大学出版社, 2007
- [8] 王正林, 龚纯, 何倩. 精通 MATLAB 科学计算. 北京: 电子工业出版社, 2007
- [9] 龚纯,王正林. 精通 MATLAB 最优化计算,北京:电子工业出版社,2009
- [10] 张善文等。MATLAB 在时间序列分析中的应用。西安电子科技大学出版社,2007
- [11] Justing London. Modeling Derivatives Applications in MATLAB, C++ and Excel, FT Press, 2007

